



**УНИВЕРЗИТЕТ У БЕОГРАДУ**  
**ГРАЂЕВИНСКИ ФАКУЛТЕТ**  
[www.grf.bg.ac.rs](http://www.grf.bg.ac.rs)

# **ИНФОРМАТОР**

**о конкурсy за упис у прву годину  
основних академских студија**

**Школска 2020/2021 година**





**УНИВЕРЗИТЕТ У БЕОГРАДУ**  
**ГРАЂЕВИНСКИ ФАКУЛТЕТ**

# **Информатор**

**о конкурсy за упис у прву годину  
основних академских студија  
Школска 2020/2021. година**

Београд  
Јун 2020.

Информације о упису:

[www.grf.bg.ac.rs](http://www.grf.bg.ac.rs)

Служба за студентска питања 011/3218-640, 3218-526

*Издавач*

Грађевински факултет

Универзитета у Београду

Београд, Булевар краља Александра 73/1

*За издавача*

Проф. др Владан Кузмановић, декан

*Штампа*

Академска мисао, Београд

*Тираж*

500 примерака

© Сва права задржава издавач.

Забрањено прештампавање и фотокопирање.

# Садржај

<b>Грађевински факултет .....</b>	<b>1</b>
Грађевински факултет – изградите каријеру .....	1
<b>Студије .....</b>	<b>2</b>
Студијски програм Грађевинарство.....	2
Модул за конструкције .....	3
Модул за хидротехнику и водно-еколошко инжењерство.....	3
Модул за путеве, железнице и аеродроме.....	4
Модул за менаџмент, технологију и информатику у грађевинарству .....	4
Студијски програм Геодезија и геоинформатика .....	4
Принципи студирања.....	5
<b>Програми основних студија .....</b>	<b>7</b>
Студијски програм Грађевинарство.....	7
Заједнички основе (семестри I-III).....	7
Модул: Конструкције (КОН).....	8
Модул: Хидротехника и водно-еколошко инжењерство (ХВЕ) .....	9
Модул: Путеви, железнице и аеродроми (ПЖА) .....	10
Модул: Менаџмент, технологија и информатика у грађевинарству (МТИ)...	11
Студијски програм Геодезија и геоинформатика .....	12
<b>На факултету... ..</b>	<b>13</b>
Служба за студентска питања .....	13
Књижара - скриптарница.....	13
Библиотека и читаоница.....	13
Центар за информационе технологије (ЦИТ).....	13
Лабораторије.....	14
Студентски парламент .....	14
<b>Где се налазимо .....</b>	<b>15</b>
<b>Конкурс 2020 .....</b>	<b>18</b>
Број расположивих места .....	18
Школарина за самофинансирајуће студенте .....	18
Поступак конкурисања и уписа УКРАТКО .....	18
Календар првог (јунског) конкурсног рока.....	19
Други (септембарски) конкурсни рок.....	21
<b>Пријављивање на конкурс .....</b>	<b>21</b>
Ко може да конкурише за упис .....	21
Пријављивање .....	21
Шта је потребно за пријављивање на конкурс .....	22
<b>Пријемни испит.....</b>	<b>24</b>
Правила о одржавању пријемног испита .....	25

<b>Формирање ранг листе и критеријуми за упис .....</b>	<b>28</b>
Начин бодовања за ранг листу .....	28
Формирање ранг листе .....	28
Критеријуми за упис.....	29
Жалбе на конкурс.....	29
<b>Упис .....</b>	<b>29</b>
Прозивка неуписаних кандидата .....	30
<b>Примери попуњених образаца .....</b>	<b>31</b>
Пример попуњеног обрасца ШВ-20 .....	31
Списак занимања за питање 23 из обрасца ШВ-20 .....	33
<b>Припрема за пријемни испит .....</b>	<b>34</b>
Програм за пријемни испит из математике .....	34
Литература .....	34
<b>Примери задатака са пријемног испита .....</b>	<b>35</b>
Правила о одржавању пријемног испита .....	82
<b>ПОТВРДА О ПРИЈАВИ .....</b>	<b>85</b>
Изјава о прикупљању и објављивању личних података .....	86
Изјава о припадности српској националној мањини за студенте из суседних земаља .....	87

# Грађевински факултет

## Грађевински факултет – изградите каријеру

Грађевински факултет Универзитета у Београду је школа са дугом традицијом: 2020. године обележава стоседамдесетчетврту годину високошколске наставе из области грађевинарства и геодезије у Србији. У том дугом периоду, програми и организација наставе стално су усклађивани са потребама струке, захваљујући пре свега значајном учешћу наставника Факултета у пројектовању и изградњи грађевинских објеката у земљи и иностранству, као и непрекидном научном и стручном усавршавању у сарадњи са образовним и стручним институцијама широм света.

Као самостална установа Грађевински факултет у Београду основан је јуна 1948. године. Корени високошколске наставе у области грађевинарства и геодезије, међутим, много су старији и датирају из времена Инжењерске школе при Министарству унутрашњих дела, основане 1846. године. Каснији развој високошколског образовања у области грађевинарства саставни је део развоја техничких наука код нас и одвијао се од Лицеја, преко одсека Техничког факултета и статуса самосталних факултета Техничке велике школе, до уласка у састав Универзитета у Београду 1954. године. Факултет се данас налази у згради техничких факултета у Булевару краља Александра, у којој се високошколска настава из области грађевинарства одвија још од 1932. године.

Грађевински факултет у Београду од његовог оснивања завршило је преко 13.000 дипломираних грађевинских и геодетских инжењера, преко 1000 мастер инжењера, 553 магистра наука, 68 специјалиста и 359 доктора наука.

Домаће грађевинарство у овом тренутку поново заузима своју заслужено високу позицију у домаћој привреди, о чему сведоче бројна градилишта у целој земљи. Са развојем друштва инвестиције постају све веће, а објекти све значајнији и изазовнији. Зато, искористите прилику,

**УПИШИТЕ ГРАЂЕВИНСКИ ФАКУЛТЕТ – ИЗГРАДИТЕ КАРИЈЕРУ!**

# Студије

Од школске 2005/2006. године, студије на Грађевинском факултету одвијају се у складу са Законом о високом образовању из 2005. године и Болоњском декларацијом. Према овим прописима, академске студије могу имати три нивоа: основне, мастер и докторске студије.

Грађевински факултет организује основне академске студије из два акредитована студијска програма:

- студијски програм Грађевинарство, и
- студијски програм Геодезија и геоинформатика.

По завршеним основним студијама, студенти могу наставити студије тако што ће уписати мастер академске студије одговарајућег студијског програма, а потом могу стећи право и на упис докторских студија.

## Студијски програм Грађевинарство

Основне академске студије програма Грађевинарство трају четири године и вреде 240 ЕСПБ бодова. На овим студијама настава је иста за све студенте током прва три семестра, а затим се студије настављају по модулима (одсецима):

- Конструкције
- Хидротехника и водно-еколошко инжењерство
- Путеви, железнице и аеродроми
- Менаџмент, технологије и информатика у грађевинарству.

Студенти се опредељују за један од модула у оквиру броја студената који се могу уписати на одређени модул (одсек). У свакој школској години број студената који се могу уписати на поједине модуле одређује се на основу броја студената на другој години студијског програма Грађевинарство и процената који припадају појединим модулима. Процент студената на појединим модулима дефинисан је бројем студената за који је студијски програм Грађевинарство акредитован: Конструкције – 180; Хидротехника и водно-еколошко инжењерство – 60; Путеви, железнице и аеродроми – 50; Менаџмент, технологије и информатика у грађевинарству – 50.

Студенти се уписују на један од модула на основу листе жеља и на основу ранг листе свих студената уписаних први пут у другу годину и ранжираних по успеху.

Места по модулима попуњавају се тако што се најбоље ранжираним кандидатима уважава прва жеља до попуњавања броја расположивих места. Када се попуни број расположивих места на неком модулу, ниже ранжираним кандидатима уважава се

друга жеља. Поступак се даље понавља до попуне расположивих места на свим модулима.

С обзиром да се студенти уписују на основу ранг листе, није могућа накнадна промена модула (одсека).

Студенти који заврше основне студије на једном од ових модула могу наставити мастер студије на истом модулу или на модулу Грађевинска геотехника. Мастер академске студије програма Грађевинарство трају једну годину и вреде 60 ЕСПБ бодова.

Звања:

- *Дипломирани инжењер грађевинарства* постаје се после 4 године основних студија Грађевинарства.
- *Мастер инжењер грађевинарства* постаје се после завршених мастер студија у трајању од једне године.

### **Модул за конструкције**

На овом модулу који има дугу традицију и изузетан значај школују се инжењери чија је улога пројектовање и извођење објеката различитих по намени и карактеру: стамбене и пословне зграде, индустријски објекти, мостови, потпорни зидови, резервоари, водоторњеви, антенски стубови и др. Предавања и вежбања држе професори и асистенти са искуством како у научном и истраживачком раду, тако и у пројектовању и извођењу специфичних објеката. Изучавају се важни теоријски предмети: теорија конструкција, површински носачи, као и предмети битни за конкретну примену у грађевинарству: бетонске конструкције, металне конструкције, дрвене конструкције, хидротехничке конструкције, мостови. Модул за конструкције уобичајено уписује највећи број студената, јер његово завршавање омогућује лако запошљавање и леп и изазован посао.

### **Модул за хидротехнику и водно-еколошко инжењерство**

Један од најстаријих модула на факултету са изузетно богатом традицијом, увек је актуелан с обзиром на свакодневно повећање потреба за пијаћом водом, енергијом, храном и очувањем квалитета вода. Хидротехника обухвата све оне делатности којима се омогућава коришћење вода, заштита квалитета вода и спречавање штетног дејства вода. То подразумева пројектовање, изградњу и одржавање хидротехничких објеката и система. У оквиру наставе на овом модулу студенти слушају предмете из области комуналне хидротехнике (снабдевање водом насеља и индустрије и каналисање отпадних вода), хидроенергетског коришћења вода, уређења водотока за пловидбу или заштиту од поплава, хидротехничких мелиорација односно наводњавања и одводњавања, заштите вода итд. У току школовања студенти имају



две обавезне стручне екскурзије са посетама најзначајнијим хидротехничким објектима у земљи. По завршетку основних студија, инжењерима овог одсека пружају се бројне могућности запошљавања у земљи и иностранству.

### **Модул за путеве, железнице и аеродроме**

На овом модулу уче се планирање, пројектовање, изградња и одржавање ванградских путева, градских саобраћајница, железница, железничких чворова и аеродрома, а то су уједно и послови којима се у пракси баве инжењери који заврше овај одсек. Саобраћајнице су објекти чије је пројектовање по много чему специфично, али укључује и аспекте из других области грађевинарства као што су геотехника, конструкције, хидротехника и заштита животне средине. У овом тренутку, основни инжењерски задаци наше струке везани за путеве јесу реконструкција постојећих путева и изградња основне мреже аутопутева. Када су у питању железнице, основни задаци су реконструкција и унапређење постојећих пруга, као и развој пруга за високе брзине.

### **Модул за менаџмент, технологију и информатику у грађевинарству**

Од експанзије нашег грађевинарства седамдесетих година прошлог века на тржишта Африке, Блиског Истока и Русије, уз повремене продоре на Далеки Исток и у Јужну Америку, стварни живот је наметнуо грађевинским компанијама потребу за кадровима који ће, поред основног опредељења у области пројектовања грађевинских објеката, знати и да учествују у реализацији великих грађевинских пројеката или чак управљају њом. Факултет је захтевима привреде одговорио формирањем Одсека за менаџмент, технологију и информатику у грађевинарству и тиме створио услове за школовање стручњака који ће разумети сложеност великих инвестиционих пројеката како са техничко-технолошког становишта, тако и са становишта организације извођења радова на пројекту, развоја информационих система, финансија, правне и стручне регулативе. Такви стручњаци могу да се школују искључиво на Грађевинском факултету, јер одређеним процесима могу да управљају само они који их разумеју са техничко-пројектантског становишта и који располажу одличним знањем из области технологије извођења свих радова на пројекту. На том познавању технолошких решења темељи се и основни извор информација у свим сегментима управљања реализацијом инвестиционих пројеката.

### **Студијски програм Геодезија и геоинформатика**

Студије геодезије су такође академске студије које се изводе у два степена. Основне академске студије програма Геодезија трају три године и вреде 180 ЕСПБ бодова. Мастер академске студије овог програма трају две године и вреде 120 ЕСПБ бодова.

Звања:

- *Инжењер геодезије* је звање које се стиче на основним студијама после три године.
- *Мастер инжењер геодезије* постаје се после завршених мастер студија у трајању од две године.

У оквиру овог студијског програма образују се кадрови из области геодезије и геоинформатике. Студије геодезије и геоинформатике, за разлику од студијског програма Грађевинарство, трају 3 године за основне студије, и још 2 године за мастер студије. Основне студије дају геодетског инжењера општег профила, док се на мастер студијама кандидат усавршава на модулима за геодезију, геоинформатику или управљању непокретностима. На програму за геодезију изучавају се класичне геодетске дисциплине као што су премер, инжењерска, виша и сателитска геодезија, док је на смеру за геоинформатику нагласак на дисциплинама као што су картографија, фотограмetriја, геоинформациони системи (ГИС) и базе података катастра непокретности. Реформисани и осавремењени наставни програми, као и велике потребе привреде за овим профилом стручњака, учиниле су студије геодезије и геоинформатике атрактивним, тако да су последњих неколико година сва места за упис на прву годину ових студијских програма попуњена већ у првом уписном року. Оно што ове студије чини посебно занимљивим јесте обавезна практична настава која се обавља на крају сваке школске године у трајању од две недеље (у последњих неколико година она се организује на Златибору). У оквиру студијског кампа, теоријска знања стечена на предавањима и вежбама студенти проверавају на конкретним задацима уз употребу најсавременије мерне технике.

## **Принципи студирања**

Једна школска година вреди 60 бодова према Европском систему преноса бодова (ЕСПБ). Сваки ЕСПБ бод представља ангажовање студента од 25-30 сати у настави и у самосталном раду.

Школска година је подељена у 2 семестра, који трају по 15 недеља. Сви предмети су једносеместрални и деле се на обавезне и изборне.

Радна недеља студента траје 40 сати, од чега се приближно 25 часова односи на активну наставу (предавања, вежбе и практични рад) и колоквијуме, док је остатак предвиђен за самостални рад студената.

Успешност студената у савлађивању појединог предмета континуирано се прати током наставе и изражава се поенима. Поени се стичу кроз предиспитне обавезе, односно успешном израдом домаћих задатака, елабората, тестова, колоквијума и других видова провере знања током школске године. У зависности од предмета, предиспитне обавезе вреде 30% до 70% укупног броја поена.

Завршни рад и стручна пракса су обавезни делови основних и дипломских академских студија.

Према Закону о високом образовању из 2017. године студенту може да престане статус студента и то у следећим случајевима:

- исписивање са студија;
- завршетак студија;
- неуписивање школске године, што значи да се сваке школске године студент мора уписати на факултет у наредну или исту годину студија;
- када студент не заврши студије до истека рока који се одређује у двоструком броју година потребних за реализацију студијског програма, што значи да се студије морају завршити у року од 8 година за студијски програм Грађевинарство, односно 6 година за студијски програм Геодезија;
- изрицање дисциплинске мере искључивања са студија.

# Програми основних студија

## Студијски програм Грађевинарство

### Заједнички основе (семестри I-III)

Семестар 1			Семестар 2		
	Часови	ЕСПБ		Часови	ЕСПБ
Математичка анализа 1	3+3+0	8	Линеарна алгебра и статистика	3+3+0	7
Нацртна геометрија	2+0+2	4	Техничка механика 1	3+3+0	8
Техничка физика	2+1+1	5	Грађевински материјали 1	2+1+0	4
Геодезија	2+2+0	4	Осн. екол. инжењерства	2+2+0	4
Инжењерска геологија 1	2+1+0	4	Изборни предмет 2		5
Изборни предмет 1		5	Изборни предмет 3		2
Семестар 3			Семестар 4		
	Часови	ЕСПБ		Часови	ЕСПБ
Математичка анализа 2	2+2+0	5	Механика тла	3+2+0	6
Отпорност материјала 1	3+3+0	8	Зградарство	2+2+0	4
Техничка механика 2	2+2+0	4			
Механика флуида	2+1.6+0.4	5			
Грађевински материјали 2	2+2+0	4			
Правна регулатива у грађ.	2+0+0	2			
Инж. економија у грађ.	2+0+0	2			
Изборни предмети					
Изб. поз.	Часови	ЕСПБ	Изб. поз.	Часови	ЕСПБ
1 Рачунарско цртање у грађ.	2+2+0	5	2 Основе програмирања у Visual Basic-у	2+2+0	5
Рачунарско цртање са елементима аутоматизације	2+2+0	5	Основе програмирања у MatLab-у	2+2+0	5
			3 Посл. комун. и презент.	2+0+0	2
			Интернет и електронско пословање	2+0+0	2

\* Условне предмете видети на сајту Грађевинског факултета [www.grf.bg.ac.rs](http://www.grf.bg.ac.rs)

## Модул: Конструкције (КОН)

			Семестар 4		
			Отпорност материјала 2	Часови 2+2+0	ЕСПБ 5
			Грађевинска физика	2+1+0	3
			Саобр. инфрастр. системи	3+2+0	6
			Хидротехника	3+2+0	6
Семестар 5			Семестар 6		
			Матрична анализа констр.	Часови 4+2+0	ЕСПБ 7
Статика конструкција	Часови 4.5+2.5+0	ЕСПБ 8	Теорија бет. конструкција 2	2+3+0	6
Теорија бет. конструкција 1	3+2+0	6	Металне конструкције 2	2+2+0	5
Металне конструкције 1	2+2+0	5	Теорија плоча и љуски	2+2+0	5
Дрвене и зидане констр.	3+2+0	5	Фундирање	3+3+0	7
Изборни предмет 4К	2	2	Стручна пракса		2
Изборни предмет 5К		2			
Семестар 7			Семестар 8		
			Прој. и грађ. бет. констр. 2	Часови 2+2+0	ЕСПБ 4
Дин. констр. и земљ. инж.	Часови 3+2+0	ЕСПБ 6	Изборни предмет 7К		3
Менаџ. и технол. грађења	3+2+0	5	Изборни предмет 8К		4
Метод коначних елемената	2+2+0	4	Изборни предмет 9К		4
Прој. и грађ. бет. констр. 1	2+2+0	5	Изборни предмет 10К		4
Мет. констр. у зградарству	2+2+0	4	Изборни предмет 11К		2
Изборни предмет 6К		3	Дипломски рад		12
Изборни предмети					
Изб. поз.	Часови	ЕСПБ	Изб. поз.	Часови	ЕСПБ
4К Технологија бетона	2+1+0	2	8К Испитивање конст. и основе експ. метода	2+2+0	4
Енергетска ефикасност и сертификација зграда	2+1+0	2	Еластопл. анал. лин. носача	2+2+0	4
5К Завршни радови и инстал.	2+0+0	2	9К Технол. грађ. бет. конст.	2+1+0	4
Хидротехника 2	2+0+0	2	Технол. произв. мет. конст.	2+1+0	4
6К Прим. рач. у прој. констр.	2+0+2	3	10К Леп. лам. дрв. конст.	2+1+0	4
Осн. спрегнутих констр.	3+1+0	3	Спрегнуте констр. од челика и бетона	2+1+0	4
7К Стабилност констр.	2+2+0	3	11К Управ. пројект. у грађ.	2+0+0	2
Прим. рач. у прој. констр.	2+0+2	3	Спец. пог. метал. конст.	2+0+0	2

## Модул: Хидротехника и водно-еколошко инжењерство (ХВЕ)

			Семестар 4		
			Теорија конструкција	Часови 3+3+0	ЕСПБ 7
			Саобр. инфрастр. системи	3+2+0	6
			Хидрологија	3+2+0	7
Семестар 5			Семестар 6		
Хидраулика 1	Часови 3+2.6+0.4	ЕСПБ 7	Хидраулика 2	Часови 3+2.6+0.4	ЕСПБ 7
Инжењерска хидрологија	2+2+0	5	Комунална хидротехника 1	3+3+0	7
Квалитет вода	3+0+2	5	Дренажни системи	2+2+0	5
Бетонске конструкције 1	3+2+0	6	Хидротехничке грађевине 1	3+2+0	6
Изборни предмет 4X		5	Основе финансирања	2+2+0	5
			Стручна пракса		2
Семестар 7			Семестар 8		
Комунална хидротехника 2	Часови 2+2+0	ЕСПБ 5	Регулација река	Часови 3+2.6+0.4	ЕСПБ 7
Наводњавање	2+2+0	4	Коришћење водних снага	3+2+0	6
Менаџ. и технологија грађења у хидротехници	3+2+0	6	Изборни предмет 6X		5
Изборни блок 5X		15	Дипломски рад		12
Изборни предмети					
Изб. поз.	Часови	ЕСПБ	Изб. поз.	Часови	ЕСПБ
4X Објектно оријентисано прог. у грађевинарству	2+2+0	5	6X Урбана хидрологија	2+2+0	5
Базе података у грађ.	2+2+0	5	Геоинформ. системи	2+0+2	5
5X Планирање и контрола трошкова у грађ.	2+2+0	5	Управљање пројектима	2+2+0	5
Управ. чврстим отпадом	2+2+0	5			
Пројект. и изградња објеката хидротехн. инфрастр.	2+2+0	5			
Инж. лимнологија	2+2+0	5			
Металне и дрвене конст.	2+2+0	5			

## Модул: Путеви, железнице и аеродроми (ПЖА)

			Семестар 4		
			Теорија конструкција	Часови 3+3+0	ЕСПБ 7
			Механика возње	2+1+0	5
			Инжењерска геологија 2	2+2+0	4
			Геодезија саобраћајница	2+2+0	4
Семестар 5			Семестар 6		
	Часови	ЕСПБ		Часови	ЕСПБ
Бетонске конструкције 1	3+2+0	6	План. и пројект. путева 1	4+2+0	8
Мет. и дрв. конструкције	2+2+0	5	План. и пројект. желез. 1	3+3+0	8
Геотехника саобраћајница	2+2+0	4	Основе фундаирања	2+2+0	5
Основе хидротехнике	3+2+0	6	Саобраћајни тунели	2+2+0	4
Менаџ. и технол. грађења 1	2+0+0	2	Мостови	2+2+0	4
Изборни предмет 4С		6	Стручна пракса		2
Семестар 7			Семестар 8		
	Часови	ЕСПБ		Часови	ЕСПБ
План. и пројект. путева 2	2+3+0	6	Изборни предмет 5С		4
План. и пројект. желез. 2	2+3+0	6	Изборни предмет 6С		4
Коловозне конструкције	3+3+0	7	Изборни предмет 7С		5
Горњи строј железница	3+3+0	7	Изборни предмет 8С		5
Менаџ. и технол. грађења 2	2+2+0	4	Дипломски рад		12
Изборни предмети					
Изб. поз.	Часови	ЕСПБ	Изб. поз.	Часови	ЕСПБ
4С План. простора и саоб.	2+2+0	6	5С Одржавање путева	2+2+0	4
Основе урбанизма	2+2+0	6	Одржавање жел. пруга	2+2+0	4
			6С САД у пројект. саобраћ.	2+2+0	4
			Саоб. и животна средина	2+2+0	4
			7С Менаџ. грађ. предузећа	2+2+0	5
			Управљање пројектима	2+2+0	5
			8С Урбана дренажа	2+1+0	5
			Урбана хидрометеоролог.	2+1+0	5

## Модул: Менаџмент, технологија и информатика у грађевинарству (МТИ)

			Семестар 4		
			Грађевинска физика	Часови 2+1+0	ЕСПБ 4
			Саобр. инфрастр. системи	3+2+0	6
			Хидротехника	3+2+0	6
			Изборни предмет 4М		4
Семестар 5			Семестар 6		
Теорија конструкција 1	Часови 3+2+0	ЕСПБ 6	Теорија конструкција 2	Часови 3+1+0	ЕСПБ 5
Бетонске конструкције 1	3+2+0	6	Основе фундаирања	2+2+0	5
Технологија бетона	2+1+0	2	Грађ. механизација	3+2+0	5
Завршни радови и инстал.	2+0+0	2	Мерење и вредновање радова		
Уговарање у грађевинарству	2+1+0	3	у грађевинарству	2+2+0	5
Базе података у грађ.	2+2+0	5	Дрвене и зидане конст.	2+2+0	4
Обј. оријент. програмирање	2+2+0	5	Изборни предмет 5М		5
			Стручна пракса		2
Семестар 7			Семестар 8		
Методe планирања у грађ.	Часови 2+2+0	ЕСПБ 5	Управ. инв. пројектима	Часови 3+2+0	ЕСПБ 6
Металне конструкције	3+2+0	5	Пројект. организ. грађ.	2+1+0	3
Бетонске конструкције 2	2+2+0	5	Изборни предмет 7М		4
Технологија грађења 2	2+2+0	5	Изборни предмет 8М		5
Грађевинска економија	2+2+0	4	Дипломски рад		12
Изборни предмет 6М		6			
Изборни предмети					
Изб. поз.	Часови	ЕСПБ	Изб. поз.	Часови	ЕСПБ
4М Претраж. под. и закл. у грађ.	2+2+0	4	7М Управ. људ. ресурс. у грађ.	2+1+0	4
Операциона истраживања	2+2+0	4	Технол. произв. мет. кон.	2+1+0	4
5М Геоинформ. системи	2+0+2	5	8М Основе пројект. применом		
Менаџ. грађ. предузећа	2+2+0	5	ВIM технологија	2+2+0	5
Технологија грађења 1	2+2+0	5	Прог. технике у базама под.	2+2+0	5
6М Основе урбанизма	2+2+0	6			
План. простора и саоб.	2+2+0	6			
Одржавање објеката	2+2+0	6			



## Студијски програм Геодезија и геоинформатика

Семестар 1			Семестар 2		
	Часови	ЕСПБ		Часови	ЕСПБ
Математика 1	4+4+0	10	Математика 2	3+2+0	6
Техничка физика 1	2+1+1	5	Техничка физика 2	2+1+1	5
Рачунарска геометрија	2+2+0	4	Основе програмирања	2+2+0	5
Основе геонаука	1+0+0	2	Технике геодетских мерења	3+4+0	7
Основе информатике	2+2+0	5	Теорија грешака геод. мерења	2+2+0	5
Изборни предмет 1		3	Изборни предмет 2		3
Семестар 3			Семестар 4		
	Часови	ЕСПБ		Часови	ЕСПБ
Математика 3	3+2+0	6	Геодетски премер 2	2+3+0	4
Геодетски премер 1	3+3+0	5	Практична настава из премера	0+0+4	4
Геоинформатика 1	3+2+0	5	Теоријска геодезија	2+0+0	3
Катастар непокретности 1	3+2+0	5	Фотограмetriја и даљ. детек. 1	2+2+0	5
Картографија 1	2+2+0	4	Геоинформатика 2	3+2+0	5
Рачун изравнања – осн. курс	2+2+0	5	Уређење земљ. територије 1	2+2+0	4
			Картографија 2	2+2+0	5
Семестар 5			Семестар 6		
	Часови	ЕСПБ		Часови	ЕСПБ
Геодетска метрологија	2+0+2	5	Основе менаџмента у геод.	2+0+0	3
Сателитска геодезија	2+0+0	3	Инжењерска геодезија 2	2+2+0	4
Фотограмetriја и даљ. детек. 2	2+2+0	5	Практ. настава из инж. геод.	0+0+3	3
Инжењерска геодезија 1	2+2+0	5	Изборни предмет 6		5
Изборни предмет 3		5	Изборни предмет 7		3
Изборни предмет 4		5	Стручна пракса		2
Изборни предмет 5		3	Синтезни рад		9
Изборни предмети					
Изб. поз.	Часови	ЕСПБ	Изб. поз.	Часови	ЕСПБ
1 Основе економије	2+0+0	3	5 Геодетски премер 3	2+2+0	3
Основе ств. и управ. права	2+0+0	3	Визуел. и презент. 3Д модела у геодезији	2+0+2	3
2 Страни језик	2+0+0	3	6 Дигит. моделирање терена	2+2+0	5
Страни језик струке	2+0+0	3	Гравиметрија	2+2+0	5
3 Основе дигит. обраде слике	2+2+0	5	7 Практ. рад из геод. метрол.	0+0+3	3
Геодезија у прост. планирању и урбанизму 1	2+2+0	5	Практ. рад из геоинформ.	0+0+3	3
4 Државни премер и прописи	2+0+0	5	Практ. рад из фотограм.	0+0+3	3
Глоб. навиг. сател. системи	2+0+0	5	Практ. рад из картографије	0+0+3	3
			Практ. рад из геод. премера	0+0+3	3

# На факултету...

## Служба за студентска питања

Служба за студентска питања обавља административне послове у вези са наставном и научном делатношћу факултета:

- упис студената на основне, мастер и докторске студије,
- организација наставе,
- обавештавање о испитним роковима и распореду полагања испита,
- пријем пријава за израду дипломских радова,
- издавање диплома и друго.

Служба се налази на првом спрату, соба 118. Информације: 3218-640.

## Књижара - скриптарница

Књижара Академска мисао (раније скриптарница) налази се на првом спрату у аули Факултета. Ту могу да се набаве књиге, приручници, збирке задатака и практикуми. У књижари се купују и испитне пријаве. Информације: 3218-510 од 9:00 до 16:00.

## Библиотека и читаоница

Библиотека Грађевинског факултета смештена је на првом спрату зграде Факултета и отворена је за студенте током целог дана. Има преко 43000 књига, преко 550 наслова часописа, велики број скрипти, магистарских и докторских дисертација. Читаоница која је на располагању студентима ГРФ налази се у сали 114 и опремљена је са 58 персоналних рачунара.

## Центар за информационе технологије (ЦИТ)

Рачунски центар Грађевинског факултета или ЦИТ на располагању је свим студентима за обучавање и примену рачунара у настави и истраживачким пословима. ЦИТ располаже са четири рачунарске учионице са 75 персоналних рачунара.

## **Лабораторије**

На Грађевинском факултету постоји већи број лабораторија различите намене, као што су:

- лабораторија за бетон и реологију,
- лабораторија за испитивање конструкција,
- лабораторија за комуналну хидротехнику и квалитет вода,
- лабораторија за хидраулику и уређење водних токова,
- лабораторија за механику тла,
- лабораторија за коловозне конструкције.

## **Студентски парламент**

Студентски парламент Грађевинског факултета је званично студентско тело које има право да представља студенте и њихове интересе пред управом Факултета. Студентски парламент делује у интересу развоја и напретка студија на Факултету, развоју грађевинске и геодетске науке и праксе, а пре свега у корист студената грађевине и геодезије.

Студентски парламент чине представници студената свих пет година грађевинских одсека и Одсека за геодезију и геоинформатику, спортског друштва „Грађевинац“ и међународног удружења студената грађевине IACES.

Већ у октобру се можете придружити Парламенту и од самог почетка студирања осетити све аспекте студентског живота, и бити у прилици да утичете на њих.

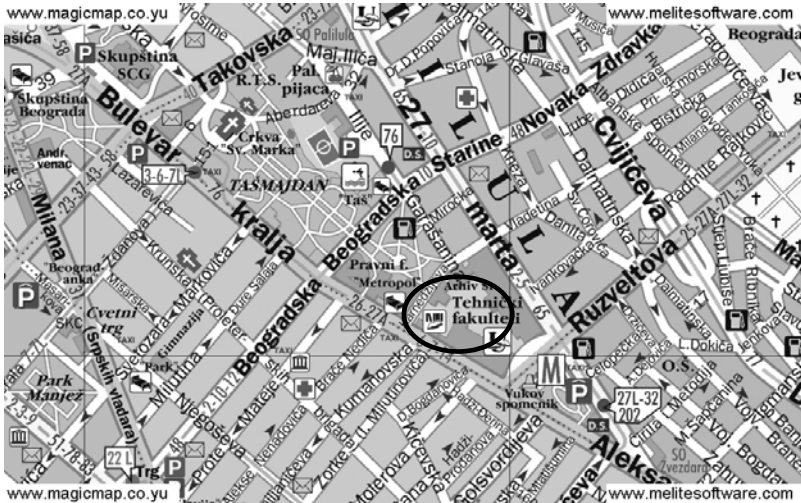
# Где се налазимо

Грађевински факултет налази се у згради Техничких факултета, у Булевару краља Александра 73, на углу са Рузвелтовом улицом (код Вуковог споменика).

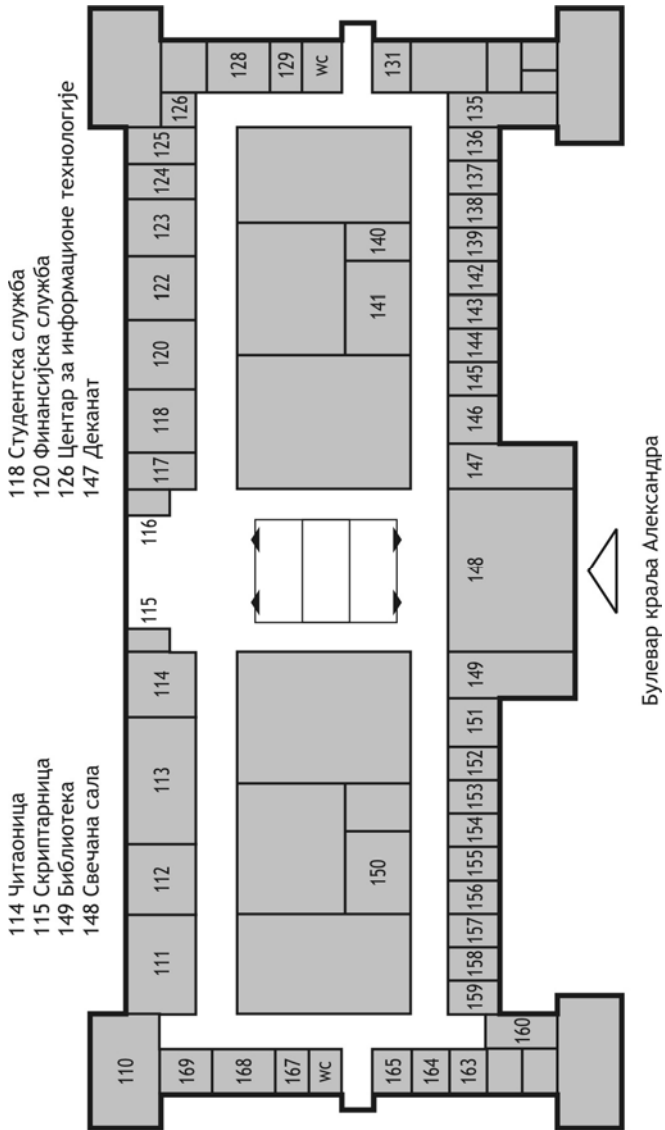
До факултета се може доћи трамвајима 2, 5, 6, 7, 12 и 14, и аутобусима 25, 26, 27, 32 и 74 (за детаље погледати [www.gspbeograd.com](http://www.gspbeograd.com)). Код Вуковог споменика налази се и станица Беовоза тј. подземне железнице (погледати [www.zeleznicesrbije.com](http://www.zeleznicesrbije.com)).

У згради Техничких факултета налазе се три факултета: Електротехнички, Грађевински и Архитектонски. Просторије Грађевинског факултета налазе се на првом и трећем спрату (на следећим странама приказан је план зграде, са назначеним бројевима уч-ионица и канцеларија које припадају нашем Факултету).

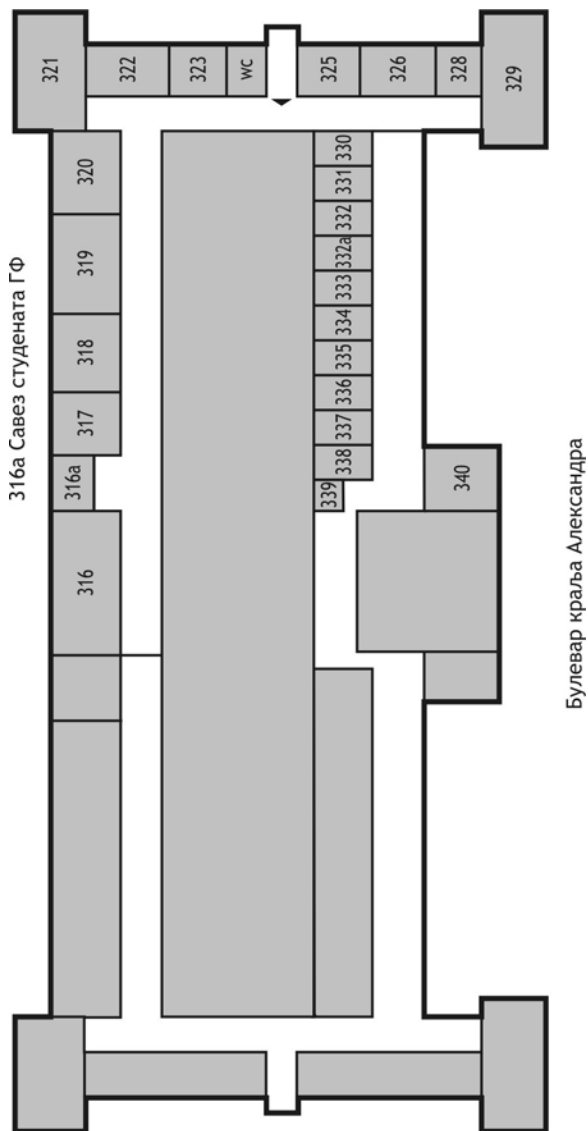
Поред зграде Факултета, у Булевару краља Александра 71 налази се Универзитетска библиотека “Светозар Марковић”. У дворишту Факултета налази се и Завод за физику у коме се одвија настава из физике за техничке факултете, а тамо се налази и Хидрауличка лабораторија.



**Зграда техничких факултета**  
**Грађевински факултет, I спрат**



Зграда техничких факултета  
Грађевински факултет, III спрат



# Конкурс 2020

Конкурс за упис студената у прву годину основних студија расписује Универзитет у Београду за све факултете у његовом саставу (видети [www.bg.ac.rs](http://www.bg.ac.rs)). Постоје два конкурсна рока: јунски и септембарски. Други конкурсни рок се организује ако се у првом року не попуне расположива места. Календар јунског рока дат је на следећој страни. Календар септембарског рока биће накнадно објављен уколико после јунског рока преостане слободних места за упис.

## Број расположивих места

Студијски програм	Буџет	Самофинансирање
Грађевинарство	240	100
Геодезија и геоинформатика	40	20

Студент основних студија уписује се у статусу студента који се финансира из буџета Републике Србије („буџетски студент“) ако се налази на ранг листи у оквиру предвиђеног броја за буџетске студенте, или у статусу студента који сам плаћа школарину („самофинансирајући студент“) ако се налази на ранг листи испод броја предвиђеног за буџетске студенте.

## Школарина за самофинансирајуће студенте

У школској 2020/2021. години школарина за држављане Републике Србије износи 100.000,00 динара, а за стране држављане 1800 €.

## Поступак конкурисања и уписа УКРАТКО

Пријављивање на конкурс: електронска пријава и подношење докумената путем платформе [prijemni.grf.bg.ac.rs](http://prijemni.grf.bg.ac.rs) или лично у просторијама Факултета (видети *Пријављивање на конкурс*).

Полагање пријемног испита из математике. Пријемног испита могу се ослободити кандидати са наградама на такмичењима из математике (видети *Пријемни испит*).

Формирање ранг листе: листа се формира на основу успеха из средње школе и успеха на пријемном испиту (видети *Формирање ранг листе и критеријуми за упис*).

Упис: предаја неопходних докумената и добијање индекса (видети *Упис*).

## Календар првог (јунског) конкурсног рока

Дан и датум	Време	Активност
од среде 17. јуна до понедељка 22. јуна		Електронско пријављивање кандидата и подношење докумената путем платформе <b>prijemni.grf.bg.ac.rs</b> . Кандидат се успешно пријавио само ако је путем електронске поште добио потврду да је његова пријава комплетна и исправна, у супротном се кандидат мора пријавити у просторијама Факултета. Детаљно упутство за електронско пријављивање биће благовремено доступно на сајту Факултета и на платформи <b>prijemni.grf.bg.ac.rs</b> .
од среде 24. јуна до петка 26. јуна	9:00 – 15:00	Пријављивање кандидата у просторијама Факултета за кандидате који се нису пријавили електронски (Студентска служба). Кандидати који се пријаве у просторијама Факултета на крају успешног поступка пријаве добиће Потврду о пријави коју су обавезни да понесу на полагање пријемног испита.
најкасније до петка 26. јун	18:00	Објављивање распореда полагања пријемног испита по салама (огласна табла и сајт факултета). Кандидати су обавезни да провере тачност објављених података.
понедељак 29. јун	9:00 – 12:00	Подношење жалби на тачност објављених података (Студентска служба)
понедељак 29. јун	14:00	Саопштавање одлуке по жалбама на тачност објављених података
уторак 30. јун	14:45 15:00 – 18:00	Прозивање кандидата (испреди сала за полагање) Пријемни испит из математике (по салама)
најкасније до четвртка 02. јул	18:00	Објављивање прелиминарне ранг листе (огласна табла и сајт факултета)
субота 04. јул	10:00 – 12:00	Подношење примедби на ранг листу (Студентска служба)
недеља 05. јул	11:00 – 12:00	Уручење решења по примедби на ранг листу (Студентска служба)
понедељак 06. јул	9:00 – 10:00	Подношење жалби Декану на решење комисије (Студентска служба)
понедељак 06. јул	14:00 – 15:00	Уручење решења Декана по жалбама (Студентска служба)



Дан и датум	Време	Активност
најкасније до уторка 07. јула	9:00	Објављивање коначне ранг листе (огласна табла и сајт)
од среде 08. јула до четвртка 09. јула	9:00 – 15:00	Упис кандидата који су се рангирани у оквиру буџетске квоте и кандидата који су се рангирани у оквиру квоте за самофинансирање а имају укупно мање од 51 бод (Студентска служба). Уписани кандидати не долазе на прозивку 10. јула.
петак 10. јул	10:00           након прозивке	Прозивка кандидата Прво се обавља прозивка кандидата који су се рангирани за упис у оквиру буџетске квоте, а нису се уписали закључно са 9. јулом. Затим се прозивају редом кандидати са ранг листе док се не попуне сва буџетска места. Прозивка кандидата са ранг листе наставља се редом и попуњавају се одобрена самофинансирајућа места. Прозивка се обавља посебно за сваки студијски програм. Уколико се кандидат не појави на прозивци, сматра се да је одустао од уписа.  Упис студената (Студентска служба)
од понедељка 13. јула до уторка 14. јула	11:00 – 13:00	Пријављивање кандидата који су положили пријемни испит из математике на другим техничким факултетима у случају да остане слободних места (Студентска служба)
најкасније до уторка 14. јула	15:00	Објављивање ранг листе кандидата који су положили пријемни испит из математике на другим техничким факултетима (огласна табла и сајт факултета)
среда 15. јул	11:00 – 13:00	Упис кандидата који су положили пријемни испит из математике на другим техничким факултетима према објављеној ранг листи (Студентска служба)

## Други (септембарски) конкурсни рок

Други конкурсни рок одржава се само ако се у првом конкурсном року не попуне сва расположива места за упис. Уколико се у првом конкурсном року не попуне сва расположива места, календар другог конкурсног рока биће објављен на сајту факултета по његовом усвајању на нивоу Универзитета у Београду.

## Пријављивање на конкурс

### Ко може да конкурише за упис

За упис у прву годину основних студија на ГРФ могу да конкуришу сви држављани Републике Србије који имају завршену четворогодишњу средњу школу.

Кандидати који су средњу школу (или њен део) завршили у иностранству и држављани су Републике Србије могу да конкуришу за упис на основу нострификованих сведочанстава средње школе из иностранства. Уколико поступак нострификације нису завршили, ови кандидати могу да се пријаве уз потврду Агенције за квалификације ENIC/NARIC Центра да су тај поступак започели.

Страни држављани могу да конкуришу за упис у прву годину основних студија под истим условима као и грађани Србије, али се могу уписати само у статусу самофинансирајућих студената током целог школовања. Страни држављани подносе нострификована сведочанства из претходног школовања, а могу да се упишу условно пре краја поступка нострификације уколико тај поступак није завршен (потребно је приложити потврду Агенције за квалификације ENIC/NARIC Центра о започетом поступку). Посебан услов за упис странаца јесте знање српског језика и обезбеђено здравствено осигурање.

Држављани следећих земаља: Републике Мађарске, Републике Румуније, Народне Републике Бугарске, Републике Северне Македониј, Републике Албаније, Босне и Херцеговине, Републике Словеније, Републике Хрватске и Црне Горе који потпишу Изјаву да су припадници српске националне мањине могу конкурисати за упис на основне академске студије на терет буџета Републике Србије.

## Пријављивање

Кандидат се може пријавити за полагање пријемног испита на један од два начина:

1. електронски, путем платформе **prijemni.grf.bg.ac.rs**.
  2. лично у просторијама Факултета
1. Електронска пријава на конкурс подразумева унос свих захтеваних података и докумената путем платформе **prijemni.grf.bg.ac.rs**. Детаљно упутство за

попуњавање електронске пријаве биће благовремено доступно на платформи **prijemni.grf.bg.ac.rs**. Кандидат се успешно пријавио тек када путем електронске поште добије **Потврду о пријави**. Папирну верзију Потврде о пријави кандидати ће добити непосредно пре почетка пријемног испита. Ову потврду кандидат треба да сачува као доказ да је предао документа и да је приступио полагању пријемног испита. **Кандидат који је започео или завршио поступак електронске пријаве за полагање пријемног испита, а није добио потврду (путем електронске поште) да је пријава комплетна и исправна, мора се пријавити у просторијама Факултета.**

- Пријављивање на конкурс у просторијама Факултета подразумева унос основних података путем платформе **prijemni.grf.bg.ac.rs**. (биће омогућено на лицу места) и предају документа на шалтеру Службе за студентска питања (соба 118 на првом спрату у згради Факултета). На крају успешно спроведеног поступка пријаве кандидат добија **Потврду о пријави** коју треба да сачува као доказ да је предао документа и да је приступио полагању пријемног испита. Потврду је обавезно понети на полагање пријемног испита.

## Шта је потребно за пријављивање на конкурс

**Кандидати који се на конкурс пријављују електронски, путем платформе [prijemni.grf.bg.ac.rs](http://prijemni.grf.bg.ac.rs)**, потребно је да припреме електронску верзију (у форматима .pdf, .jpg, .jpeg, .tif, .gif, .bmp) следећих докумената:

- Сведочанства сва четири разреда завршене средње школе (сваки документ се читава посебно).
- Диплому о положеном завршном односно матурском испиту.

Држављани Србије који су средњу школу завршили у иностранству читавају школска сведочанства и диплому стечену у иностранству и решење о нострификацији или потврду Агенције за квалификације ENIC/NARIC Центра да су започели поступак нострификације.

Страни држављани, приликом пријављивања на конкурс, читавају школска сведочанства и диплому стечену у иностранству и решење о нострификацији дипломе о завршеној четворогодишњој средњој школи, а приликом уписа дужни су да доставе потврду о знању српског језика и потврду о здравственом осигурању за школску годину коју уписују.

- Доказ о уплати накнаде за пријаву на конкурс у износу од 4.000,00 динара (за један студијски програм) на жиро рачун Грађевинског факултета. УПЛАТУ ВРШИТИ ИСКЉУЧИВО ПРЕКО УПЛАТНИЦЕ КОЈА СЕ ДОБИЛА НА АДРЕСИ **prijemni.grf.bg.ac.rs**. Накнада за пријаву на конкурс на оба студијска програма износи 8.000,00 динара. Кандидати који су као ученици трећег или четвртог

разреда средње школе освојили једно од прва три места на републичком такмичењу из математике **не плаћају** накнаду за пријаву на конкурс. Након уплате на шалтеру поште или банке или након електронског плаћања потребно је доказ о уплати (уплатницу) припремити у електронском формату (.pdf, .jpg, .jpeg, .tif, .gif, .bmp.) како би се могле учитати у апликацији.

У поступку пријаве сви кандидати потврђују да су упознати и сагласни са садржајем следећих докумената који се налазе у овом Информатору (кандидати ће физички потписати ова документа непосредно пре полагања пријемног испита):

- Изјава о прикупљању и објављивању личних података неопходних у поступку пријаве
- Правила о одржавању пријемног испита
- Изјава да кандидат није био уписан на прву годину у буџетском статусу на основним академским студијама (искључиво за кандидате који су средњу школу завршили пре школске 2019/20. године)
- Изјава о припадности српској националној мањини. Искључиво за кандидате који су држављани следећих земаља: Републике Мађарске, Републике Румуније, Народне Републике Бугарске, Републике Северне Македоније, Републике Албаније, Босне и Херцеговине, Републике Словеније, Републике Хрватске и Црне Горе, који желе да конкуришу за упис на основне академске студије на терет буџета Републике Србије.

**Кандидати који се на конкурс пријављују у просторијама Факултета** потребно је да са собом понесу фотокопије следећих докумената (фотокопије не морају бити оверене, а оригинали се обавезно доносе на увид):

- Сведочанства сва четири разреда завршене средње школе.
- Диплому о положеном завршном односно матурском испиту.

Држављани Србије који су средњу школу завршили у иностранству подносе школска сведочанства и диплому стечену у иностранству и решење о нострификацији или потврду да су започели поступак нострификације.

Страни држављани, приликом пријављивања на конкурс, подносе школска сведочанства и диплому стечену у иностранству и решење о нострификацији дипломе о завршеној четворогодишњој средњој школи, а приликом уписа дужни су да доставе потврду о знању српског језика и потврду о здравственом осигурању за школску годину коју уписују.

- Доказ о уплати накнаде за пријаву на конкурс у износу од 4.000,00 динара (за један студијски програм) на жиро рачун Грађевинског факултета. УПЛАТУ ВРШИТИ ИСКЉУЧИВО ПРЕКО УПЛАТНИЦЕ КОЈА СЕ ДОБИЈА НА АДРЕСИ

**prijemni.grf.bg.ac.rs.** Накнада за пријаву на конкурс на оба студијска програма износи 8.000,00 динара. Кандидати који су као ученици трећег или четвртог разреда средње школе освојили једно од прва три места на републичком такмичењу из математике не плаћају накнаду за пријаву на конкурс.

У поступку пријаве у просторијама Факултета сви кандидати ће потписати следећа документа који се налазе у овом Информатору:

- Изјава о прикупљању и објављивању личних података неопходних у поступку пријаве
- Правила о одржавању пријемног испита
- Изјава да кандидат није био уписан на прву годину у буџетском статусу на основним академским студијама (искључиво за кандидате који су средњу школу завршили пре школске 2019/20. године)
- Изјава о припадности српској националној мањини. Искључиво за кандидате који су држављани следећих земаља: Републике Мађарске, Републике Румуније, Народне Републике Бугарске, Републике Северне Македоније, Републике Албаније, Босне и Херцеговине, Републике Словеније, Републике Хрватске и Црне Горе, који желе да конкуришу за упис на основне академске студије на терет буџета Републике Србије.

Кандидати који конкуришу за упис на Грађевински факултет према афирмативним мерама (припадници Ромске националне мањине и особе са инвалидитетом) потребно је да доставе документацију у свему према конкурс за упис на основне академске студије који је објављен на сајту Универзитета у Београду (<http://www.bg.ac.rs/sr/upis/osnovne.php> - обратити пажњу на опште услове)

## Пријемни испит

Кандидати који конкуришу за упис у прву годину основних студија полажу пријемни испит из математике. Кандидати који су као ученици трећег или четвртог разреда средње школе освојили једну од прве три појединачне награде на републичком такмичењу из математике које организује Министарство просвете или на међународном такмичењу из математике ослобађају се полагања пријемног испита и признаје им се максималан број бодова који се може освојити на пријемном испиту (60 бодова).

Пријемни испит се полаже у салама у згради Факултета. Списак са именима кандидата по азбучном редоследу, студијским програмом за који конкуришу, просечним оценама из средње школе и бројевима сала у којима кандидати полажу пријемни испит објављује се на огласној табли и сајту Факултета. Кандидати су дужни да провере објављене податке. У случају постојања грешке потребно је поднети примедбу на тачност података. На дан полагања пријемног испита кандидати треба да буду испред сале у којој полажу најмање 15 минута пре почетка испита (до 14:45), када почиње прозивање кандидата.

Кандидати морају обавезно да понесу личну карту или пасош на пријемни испит.

Особе са хендикепом могу да полажу пријемни испит на начин прилагођен њиховим могућностима, а у складу са објективним могућностима факултета. Особа са хендикепом прилаже уз пријаву на конкурс писмено образложење начина на који је потребно прилагодити полагање пријемног испита. Више информација може се добити од Универзитетског центра за студенте са хендикепом (тел. 011 3370-686, е-пошта: ucsh@rect.bg.ac.rs).

Грађевински факултет признаје положен пријемни испит из математике на осталим техничким факултетима Универзитета у Београду (Електротехнички, Машински, Рударско-геолошки, Саобраћајни, Технолошко-металуршки, Факултет организационих наука, Пољопривредни, Шумарски и Технички факултет у Бору) кандидатима који желе да конкуришу за преостала слободна места.

### **Правила о одржавању пријемног испита**

1. Због епидемије вируса „COVID-19“ која је проглашена на територији Републике Србије, испит ће се одржати уз придржавање свих хигијенских и епидемиолошких мера које буду на снази у том тренутку.
2. На испиту је обавезно ношење маске. Ако кандидат нема маску добиће је приликом уласка у салу од дежурног.
3. Заштитне рукавице су пожељне али нису обавезне. Хигијена руку (гелом за дезинфекцију руку) биће омогућена у учионици у току трајања пријемног испита.
4. Испит се полаже писмено и траје три сата.
5. На испит треба ПОНЕТИ само: (а) личну карту или пасош, (б) плаву хемијску оловку и (в) Потврду о пријави на конкурс. Кандидати који су се пријавили електронски Потврду о пријави на конкурс ће добити од дежурног на пријемном испиту.
6. На испиту је ЗАБРАЊЕНО поседовање и коришћење мобилних телефона и било каквих помагала (калкулатора, џепних рачунара и слично).
7. На испит је ЗАБРАЊЕНО уношење хране и пића (сендвичи, сокови, чоколаде и слично). У салама се могу добити флашице са водом.
8. Непосредно пре почетка пријемног испита кандидати који су се електронски пријавили од дежурног добијају на потпис следећа документа: (а) Правила о одржавању пријемног испита (добијају сви кандидати), (б) Изјаву о прикупљању и објављивању личних података (добијају сви кандидати), (в) Изјаву о припадности српској националној мањини за студенте из суседних земаља (опционо), (г) Изјаву да кандидат до сада није студирао на терет буџета Републике Србије (опционо) и (д) Потврду о пријави на конкурс (добијају сви кандидати). Документа (а)-(г) ови кандидати потписују и враћају дежурном. Кандидати који су се пријавили у просторијама Факултета документа (а)-(д) већ су потписали приликом предаје докумената. Документ (д) свим кандидатима потписује дежурни и предаје им на чување до краја уписа на Грађевински факултет као доказ да су приступили полагању пријемног испита.

9. Од дежурног на испиту кандидат добија: (а) образац за одговоре, (б) текст задатака и (в) свеску за израду задатака.
10. На предвиђено место на обрасцу за одговоре кандидат уписује: презиме, име родитеља као на пријавном листу, своје име и број пријаве са потврде о пријави.
11. По добијању текста задатака, на предвиђено место на обрасцу за одговоре кандидат уписује шифру задатка која је написана на тексту задатка. Скреће се пажња кандидату да задатак не може бити прегледан ако се не напише шифра задатка. Образац који нема шифру доноси по сваком задатку исти број негативних бодова као и задатак на коме су сви одговори нетачни.
12. Дежурни проверава идентитет кандидата као и податке које је кандидат уписао на образац за одговоре.
13. По завршетку идентификације кандидат обавезно склања личну карту или пасош са стола, тако да на столу остане само плава хемијска оловка, потврда о пријави и прибор добијен од дежурног.
14. Кандидат се не сме потписивати, нити стављати било који други знак на образац за одговоре осим онога што је предвиђено. **ДИСКВАЛИФИКОВАЋЕ** се сваки кандидат који на било који начин додатно означи образац за одговоре или кандидат који неисправно попуни део обрасца за одговоре који је за то предвиђен.
15. Број задатака је 20. Укупан број поена је 100. Задаци не доносе исти број поена.
16. **У СВАКОМ ЗАДАТКУ ТАЧАН ЈЕ САМО ЈЕДАН ОДГОВОР.**
17. Тачан одговор доноси пун број поена предвиђен за тај задатак. Нетачан одговор доноси негативне поене. Одговор “Не знам” (означен словом Н на обрасцу за одговоре) доноси 0 поена.
18. Кандидат решава задатак у свесци. На основу добијеног решења и понуђених одговора, кандидат **ЗАОКРУЖУЈЕ САМО ЈЕДАН ОДГОВОР** на обрасцу за одговоре под бројем који одговара броју тог задатка. Незаокруживање ниједног одговора, заокруживање два или више одговора, као и прецртавање једног или више одговора, доноси **ДОДАТНЕ НЕГАТИВНЕ ПОЕНЕ** у односу на негативне поене предвиђене за нетачан одговор.
19. Упозоравају се кандидати да обрасце за одговоре попуњавају врло пажљиво. Није дозвољено брисање ни исправљање претходно заокружених одговора.
20. Од тренутка поделе задатака **НИЈЕ ДОЗВОЉЕН РАЗГОВОР** између кандидата. Кандидати који међусобно разговорају биће удаљени са испита и дисквалификовани.
21. Кандидати који поседују или користе недозвољена средства (мобилни телефон, калкулатор, џепни рачунар, цедуљице и слично) биће одмах удаљени са испита и дисквалификовани.
22. Уколико дежурни утврди да кандидат поседује или користи недозвољена средства (мобилни телефон, калкулатор, џепни рачунар, цедуљице и слично) позива Централну комисију за спровођење пријемног испита која након записничког утврђивања прекршаја одмах удаљава и дисквалификује кандидата.

23. На испиту је забрањен разговор са дежурнима.
24. Када кандидат сматра да је завршио са испитом, позива дежурног дизањем руке. Дежурни узима образац за одговоре од кандидата. Дежурни потписује потврду о пријави, текст задатка и свеску који остају кандидату.
25. Потписану потврду о пријави треба пажљиво сачувати, јер је она доказ да је задатак предат.
26. После почетка испита НИЈЕ ДОЗВОЉЕН ОДЛАЗАК У ТОАЛЕТ, с обзиром да испит траје само 3 сата.
27. Излазак из сале је могућ најраније један сат после почетка испита, уз обавезну предају попуњеног обрасца за одговоре. Дежурном на вратима показује се потписана потврда о пријави, текст задатка и свеска. Тек после тога може да се напусти сала. Повратак у салу није дозвољен пре завршетка испита.
28. Напуштање сале није дозвољено пола сата пре завршетка испита. Кандидати морају сачекати крај испита на својим местима без устајања и разговора, без обзира на то да ли су предали свој образац за одговоре.
29. Дежурни на испиту објављује обавештења о почетку испита, протеклом времену, времену када може да се отпочне са напуштањем испита и времену када више не може да се напушта сала.

НЕПОШТОВАЊЕ НЕКОГ ОД НАВЕДЕНИХ ПРАВИЛА ПОВЛАЧИ ЗА СОБОМ ДИСКВАЛИФИКАЦИЈУ КАНДИДАТА. БЕЗ ОБЗИРА НА ПРЕТХОДНО ОСВОЈЕНЕ ПОЕНЕ ИЗ СРЕДЊЕ ШКОЛЕ И НА ПРИЈЕМНОМ ИСПИТУ, ДИСКВАЛИФИКОВАНИ КАНДИДАТ НЕЋЕ МОЋИ ДА СЕ УПИШЕ НА ГРАЂЕВИНСКИ ФАКУЛТЕТ УНИВЕРЗИТЕТА У БЕОГРАДУ.



## Формирање ранг листе и критеријуми за упис

### Начин бодовања за ранг листу

Ранг листа се формира на основу два критеријума:

- општег успеха у средњој школи (А),
- успеха на пријемном испиту (Б).

Општи успех у средњој школи (А) добија се као збир просечних оцена у сваком разреду средње школе помножен са 2. Општи успех А може да износи најмање 16 бодова, а највише 40. Број бодова А рачуна се уз заокруживање на две децимале.

Успех на пријемном испиту (Б) представља број бодова који кандидат оствари на пријемном испиту из математике. Најмањи број бодова који се може је освојити је 0, а највећи 60. Резултат који кандидат оствари на тесту из математике изражава се у поенима (П) од 0 до 100. Успех на пријемном испиту Б добија се тада множењем броја поена П са 0.6, односно  $B = 0.6P$ .

Укупан број бодова за ранг листу представља збир бодова А и Б:

- укупан број бодова =  $A + B$ .

Највећи могући укупан број бодова је 100.

Пример бодовања:

- просечне оцене из средње школе од I до IV разреда: 4.46, 4.28, 4.63, 4.75
- општи успех у средњој школи:  $A = 2 \times (4.46 + 4.28 + 4.63 + 4.75) = 2 \times 18.12 = 36.24$
- резултат на пријемном испиту:  $P = 87$
- успех на пријемном испиту:  $B = 0.6 \times 87 = 52.20$
- укупан број бодова:  $A + B = 36.24 + 52.20 = 88.44$

### Формирање ранг листе

После завршеног пријемног испита формира се прелиминарна ранг листа кандидата, и то посебна листа за студијски програм Грађевинарство и посебна листа за студијски програм Геодезија и геоинформатика. Коначна ранг листа формира се после решавања приговора на прелиминарну ранг листу.

Ранг листа је јединствена за све кандидате, без обзира на начин финансирања. Место на ранг листи и број укупно остварених бодова одређују да ли кандидат може бити уписан у прву годину студија, као и да ли ће бити финансиран из буџета или ће сам плаћати школарину.

## Критеријуми за упис

Кандидат може да се упише на терет буџета ако има најмање 51 бод и ако се налази на ранг листи за упис на договарајући студијски програм до броја места расположивих за упис на терет буџета.

Кандидат може да се упише као самофинансирајући ако има више од 30 бодова и ако се налази на ранг листи за упис на договарајући студијски програм до броја места расположивих за упис самофинансирајућих студената.

**ВАЖНО:** Ако се кандидат који је остварио право на упис на основу ранг листе не упише у предвиђеном року и не појави се на прозивци, Факултет ће уместо њега уписати следећег кандидата на ранг листи.

## Жалбе на конкурс

Подношење жалби и њихово решавање врши се у стриктно одређеним терминима (видети календар конкурсних рокова). Неблаговремено поднете жалбе неће се разматрати.

Учесник на конкурс може поднети жалбу на тачност објављених података, регуларност поступка конкурса, регуларност пријемног испита или на редослед кандидата на ранг листи. Жалба се подноси Комисији за упис преко Студентске службе. Приликом подношења жалби, са изузетком жалбе на тачност објављених података (име и презиме, име родитеља, студијски програм и успех у средњој школи), потребно је приложити доказ о уплати од 2.000,00 динара на жиро рачун Грађевинског факултета. УПЛАТУ ВРШИТИ ИСКЉУЧИВО ПРЕКО УПЛАТНИЦЕ КОЈА СЕ ДОБИЈА НА АДРЕСИ *prijemni.grf.bg.ac.rs*. Ако је приговор оправдан, уплата се враћа. Комисија доноси решење по жалби у року од 24 сата од пријема жалбе.

Кандидати незадовољни решењем могу декану Факултета поднети жалбу на решење Комисије, у стриктно дефинисаним терминима (видети календар конкурсних рокова). Декан истог дана доноси коначно решење по жалбама.

После решавања жалби, утврђује се коначан број бодова и објављује коначна ранг листа.

## Упис

Коначна ранг листа је основа за упис кандидата. Упис се обавља искључиво у унапред истакнутим терминима.

Документа потребна за упис:

- оригинална диплома завршене средње школе и сведочанства сва четири разреда на увид,

- оверене фотокопије дипломе завршене средње школе и сведочанства сва четири разреда,
- Извод из матичне књиге рођених (опционо за држављане Републике Србије и обавезно за кандидате који нису држављани Републике Србије)
- један попуњен образац ШВ-20 (видети пример на страни 31),
- потписана изјава о овлашћењу Грађевинског факултета и Универзитета у Београду о прикупљању и коришћењу личних података (изјаву ће кандидат добити приликом уписа)
- уплата накнаде за Центар за развој каријере у износу 100,00 динара
- индекс,
- две фотографије 3,5 × 4,5 cm,
- доказ о уплати школарине за самофинансирајуће студенте; уплата се може извршити у три рате, и то:
  - прва рата у износу од 40.000, 00 динара при упису,
  - друга рата у износу од 30.000, 00 динара до 1. новембра у години уписа,
  - трећа рата у износу од 30.000, 00 динара до 25. децембра у години уписа.
- страни студенти су у обавези да приложе и потврду о знању српског језика и потврду о здравственом осигурању за школску годину коју уписују.

Уплате се врше на жиро рачун Грађевинског факултета. УПЛАТУ ВРШИТИ ИСКЉУЧИВО ПРЕКО УПЛАТНИЦЕ КОЈА СЕ ДОБИЈА НА АДРЕСИ [prijemni.grf.bg.ac.rs](mailto:prijemni.grf.bg.ac.rs).

Комплет образаца неопходних за упис (образак ШВ-20, индекс) купује се у књижари на факултету.

Приликом уписа студенти се могу учланити у ЗПУ (Здравствено потпорно удружење студената Београда), најстарије студентско удружење у Србији, које студентима пружа бројне услуге (видети [www.zpubeograd.com](http://www.zpubeograd.com)). Студенти такође могу да уплате и здравствено осигурање.

### **Прозивка неуписаних кандидата**

Након уписа кандидата који су се рангирани у оквиру буџетске квоте (видети календар уписног рока) организује се прозивка кандидата. Прозивци морају присуствовати сви кандидати који се желе уписати на студијске програме Грађевинског факултета, а до тренутка прозивке се нису уписали.

Прво се обавља прозивка неуписаних кандидата за буџетска места, и то одвојено за сваки студијски програм. Потом се обавља прозивка кандидата за самофинансирајућа места, такође одвојено за сваки студијски програм.

Уколико се кандидат не појави на прозивци, сматра се да је одустао од уписа и он губи право на упис. Уместо њега Факултет ће уписати наредног кандидата са ранг листе.

# Примери попуњених образаца

## Пример попуњеног обрасца ШВ-20

(прва страна)



РЕПУБЛИКА СРБИЈА  
Републички завод за статистику

Образац ШВ-20

Закон о званичној статистици  
„Службени гласник РС”, број 104/09.

Обавеза давања података темељи се на члану 26. а казнене одредбе за одбијање давања података или давање непотпуних и нетачних података на члану 54. Закона о званичној статистици („Сл. гласник РС”, бр. 104/2009).  
Подаци ће бити коришћени искључиво у статистичке сврхе и неће бити објављивани као појединци.  
Сви подаци имају карактер пословне тајне.

### Статистички извештај о упису студената

Школске 2020/2021 године

ИМЕ И ПРЕЗИМЕ СТУДЕНТА <b>МАРКО МАРКОВИЋ</b>	1. ЈМБГ <b>0101019981158357</b>	Фотографија
Број индекса:		

2. НАЗИВ ФАКУЛТЕТА, АКАДЕМИЈЕ ИЛИ ВИСОКЕ ШКОЛЕ

Универзитет УНИВЕРЗИТЕТ У БЕОГРАДУ

Факултет/академија/висока школа \_\_\_\_\_  
ГРАЂЕВИНСКИ ФАКУЛТЕТ

Студијски програм ГРАЂЕВИНАРСТВО

3. ВРСТА И СТЕПЕН СТУДИЈА

Студије првог степена

Основне академске студије ..... ①

Основне струковне студије ..... 2

Специјалистичке струковне студије ..... 3

Студије другог степена

Мастер академске студије ..... 4

Мастер струковне студије ..... 5

Специјалистичке академске студије ..... 6

Интегрисане академске студије ..... 7

Студије трећег степена

Докторске академске студије ..... 8

Стари програм ..... 9

4. ОПШТИНА НА КОЈОЈ СЕ НАЛАЗИ ВИСОКОШКОЛСКА УСТАНОВА

ПАЛИЛУЛА

5. КАЛЕНДАРСКА ГОДИНА ПРВОГ УПИСА НА НАВЕДЕНИ СТУДИЈСКИ ПРОГРАМ

2017

6. УКУПНО СТЕЧЕНИ ЕСПБ БОДОВИ (не одговарају студенти који су ове године уписали студије или студирају по старом програму)

ЕСПБ бодови     

7. НАЧИН ФИНАНСИРАЊА СТУДИЈА

Финансирање из буџета ..... ①

Самофинансирање ..... 2

8. ПРЕТХОДНО ЗАВРШЕНА СРЕДЊА ШКОЛА

ПРВА КРАГУЈЕВАЧКА ГИМНАЗИЈА

а) тачан назив средње школе  
ГИМНАЗИЈА

б) врста школе (гимназија, машинска, економска, саобраћајна и др.)  
КРАГУЈЕВАЦ

в) општина/град или страна држава  
2017

г) година завршетка средње школе

9. ПОЛ

Мушки ..... ①

Женски ..... 2

10. ГОДИНА РОЂЕЊА 1998

11. МЕСТО РОЂЕЊА НИШ (МЕДИЈАНА)

(општина/град или страна држава)

12. ПРЕБИВАЛИШТЕ (место сталног становања)

НИШ (ПАНТЕЛЕЈ)

(општина/град или страна држава)

(насеље)

КНЕЗА МИЛОША 5

(улица и кућни број)

13. ДРЖАВЉАНСТВО

РЕПУБЛИКА СРБИЈА

14. НАЦИОНАЛНА ПРИПАДНОСТ

СРПСКА

(према чл. 47. Устава Републике Србије грађанин није дужан да се изјасни)

15. БРАЧНИ СТАТУС

Неожењен/неудата ..... ①

Ожењен/удата, живи у ванбрачној заједници ..... 2

Разведен/разведена ..... 3

Удовац/удовица ..... 4

(друга страна)

16. МЕСТО СТАНОВАЊА ЗА ВРЕМЕ СТУДИРАЊА

БЕОГРАД - ВРАЧАР  
(општина/град или страна држава)  
Филипа Филиповића 2  
(улица и кућни број)

17. ТИП СМЕШТАЈА ЗА ВРЕМЕ СТУДИРАЊА

Код родитеља ..... 1  
Изнајмљен стан ..... **2**  
Студентски дом ..... 3  
Сопствени стан ..... 4  
Код рођака ..... 5  
Друго ..... 6

18. ИЗВОР СРЕДСТАВА ЗА ЖИВОТ ТОКОМ СТУДИЈА  
(могуће је заокружити више одговора)

Издржавано лице (од стране родитеља/рођака) ..... **1**  
Лични приходи (уштеђевина, приходи од имовине, наследство и сл.) ..... 2  
Стипендија коју даје јавна управа (Министарство просвете, регионалне, општинске власти и др.) ..... 3  
Кредит који даје јавна управа (Министарство просвете, регионалне, општинске власти и др.) ..... 4  
Стипендије фирми и компанија ..... **5**  
Комерцијални кредит ..... 6  
Други извори финансирања ..... 7

19. УПИШИТЕ ШИФРУ ГЛАВНОГ ИЗВОРА

(уписати број који се налази иза одговора поменутог на горњој листи) ..... **1**

20. ДА ЛИ СТЕ ЗАПОСЛЕНИ

Да ..... 1  
Не ..... **2**

21. ДА ЛИ ИЗДРЖАВАТЕ ДРУГА ЛИЦА

(могуће је заокружити више одговора)

Не ..... **1**  
Да, дете/децу ..... 2  
Да, супругу/супруга, партнера/партнерку ..... 3  
Да, родитеље ..... 4  
Да, друга лица ..... 5

22. ДА ЛИ ЈЕ ВАШ РОДИТЕЉ/ИЗДРЖАВАЛАЦ ЗАПОСЛЕН

Да ..... **1**  
Не ..... 2

23. ЗАНИМАЊЕ РОДИТЕЉА/ИЗДРЖАВОЦА

(уписујете одговор ако сте на претходно питање одговорили „Да“)

**14 (ВИДЕТИ СПИСОК ЗАНИМАЊА)**  
(назив занимања)

24. ШКОЛСКА СПРЕМА РОДИТЕЉА

а) Отац

Основна школа или мање ..... 1  
Средња школа ..... 2  
Виша или висока школа ..... **3**  
Магистеријум/мастер ..... 4  
Докторат ..... 5  
Непознато ..... 9

б) Мајке

Основна школа или мање ..... 1  
Средња школа ..... 2  
Виша или висока школа ..... **3**  
Магистеријум/мастер ..... 4  
Докторат ..... 5  
Непознато ..... 9

25. ДА ЛИ ВАМ ЈЕ ПОТРЕБАН НЕКИ ОД НАВЕДЕНИХ ВИДОВА ПОДРШКЕ ПРИЛИКОМ ОБАВЉАЊА СВАКОДНЕВНИХ АКТИВНОСТИ НА ФАКУЛТЕТУ/АКАДЕМИЈИ/ВИСОКОЈ ШКОЛИ (одговор на ово питање није обавезан, а могуће је заокружити више одговора)

Помоћ у обављању основних радњи факулета (кретање, исхрана и сл.) ..... 1  
Архитектонска доступност за особе које се отежано крећу и кориснике колица (прилагођене просторије, платформе и лифтови) ..... 2  
Архитектонска доступност за слепе и слабовиде особе (тактилна сигнализација) ..... 3  
Скенирање или прилагођавање литературе у доступном формату (увећана штампа, електронски, аудио и Брајево писмо) ..... 4  
Употреба других асистивних технологија ..... 5  
Ангажовање тумача знаковног језика ..... 6  
Превоз до високошколске установе доступан особама са тешкоћама у кретању ..... 7  
Постојање индуктивних петљи у високошколској установи ..... 8  
Помоћ у вербалном обраћању ..... 9  
Помоћ у упознавању начина функционисања високошколске установе ..... 10  
Прилагођавање распореда и времена трајања академских активности ..... 11  
Помоћ у савладавању академских обавеза (учење, писање семинарских радова и сл.) ..... 12  
Ништа од наведеног ..... **13**

у БЕОГРАДУ 4.7. 2017 год.

Марко Морковић  
Потпис студента

## Списак занимања за питање 23 из обрасца ШВ-20

- 1 Официри војске
- 2 Подофицири војске
- 3 Остала војна занимања
- 4 Генерални директори, виши функционери и чланови извршних и законодавних тела
- 5 Административни и комерцијални руководиоци/директори
- 6 Руководиоци/директори производње и специјализованих услуга
- 7 Руководиоци/директори у угоститељству, малопродаји и сродним услугама
- 8 Стручњаци основних и примењених наука
- 9 Здравствени стручњаци
- 10 Стручњаци за образовање и васпитање
- 11 Стручњаци пословних услуга и администрације
- 12 Стручњаци за информационо-комуникационе технологије (ИКТ)
- 13 Стручњаци за право, друштвене науке и културу
- 14 Стручни сарадници и техничари у области природних и техничких наука
- 15 Медицинске сестре и здравствени техничари
- 16 Стручни сарадници пословних услуга и администрације
- 17 Стручни сарадници у области права, социјалног рада, спорта, културе и вере
- 18 Стручни сарадници и техничари информационо-комуникационих технологија (ИКТ)
- 19 Службеници за опште административне послове и оператери на тастатури
- 20 Службеници за рад са странкама
- 21 Службеници за евидентирање и обраду нумеричких података
- 22 Остали административни службеници
- 23 Занимања личних услуга
- 24 Трговачка и сродна занимања
- 25 Занимања за личну негу и помоћ
- 26 Занимања обезбеђења и заштите
- 27 Тржишно оријентисани пољопривредници
- 28 Тржишно оријентисана шумарска и рибарска занимања, ловци и риболовци
- 29 Пољопривредна и рибарска занимања за сопствене потребе
- 30 Грађевинска и сродна занатска занимања (осим електричара)
- 31 Металска, машинска и сродна занатска занимања
- 32 Уметничке занатлије ручним алатима и штампари
- 33 Електричари и електроничари
- 34 Прерађивачи прехранбених производа, дрвета, текстила и друга занатска занимања
- 35 Руковаоци стабилним машинама и постројењима
- 36 Монтери производа
- 37 Возачи и руковаоци покретном механизацијом
- 38 Чистачи и помоћно особље
- 39 Једноставна занимања у пољопривреди, рибарству и шумарству

- 40 Једноставна занимања у рударству, грађевинарству, прерађивачкој индустрији и транспорту
- 41 Једноставна занимања у припреми хране
- 42 Једноставна трговачка и услужна занимања која се обављају на улици
- 43 Занимања на уклањању отпада и остала једноставна занимања
- 44 Занимања која се не могу разврстати

## Припрема за пријемни испит

### Програм за пријемни испит из математике

1. Основне логичке операције. Појам функције.
2. Рационални алгебарски изрази. Полиноми.
3. Линеарна функција. Линеарне једначине и неједначине. Системи линеарних једначина и неједначина.
4. Квадратна функција. Квадратне једначине и неједначине. Системи квадратних једначина.
5. Алгебарске и ирационалне једначине и неједначине.
6. Појам логаритма. Логаритамска и експоненцијална функција. Логаритамске и експоненцијалне једначине и неједначине.
7. Тригонометријске функције. Идентитети, једначине и неједначине. Примена тригонометрије на троугао.
8. Комплексни бројеви.
9. Аналитичка геометрија у равни (права, круг, елипса, хипербола и парабола).
10. Планиметрија (првенствено геометрија троугла, четвороугла и круга).
11. Стереометрија (призма, пирамида, зарубљена пирамида, ваљак, купа, зарубљена купа, сфера и делови сфере).
12. Комбинаторика. Аритметичка и геометријска прогресија.
13. Појам граничне вредности. Извод и примена извода.

### Литература

1. А. Ерић, З. Пуцановић, В. Половина, И. Лазаревић: *Збирка решених задатака из математике за припремање пријемног испита на Грађевинском факултету*, Академска мисао, Београд, 2018.
2. Ђ. Вукомановић, Д. Георгијевић, А. Золић, Ђ. Јованов, М. Лазић, М. Меркле, М. Миличић, Р. Радовановић, З. Радосављевић, З. Шами: *Збирка задатка и тестова из математике за припремање пријемног испита за упис на техничке и природно-математичке факултета*, Завод за уџбенике и наставна средства, Београд, 2000.
3. С. Огњановић, З. Каделбург, Математика 4+, "Круг", Београд, 2000.

## Примери задатака са пријемног испита

Универзитет у Београду

29.6.2005.

### Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 5711

Тест има 20 задатака на две стране. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

1. Вредност израза  $\left(\frac{2}{\sqrt{3}-1} - \frac{1}{\sqrt{3}+1}\right) \cdot \frac{3\sqrt{3}+3}{4}$  једнака је:  
А)  $\frac{2}{\sqrt{3}}$     Б)  $\frac{1}{2\sqrt{3}}$     В)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$     Г)  $\frac{1+\sqrt{3}}{2}$     Д)  $\frac{2-\sqrt{3}}{4}$     Н) Не знам
2. Ако је  $\sin x = \frac{1}{2}$  и  $0 < x < \frac{\pi}{2}$ , онда је  $\sin 3x + \cos 3x$  једнако:  
А) –1    Б) –2    В) 1    Г) 0    Д) 2    Н) Не знам
3. Ако је  $f(x) = \frac{x}{x+1}$  и  $g(x) = \frac{x}{1-x}$ , онда је  $2g(f(x)) - 3f(g(x))$ , за  $x \neq \pm 1$ , једнако:  
А)  $5x$     Б)  $-2x$     В)  $-\frac{x}{x+1}$     Г)  $-x$     Д)  $\frac{x^2}{x+1}$     Н) Не знам
4. Скуп свих решења неједначине  $\frac{x}{x+1} \leq 1$  је:  
А)  $[1, 2]$     Б)  $[1, 10]$     В)  $(1, 3)$     Г)  $(-\infty, +\infty)$     Д)  $(-1, +\infty)$     Н) Не знам
5. Ако права  $y = ax + b$  садржи тачку  $A(1, 1)$  и паралелна је правој  $y = 2x$ , онда је  $b$  једнако:  
А) 0    Б) –1    В) –2    Г) 3    Д) 1    Н) Не знам
6. Троцифрених бројева, састављених од цифара 1, 2 и 3, има (цифре се могу понављати):  
А) 27    Б) 12    В) 6    Г) 21    Д) 24    Н) Не знам
7. Ако су  $x_1$  и  $x_2$  решења једначине  $x^2 + px + q = 0$ , онда је  $x_1^2 - 6x_1x_2 + x_2^2$  једнако:  
А)  $q^2 - 6p$     Б)  $p^2 - 6q$     В)  $p^2 + 6q$     Г)  $p^2 - 8q$     Д)  $q^2 - 8p$     Н) Не знам
8. Ако су дужине катета правоуглог троугла 3 cm и 4 cm, онда је пречник круга описаног око овог троугла једнак (у cm):  
А) 6    Б) 3    В) 4    Г) 7    Д) 5    Н) Не знам
9. Ако је  $i^2 = -1$ , онда је  $(1 - i)^{20}(1 + i)^{22}$  једнако:  
А)  $2^{19}(1 - i)$     Б)  $-2^{19}i$     В)  $2^{20}(1 + i)$     Г)  $2^{20}(1 + 2i)$     Д)  $2^{21}i$     Н) Не знам



Шифра задатка: 5711

10. За све  $x \in \mathbb{R}$  је  $\sin 2x$  једнако:

- A)  $2 \sin x \cos x$     B)  $2x \sin 1$     C)  $2 \cos^2 x$     D)  $\cos^2 x - \sin^2 x$     E)  $2 \sin x$     F) Не знам

11. Четворострана пирамида чија је основа квадрат стране 8 cm има међусобно једнаке бочне ивице. Ако је висина пирамиде 7 cm, онда је дужина бочне ивице ( $y$  cm):

- A) 8    B) 5    C) 6    D) 10    E) 9    F) Не знам

12. Скуп свих решења неједначине  $x + 1 > \sqrt{x + 3}$  је:

- A)  $(1, +\infty)$     B)  $(-\infty, -2) \cup (1, +\infty)$     C)  $(-2, 1)$     D)  $(-3, -2) \cup (1, +\infty)$     E)  $[4, +\infty)$     F) Не знам

13. Ако за број  $z = x + iy$  ( $x, y \in \mathbb{R}$  и  $i^2 = -1$ ) важи једнакост  $z - 3\bar{z} + 2 - 4i = 0$ , онда је  $2x + 3y$  једнако:

- A) -7    B) -1    C)  $\frac{5}{2}$     D) 5    E)  $-\frac{7}{3}$     F) Не знам

14. Ако је  $(a_n)$  аритметички низ, такав да је  $a_1 + 2a_2 + 3a_3 = 20$  и  $a_1 - a_2 + a_3 = 2$ , онда је  $a_{10}$  једнако:

- A) 34    B) 0    C) -40    D) -10    E) 20    F) Не знам

15. Збир свих решења једначине  $4^{x+1} - 3 \cdot 2^{x+3} + 32 = 0$  једнак је:

- A) 0    B) 4    C) -2    D) -1    E) 3    F) Не знам

16. Ако је полином  $P(x) = x^3 + px^2 + qx + 24$  дељив полиномом  $Q(x) = x^2 - 5x + 6$ , онда је  $p + q$  једнако:

- A) -14    B) -15    C) 0    D) 6    E) 3    F) Не знам

17. Скуп свих реалних решења једначине  $\sqrt{(x-1)^2} - \sqrt{(x-2)^2} = 1$  је:

- A) двочлан    B) трочлан    C) бесконачан    D) једночлан    E) празан    F) Не знам

18. Скуп свих решења неједначине  $\log_2 \log_{0,5} \frac{x}{x+1} < 1$  је:

- A)  $(\frac{1}{3}, +\infty)$     B)  $(-\infty, \frac{1}{3})$     C)  $(0, +\infty)$     D)  $(-\infty, -1) \cup (\frac{1}{3}, +\infty)$     E)  $(1, +\infty)$     F) Не знам

19. Скуп свих вредности реалног параметра  $m$ , таквих да једначина  $x^2 + 4mx + 4m^2 + 4m = 0$  има позитивна и међусобно различита решења, једнак је:

- A)  $(0, +\infty)$     B)  $(-1, 0)$     C)  $(-\infty, -1)$     D)  $(-\infty, -1) \cup (0, +\infty)$     E)  $(-\infty, 0)$     F) Не знам

20. Ако су  $y = ax + b$  и  $y = cx + d$  једначине тангенти из тачке  $A(2, 0)$  на круг  $x^2 + y^2 = 1$ , онда је  $ac$  једнако:

- A)  $\frac{3}{2}$     B)  $-\frac{3}{2}$     C)  $-\frac{1}{3}$     D)  $-\frac{5}{7}$     E) -1    F) Не знам

## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 5915

Тест има 20 задатака на две странице. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

1. Вредност израза  $\left(2 - \frac{1}{\sqrt{2}-1}\right) : \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}+2}$  једнака је:  
 А)  $\sqrt{2}$       Б)  $\frac{1}{2\sqrt{2}}$       В)  $-1$       Г)  $-\frac{1+\sqrt{2}}{2}$       Д) 2      Н) Не знам
2. Ако је  $\cos x = \frac{\sqrt{3}}{2}$  и  $0 < x < \frac{\pi}{2}$ , онда је  $2 \sin 3x - 3 \cos 3x$  једнако:  
 А)  $-1$       Б)  $-2$       В) 1      Г) 0      Д) 2      Н) Не знам
3. Ако је  $f(x) = \frac{1}{x-1}$  и  $g(x) = \frac{1}{1+x}$ , онда је  $g(f(x)) - f(g(x))$ , за  $x > 1$ , једнако:  
 А) 3      Б) 2      В)  $-\frac{x}{x+1}$       Г)  $x$       Д)  $-\frac{2}{x}$       Н) Не знам
4. Скуп свих решења неједначине  $\frac{2x+1}{x-4} > 2$  је:  
 А)  $(-\infty, 4)$       Б)  $(4, 10)$       В)  $(1, 3)$       Г)  $(-\infty, +\infty) \setminus \{4\}$       Д)  $(4, +\infty)$       Н) Не знам
5. Ако права  $y = ax + b$  садржи тачку  $A(1, 1)$  и нормална је на праву  $y = -\frac{1}{2}x$ , онда је  $b$  једнако:  
 А) 0      Б)  $-1$       В)  $-2$       Г) 3      Д) 1      Н) Не знам
6. Четвороцифрених бројева чије су све цифре различите, састављених од цифара 1, 2, 3 и 4, има:  
 А) 27      Б) 12      В) 6      Г) 21      Д) 24      Н) Не знам
7. Ако су  $x_1$  и  $x_2$  решења једначине  $x^2 + px + q = 0$ , онда је  $2x_1^2 - 8x_1x_2 + 2x_2^2$  једнако:  
 А)  $2p^2 - 12q$       Б)  $2p^2 + 8q$       В)  $p^2 + 6q$       Г)  $2p^2 - 8q$       Д)  $2q^2 - 8p$       Н) Не знам
8. Ако је дужина хипотенузе правоуглог троугла 4 cm, онда је пречник круга описаног око овог троугла једнак (у cm):  
 А) 6      Б) 3      В) 7      Г) 4      Д) 5      Н) Не знам
9. Ако је  $i^2 = -1$ , онда је  $(1 + i\sqrt{3})^6$  једнако:  
 А) 64      Б)  $12 - 32\sqrt{3}i$       В)  $\sqrt{3} + i$       Г)  $-18$       Д)  $16\sqrt{3}$       Н) Не знам

Шифра задатка: 5915

10. За све  $x \in \mathbb{R}$  је  $\sin^2 x$  једнако:

- А)  $1 - \cos^2 x$     Б)  $\frac{1}{2}(1 - \cos x)$     В)  $2 \cos^2 x$     Г)  $\cos^2 x - \sin^2 x$     Д)  $2 \sin x$     Н) Не знам

11. Четворострана пирамида чија је основа правоугаоник страница 3 cm и 4 cm има међусобно једнаке бочне ивице. Ако је дужина бочне ивице 6,5 cm, онда је дужина висине пирамиде једнака ( $y$  cm):

- А) 8    Б) 5,5    В) 6,5    Г) 6    Д) 7    Н) Не знам

12. Скуп свих решења неједначине  $x > 2\sqrt{x+8}$  је:

- А)  $(8, +\infty)$     Б)  $(-\infty, -4) \cup (8, +\infty)$     В)  $(-4, 8)$     Г)  $(-3, -2) \cup (1, +\infty)$     Д)  $[-8, +\infty)$     Н) Не знам

13. Збир свих бројева  $z = x + iy$  ( $x, y \in \mathbb{R}$  и  $i^2 = -1$ ) за које важи једнакост  $z + |z|^2 = 2$ , једнак је:

- А)  $-7$     Б)  $-1$     В)  $\frac{5}{2}$     Г) 5    Д)  $-\frac{7}{3}$     Н) Не знам

14. Ако је  $(a_n)$  аритметички низ, такав да је  $a_1 + a_2 + a_3 = 6$  и  $a_1 + a_2 - a_3 = 4$ , онда је  $a_7$  једнако:

- А)  $-5$     Б) 0    В)  $-3$     Г)  $-10$     Д) 10    Н) Не знам

15. Збир свих решења једначине  $4^{x-1} - 3 \cdot 2^{x-1} + 2 = 0$  једнак је:

- А) 0    Б) 4    В)  $-2$     Г)  $-1$     Д) 3    Н) Не знам

16. Ако је полином  $P(x) = x^3 + x^2 + px + q$  дељив полиномом  $Q(x) = x^2 - 3x + 2$ , онда је  $2p + q$  једнако:

- А)  $-14$     Б)  $-15$     В) 0    Г)  $-12$     Д) 3    Н) Не знам

17. Скуп свих реалних решења једначине  $\sqrt{(2x-2)^2} - \sqrt{(2x-3)^2} = 1$  је:

- А) двочлан    Б) трочлан    В) бесконачан    Г) једночлан    Д) празан    Н) Не знам

18. Скуп свих решења неједначине  $\log_2 \log_2 \frac{2x}{2x+3} < 1$  је:

- А)  $(-\infty, -2) \cup (-\frac{3}{2}, +\infty)$     Б)  $(-\infty, -\frac{3}{2})$     В)  $(0, +\infty)$     Г)  $(-\infty, -2)$     Д)  $(1, +\infty)$     Н) Не знам

19. Скуп свих вредности реалног параметра  $m$ , таквих да једначина  $x^2 - 6mx + 9m^2 + 9m = 0$  има негативна и међусобно различита решења, једнак је:

- А)  $(0, +\infty)$     Б)  $(-2, -1)$     В)    Г)  $(-\infty, -1) \cup (0, +\infty)$     Д)  $(-\infty, -1)$     Н) Не знам

20. Скуп тачака равни  $xOy$  чија је једначина  $x^2 + y^2 = 0$ , је:

- А) једночлан    Б) хипербола    В) кружна линија    Г) права    Д) празан скуп    Н) Не знам

## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 62215

Тест има 20 задатака на две странице. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања виједног одговора, добија се –1 поен.

1. Вредност израза  $\left(\frac{1}{2}\frac{\sqrt{3}+1}{\sqrt{3}-1} - \frac{1}{2}\frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}+1}\right) : \frac{\sqrt{3}+1}{\sqrt{3}-1}$  једнака је:  
 А)  $2\sqrt{3}-3$     Б)  $2\sqrt{3}+3$     В)  $2\sqrt{3}-1$     Г)  $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}+1}$     Д)  $\frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{3}-1}$     Н) Не знам
2. Ако је  $f(x) = 2x + 3$  и  $g(x) = x^2 - 4$ , онда је  $g(f(x)) - 2f(g(x))$  једнако:  
 А)  $12x - 5$     Б)  $2x^2 + 12x + 10$     В)  $12x + 15$     Г)  $2x^2 + 12x - 10$     Д)  $6x + 15$     Н) Не знам
3. Број решења једначине  $\sin x = -2$  је:  
 А) бесконачан    Б)  $\frac{1}{2}$     В)  $-4$     Г)  $5$     Д)  $0$     Н) Не знам
4. Скуп свих решења неједначине  $\frac{3-x}{x} > 2$  је:  
 А)  $(-\infty, 0) \cup (1, +\infty)$     Б)  $(-1, 2)$     В)  $(1, +\infty)$     Г)  $(0, 1)$     Д)  $(-\infty, 1)$     Н) Не знам
5. Тачке  $A_1, B_1$  и  $C_1$  су средишта страница једнакостраничног троугла  $ABC$ , а тачке  $A_2, B_2$  и  $C_2$  су средишта страница троугла  $A_1B_1C_1$ . Ако је површина троугла  $ABC$   $32 \text{ cm}^2$ , онда је површина троугла  $A_2B_2C_2$  једнака ( $y \text{ cm}^2$ ):  
 А)  $1$     Б)  $4\sqrt{3}$     В)  $2$     Г)  $4$     Д)  $\sqrt{3}$     Н) Не знам
6. Ако је  $i^2 = -1$ , онда је  $4(1+i)^{10} - (1-i)^{14}$  једнако:  
 А)  $272i$     Б)  $0$     В)  $24$     Г)  $10 - 10i$     Д)  $-10 + 12i$     Н) Не знам
7. За све  $x \in \mathbb{R}$  је  $\cos 2x$  једнако:  
 А)  $2x \cos 1$     Б)  $1 - 2 \cos^2 x$     В)  $2 \sin x \cos x$     Г)  $2 \cos x$     Д)  $\cos^2 x - \sin^2 x$     Н) Не знам
8. Ако је права  $y = ax + b$  паралелна правој  $y = 3x$  и ако она садржи тачку  $A(1, 1)$ , онда је  $2a + 2b$  једнако:  
 А)  $2$     Б)  $0$     В)  $-2$     Г)  $-3$     Д)  $3$     Н) Не знам
9. Ако су  $x_1$  и  $x_2$  ( $x_1, x_2 \neq -1$ ) решења једначине  $x^2 + px + q = 0$ , онда је  $\frac{x_1}{1+x_1} + \frac{x_2}{1+x_2}$  једнако:  
 А)  $\frac{q-2p}{1+p-q}$     Б)  $\frac{2q-p}{1-p+q}$     В)  $\frac{2q+p}{1+p+q}$     Г)  $\frac{q-2p}{-p+q}$     Д)  $\frac{q-p}{p+q}$     Н) Не знам

Шифра задатка: 62215

10. Ако полином  $x^3+2x^2+ax+b$  при дељењу са  $x^2-x$  даје остатак  $4x+1$ , онда је  $3a-4b$  једнако:

А) 2,5      Б) -1      В) 2      Г) 0      Д) -2      Н) Не знам

11. Збир свих решења једначине  $9^{x-1} - 4 \cdot 3^{x-1} + 3 = 0$  једнак је:

А) 2      Б) -1      В) 0      Г) -2      Д) 3      Н) Не знам

12. Збир свих бројева  $z = x + iy$  ( $x, y \in \mathbb{R}; i^2 = -1$ ) за које важи једнакост  $2z - |z|^2 = -2 + 2i$  једнак је:

А)  $5i$       Б)  $-4i$       В)  $-3 - 3i$       Г) 1      Д)  $2 + 2i$       Н) Не знам

13. Скуп тачака равни  $xOy$  чија је једначина  $4x^2 - 9y^2 = 36$ , је:

А) парабола      Б) тачка      В) елипса      Г) хипербола      Д) пар правих      Н) Не знам

14. Ако је  $(a_n)$  геометријски низ, такав да је  $a_3 = 2a_2$  и  $a_1 + a_2 + a_3 = 14$ , онда је  $a_5$  једнако:

А) 16      Б) -16      В) 32      Г) 14      Д) -12      Н) Не знам

15. Троцифрених бројева дељивих са 5 има:

А) 190      Б) 180      В) 170      Г) 175      Д) 160      Н) Не знам

16. Ако је дужина ивице правилног тетраедра једнака 9 cm, онда његова висина има дужину ( $y$  cm):

А)  $3\sqrt{6}$       Б)  $4\sqrt{3}$       В)  $9\sqrt{3}$       Г) 7      Д)  $2\sqrt{6}$       Н) Не знам

17. Скуп свих вредности реалног параметра  $m$ , таквих да једначина  $16x^2 + 8x + m^2 + 2m - 2 = 0$  реална и међусобно различита решења, једнак је:

А)  $(-2, 0)$       Б)  $(1, +\infty)$       В)  $(-3, 1)$       Г)  $(-\infty, -3)$       Д)  $(\infty, -3) \cup (1, +\infty)$       Н) Не знам

18. Број оних решења једначине  $2\sin^2 x + 3\cos x - 3 = 0$  која припадају интервалу  $[0, 2\pi]$  једнак је:

А) 2      Б) 5      В) 3      Г) 6      Д) 4      Н) Не знам

19. Скуп свих решења неједначине  $\sqrt{x^2 - 4x + 3} < 4x$  је:

А)  $(-\infty, -\frac{3}{5})$       Б)  $(\frac{1}{3}, 1] \cup [3, +\infty)$       В)  $(3, +\infty)$       Г)  $(-\infty, -\frac{3}{5}) \cup (\frac{1}{3}, +\infty)$       Д)  $(-\frac{3}{5}, \frac{1}{3})$       Н) Не знам

20. Скуп свих решења неједначине  $\log_2 \frac{2x-1}{3x+4} < -1$  је:

А)  $(-\infty, -\frac{4}{3}) \cup (\frac{1}{2}, +\infty)$       Б)  $(\frac{1}{2}, 6)$       В)  $(-\infty, -\frac{4}{3}) \cup (6, +\infty)$       Г)  $(\frac{1}{2}, +\infty)$       Д)  $(6, 10)$       Н) Не знам

## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 6313

Тест има 20 задатака на две странице. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси  $-10\%$  поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се  $-1$  поен.

1. Вредност израза  $\left(\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}-\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}+\sqrt{2}}\right) : \frac{1}{\sqrt{2}+1}$  је:
- А)  $5(\sqrt{2}+1)$     Б)  $\sqrt{3}(\sqrt{2}+1)$     В)  $\sqrt{3}(\sqrt{2}-1)$     Г)  $3(\sqrt{2}-1)$     Д)  $6(\sqrt{2}+1)$     Н) Не знам
2. Ако је  $a_1 = 1$  и  $a_{n+1} = a_n + 2$ , за  $n = 1, 2, 3, \dots$ , онда је  $a_{51}$  једнако:
- А) 100            Б) 101            В) 102            Г) 103            Д) 99            Н) Не знам
3. Ако је  $f(x) = 1 - \sqrt{x}$  и  $g(x) = x^2$ , онда је  $f(g(4)) + g(f(4))$  једнако:
- А) 1            Б)  $-1$             В)  $-2$             Г) 2            Д) 3            Н) Не знам
4. За све  $x, y \in \mathbb{R}$  је  $\cos(x+y)$  једнак:
- А)  $-2 \sin x \cos y$     Б)  $2 \cos x \sin y$     В)  $\sin x \cos y - \cos x \sin y$     Г)  $\cos x \cos y + \sin x \sin y$   
 Д)  $\cos x \cos y - \sin x \sin y$     Н) Не знам
5. Скуп тачака равни  $xOy$  чија је једначина  $4x^2 - 9y^2 = 36$ , је:
- А) елипса    Б) хипербола    В) парабола    Г) права    Д) празан скуп    Н) Не знам
6. Ако је површина једнакокраћног троугла  $ABC$  једнака  $8 \text{ cm}^2$ , онда је површина троугла чија су темена средине страница троугла  $ABC$  једнака (у  $\text{cm}^2$ ):
- А) 1            Б)  $\sqrt{3}$             В) 2            Г)  $2\sqrt{3}$             Д)  $\frac{8}{3}$             Н) Не знам
7. Ако је  $i^2 = -1$ , онда је  $i(1+i)^6 + (1-i)^6$  једнако:
- А) 4            Б)  $-2(1+i)$             В)  $8(1+i)$             Г)  $1-i$             Д)  $4(1-i)$             Н) Не знам
8. Збир свих решења једначине  $2^{2x-1} - 3 \cdot 2^x + 4 = 0$  једнак је:
- А)  $-2$             Б)  $-1$             В) 1            Г) 2            Д) 3            Н) Не знам
9. Скуп свих решења неједначине  $\frac{-x-2}{x+1} > 0$  садржан је у скупу:
- А)  $[0, 4)$             Б)  $[-2, -1]$             В)  $(-\infty, -2)$             Г)  $(1, 3)$             Д)  $(2, 5)$             Н) Не знам

Шифра задатка: 6313

10. Ако су  $x_1$  и  $x_2$  корени полинома  $x^2 + px + q$ , онда је  $x_1^2 + 3x_1x_2 + x_2^2$  једнако:

А)  $-p^2 + q$       Б)  $p^2 - 2q$       В)  $-p^2 + 3q$       Г)  $p^2 - 3q$       Д)  $p^2 + q$       Н) Не знам

11. Комплексних бројева  $z$ , таквих да је  $|z|^2 + \bar{z} = 3 + i$ , има:

А) 4      Б) 1      В) 3      Г) 2      Д) 0      Н) Не знам

12. Број оних решења једначине  $\sin x = 0$  која су у интервалу  $[0, 3\pi]$  је:

А) 5      Б) 4      В) 3      Г) 6      Д) 0      Н) Не знам

13. Ако полином  $x^3 + x^2 + ax + b$  при дељењу полиномом  $x^2 - x$  даје остатак  $2x - 1$ , онда је  $3a + b$  једнако:

А) 0      Б)  $-1$       В) 3      Г)  $-4$       Д) 6      Н) Не знам

14. Дужина дијагонале коцке, чија је ивица дужине 6 cm, једнака је (у cm):

А)  $6\sqrt{3}$       Б)  $8\sqrt{3}$       В)  $18\sqrt{2}$       Г)  $6\sqrt{2}$       Д)  $5\sqrt{2}$       Н) Не знам

15. Број решења једначине  $\log_5(2x^2 + x) = \log_5 5$  је:

А) 0      Б) 3      В) 4      Г) 1      Д) 2      Н) Не знам

16. Збир координата тачке  $C$ , симетричне тачки  $A(2, 3)$  у односу на тачку  $B(4, 6)$ , једнак је:

А) 10      Б) 13      В) 12      Г) 16      Д) 15      Н) Не знам

17. Троцифрених природних бројева, дељивих са 5, има:

А) 160      Б) 171      В) 180      Г) 191      Д) 200      Н) Не знам

18. Бројеви  $a_1, a_2$  и  $a_3$  су три узастопна члана аритметичког низа. Ако су бројеви  $a_1, 2a_2$  и  $4a_3$  такође три узастопна члана аритметичког низа и ако је  $a_1 + a_2 + a_3 = -9$ , онда је производ  $a_1 a_2 a_3$  једнак:

А)  $-8$       Б)  $-24$       В)  $-12$       Г)  $-4$       Д) 4      Н) Не знам

19. Скуп свих решења неједначине  $x \geq \sqrt{x+2}$  је:

А)  $(-\infty, -2)$       Б)  $[-2, +\infty)$       В)  $(-2, +\infty)$       Г)  $[-1, +\infty)$       Д)  $[2, +\infty)$       Н) Не знам

20. Скуп свих вредности реалног параметра  $m$  за које једначина  $2x^2 - 8x + m = 0$  има позитивна и различита решења једнак је:

А) (2, 6)      Б) (0, 8)      В) (0, 2)      Г) (0, 16)      Д) (6, 10)      Н) Не знам

## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 2902

Тест има 20 задатака на две странице. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

- 1.** Вредност израза  $(\frac{1}{1-\sqrt{5}} + \frac{1}{1+\sqrt{5}})^{-2}$  једнака је:  
 А) 4            Б) –4            В)  $\sqrt{2}$             Г)  $-\sqrt{2}$             Д)  $\frac{1}{4}$             Н) Не знам
- 2.** Ако је  $f(x) = \sqrt{x+2}$  и  $g(x) = x^2 - 2$ , онда је  $f(g(\frac{1}{4})) - g(f(\frac{1}{4}))$  једнако:  
 А)  $\frac{1}{4}$             Б) 0            В)  $\frac{1}{2}$             Г)  $-\frac{1}{2}$             Д)  $-\frac{1}{4}$             Н) Не знам
- 3.** Збир свих решења једначине  $x^2 + x - 3|x+1| = 0$  једнак је :  
 А) –1            Б) 0            В) 1            Г) 2            Д) 3            Н) Не знам
- 4.** Вредност израза  $\frac{(1+i)^{10} + 2(1-i)^8}{i^{31} + 1}$ , где је  $i^2 = -1$ , једнака је:  
 А)  $32 + 32i$             Б)  $32 - 32i$             В) 32            Г)  $32i$             Д)  $16 + 32i$             Н) Не знам
- 5.** Вредност  $\operatorname{tg} \frac{\pi}{8}$  једнака је:  
 А)  $2 - \sqrt{2}$             Б)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$             В)  $\sqrt{2} - 1$             Г)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$             Д)  $\frac{\sqrt{2}+2}{2}$             Н) Не знам
- 6.** Збир најмање и највеће вредности функције  $f(x) = x^2 - 6x + 3$  на сегменту  $[2, 5]$  једнак је:  
 А) –8            Б) –11            В) –7            Г) –6            Д) 3            Н) Не знам
- 7.** Полупречник круга који је дат једначином  $x^2 + y^2 - 6x - 2y + 4 = 0$  једнак је:  
 А)  $\sqrt{3}$             Б) 2            В)  $\sqrt{2}$             Г) 4            Д)  $\sqrt{6}$             Н) Не знам
- 8.** Збир свих решења једначине  $10 \cdot 2^x - 4^x = 16$  једнак је:  
 А) 2            Б) 0            В) 1            Г) 4            Д) 3            Н) Не знам
- 9.** Ако је  $(a_n)$  аритметички низ такав да је збир прва четири члана низа 1, а збир следећа четири члана 25, онда је  $a_3$  једнако:  
 А) 1            Б) 2            В) 3            Г) 5            Д) –1            Н) Не знам



Шифра задатка: 2902

10. Четвораоцифрених бројева дељивих са 17, има:

- A) 540      B) 535      C) 530      D) 550      E) 590      F) Не знам

11. Ако је комплексан број  $z = x + yi$ , такав да је  $\bar{z} + |z + 2| = 2 - i$ , онда је  $8x + 3y$  једнако:

- A) 2      B) 4      C) 6      D) 8      E) -2      F) Не знам

12. Ако је полином  $x^4 + 4x^3 + ax^2 - 24x + b$  дељив полиномом  $x^2 + 6x + 9$ , онда је  $a + 2b$  једнако:

- A) 13      B) -22      C) 2      D) -6      E) 18      F) Не знам

13. Око круга пречника 15cm описан је једнокраки траpez чија је дужина крака 17cm. Онда је дужина мање основице трапеza једнака :

- A) 9      B) 5      C) 7      D) 11      E) 13      F) Не знам

14. Број оних решења једначине  $\sin^4 x + \cos^4 x = \frac{1}{2}$  која припадају интервалу  $[0, 2\pi]$  једнак је:

- A) 1      B) 3      C) 0      D) 4      E) 2      F) Не знам

15. Ако је  $y = ax + b$  једначина праве која садржи тачку  $A(1, 1)$  и која је паралелна правој  $2x - 3y + 6 = 0$ , онда је  $a + b$  једнако:

- A) 3      B) 2      C) 1      D) 0      E) -1      F) Не знам

16. Ако су  $x_1$  и  $x_2$  решења једначине  $x^2 + 2\sqrt{3}x - 4 = 0$ , онда је  $\frac{x_1}{x_2} + \frac{x_2}{x_1}$  једнако:

- A) -5      B) 5      C) -4      D) 4      E) 0      F) Не знам

17. Скуп свих решења неједначине  $\frac{1}{2x-1} < \frac{2}{3x+1}$  једнак је:

- A)  $(-\frac{1}{3}, \frac{1}{2}) \cup (3, +\infty)$     B)  $(3, +\infty)$     C)  $(-\infty, -\frac{1}{3}) \cup (\frac{1}{2}, 3)$     D)  $(-\infty, -\frac{1}{3})$     E)  $(-\frac{1}{3}, \frac{1}{2})$     F) Не знам

18. Збир свих решења једначине  $3\log_x 4 + 2\log_{4x} 4 + 3\log_{16x} 4 = 0$  једнак је:

- A)  $\frac{3}{4}$       B) 0      C)  $\frac{5}{8}$       D) 1      E)  $\frac{9}{16}$       F) Не знам

19. Скуп свих вредности реалног параметра  $m$  за које једначина  $4x^2 - 4(m-2)x + m = 0$  има два различита реална и позитивна решења једнак је:

- A)  $(2, +\infty)$     B)  $(-\infty, 1) \cup (4, +\infty)$     C)  $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$     D)  $(0, +\infty)$     E)  $(4, +\infty)$     F) Не знам

20. Скуп свих решења неједначине  $\sqrt{-x^2 + x + 6} > 1 - x$  једнак је:

- A)  $(-1, 1)$     B)  $(-\infty, 3]$     C)  $(-1, 3]$     D)  $(-1, 1] \cup (2, +\infty)$     E)  $(-\infty, 1) \cup (3, +\infty)$     F) Не знам

## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 3222

Тест има 20 задатака на две странице. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

- 1.** Вредност израза  $\frac{-x + \sqrt{2}}{\sqrt{2x^2 - 2x + \sqrt{2}}} + \frac{x + \sqrt{2}}{\sqrt{2x^2 + 2x + \sqrt{2}}}$  за  $x = \sqrt{3}$  једнака је:  
 А)  $\frac{1}{6}$       Б)  $\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$       В)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       Г)  $\frac{1}{5}$       Д)  $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{2}$       Н) Не знам
- 2.** Ако је  $f(x) = 2^{3x}$  и  $g(x) = \log_2 x$ , онда је  $x^2 g(f(x)) - f(g(x))$  једнако:  
 А)  $2x^2$       Б)  $2x^3$       В)  $3x^3$       Г)  $3x^2$       Д) 3      Н) Не знам
- 3.** Збир свих решења једначине  $|x^2 - 1| = 1$  једнак је :  
 А) 2      Б)  $\sqrt{2}$       В)  $-\sqrt{2}$       Г) 1      Д) 0      Н) Не знам
- 4.** Ако је  $\cos x = \frac{1}{\sqrt{5}}$ , онда је  $\cos 2x$  једнако:  
 А)  $\frac{2}{\sqrt{5}}$       Б)  $-\frac{3}{5}$       В)  $-\frac{1}{\sqrt{5}}$       Г)  $\frac{3}{5}$       Д)  $-\frac{2}{\sqrt{5}}$       Н) Не знам
- 5.** Ако је  $(a_n)$  аритметички низ такав да је  $a_2 + a_5 = 12$  и  $a_3 + a_8 = 20$ , онда је  $a_{20}$  једнако:  
 А) 32      Б) 36      В) 39      Г) 42      Д) 48      Н) Не знам
- 6.** Најмања вредност функције  $f(x) = 2x^2 - 4x + 1$  једнака је:  
 А)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$       Б) -1      В) 0      Г)  $\frac{2 + \sqrt{2}}{2}$       Д)  $\frac{2 - \sqrt{2}}{2}$       Н) Не знам
- 7.** Ако су  $x_1$  и  $x_2$  решења једначине  $x^2 + ax + b = 0$ , онда је  $x_1^3 + x_2^3$  једнако:  
 А)  $3ab - a^3$       Б)  $3ab + a^3$       В)  $a^3 + ab$       Г)  $b^3 + 3ab$       Д)  $ab^3 - 3a$       Н) Не знам
- 8.** Ако је полином  $P(x) = x^4 + ax^2 + bx + c$  дељив полиномом  $Q(x) = x^3 - 3x^2 + 3x - 1$ , онда је  $2a + 2b + c$  једнако:  
 А) -12      Б) -6      В) 0      Г) 1      Д) 8      Н) Не знам
- 9.** Комплексних бројева  $z = x + iy$  таквих да је  $|z - 2i| + \bar{z} = 3 + 2i$  има:  
 А) 2      Б) 4      В) 0      Г) 1      Д) 3      Н) Не знам

Шифра задатка: **3222**

**10.** Угао који права  $y = \frac{1}{\sqrt{3}}x + 1$  гради са позитивним делом осе  $Oy$  једнак је:

- A)  $\frac{\pi}{6}$       B)  $\frac{\pi}{4}$       V)  $-\frac{\pi}{4}$       Г)  $\frac{\pi}{3}$       Д)  $-\frac{\pi}{6}$       Н) Не знам

**11.** Број оних решења једначине  $2\cos^2 x - 3\sin x = 3$  која припадају интервалу  $[-\pi, \pi]$  једнак је:

- A) 3      B) 4      V) 6      Г) 0      Д) 2      Н) Не знам

**12.** Збир решења једначине  $\sqrt{2x+4} + \sqrt{2x+1} = 3$  једнак је:

- A) 0      B) 1      V) -1      Г) 2      Д) -2      Н) Не знам

**13.** Вредност израза  $\frac{(1+i)^{17}}{3+i}$ , где је  $i^2 = -1$ , једнака је:

- A)  $\frac{2^8}{5}(2-i)$       B)  $\frac{2^8}{5}(2+i)$       V)  $-\frac{2^8}{5}(2-i)$       Г)  $-\frac{2^8}{5}i$       Д)  $\frac{2^8}{5}i$       Н) Не знам

**14.** Скуп вредности реалног параметра  $p$  за које је неједначина  $\frac{x^2 + px + 1}{x^2 - x + 1} < 4$  тачна за све реалне вредности непознате  $x$  је:

- A)  $(-10, 1) \cup (1, 3)$       B)  $(-10, 2)$       V)  $(-3, 12)$       Г)  $(2, +\infty)$       Д)  $(-\infty, 3)$       Н) Не знам

**15.** Лопта је пресечена са две паралелне равни које су међусобно удаљене 3 cm и налазе се са исте стране центра. Ове равни секу лопту по круговима полупречника 9 cm и 12 cm. Површина лопте једнака је ( $y$  cm<sup>2</sup>):

- A)  $225\pi$       B)  $784\pi$       V)  $900\pi$       Г)  $360\pi$       Д)  $81\pi$       Н) Не знам

**16.** Права паралелна правој  $y = -x$  која пролази кроз тачку  $(1, 1)$  сече координатне осе у тачкама  $A$  и  $B$ . Површина троугла  $OAB$  једнака је:

- A)  $\sqrt{2}$       B)  $2\sqrt{2}$       V) 2      Г)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$       Д) 4      Н) Не знам

**17.** Шестоцифрених бројева облика  $235 * 1 *$  дељивих са 36 има:

- A) 0      B) 1      V) 2      Г) 3      Д) 4      Н) Не знам

**18.** Тачка  $T$  на елипси  $4x^2 + y^2 = 4$  најближа је правој  $x + y = 3$ . Збир координата ове тачке износи:

- A) 5      B) 4      V) 2      Г)  $\sqrt{2}$       Д)  $\sqrt{5}$       Н) Не знам

**19.** Збир свих решења једначине  $(\sqrt{50} + 7)^{\frac{5}{2}} - (\sqrt{50} - 7)^{\frac{5}{2}} = 14$  једнак је:

- A) 0      B) 4      V) 1      Г) 2      Д) 3      Н) Не знам

**20.** Скуп свих решења неједначине  $\log_{x^2}(2 - x^2) < 2$  је:

- A)  $(-1, 0) \cup (0, 1)$       B)  $(-\sqrt{2}, -1) \cup (-1, 0) \cup (0, 1) \cup (1, \sqrt{2})$       V)  $(0, 1)$

- Г)  $(-\sqrt{2}, -1) \cup (1, \sqrt{2})$       Д)  $(-\infty, -1) \cup (-1, 0) \cup (0, 1) \cup (1, +\infty)$       Н) Не знам

Решења: ГБДБВ БАГГГ ААББВ ВВДГБ

## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 12123

Тест има 20 задатака на две странице. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4-17 вреде по 5 поена и задаци 18-20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси -10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се -1 поен.

- 1.** Вредност израза  $\left(\frac{\sqrt{5}+2}{\sqrt{5}-2} + \frac{\sqrt{5}-2}{\sqrt{5}+2}\right)^{-1/2}$  једнака је:  
 А)  $\frac{1}{3\sqrt{5}}$     Б)  $\frac{1}{3\sqrt{2}}$     В)  $\frac{\sqrt{5}}{3}$     Г)  $\frac{1}{2}$     Д)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$     Н) Не знам
- 2.** Ако је  $f(x) = \frac{1}{x}$  и  $g(x) = \frac{x+1}{x-2}$ , онда је  $g(f(3)) - f(g(-2))$  једнако:  
 А)  $\frac{3}{4}$     Б)  $\frac{4}{3}$     В)  $-\frac{24}{5}$     Г)  $-\frac{3}{4}$     Д) 1    Н) Не знам
- 3.** Ако су  $x_1$  и  $x_2$ , ( $x_1 \neq 0, x_2 \neq 0$ ), решења једначине  $x^2 + px + q = 0$ , онда је  $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$  једнако:  
 А)  $-\frac{p}{q}$     Б)  $-\frac{q}{p}$     В)  $\frac{p}{q}$     Г)  $\frac{q}{p}$     Д)  $pq$     Н) Не знам
- 4.** Број реалних решења једначине  $x - 2x^2 = |x - 1| + 2$  је:  
 А) 0    Б) 1    В) 2    Г) 3    Д) 4    Н) Не знам
- 5.** Ако је  $(a_n)$  аритметички низ, такав да је збир првих пет чланова 45 и  $a_3 + a_5 = 10$ , онда је  $a_{21}$  једнако:  
 А) 12    Б) -12    В) 63    Г) -63    Д) 18    Н) Не знам
- 6.** Вредност  $\sin 3810^\circ$  једнака је:  
 А)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$     Б)  $-\frac{\sqrt{3}}{2}$     В)  $\frac{1}{2}$     Г)  $-\frac{\sqrt{2}}{2}$     Д)  $-\frac{1}{2}$     Н) Не знам
- 7.** Четвороцифрених природних бројева у чијем се декадном запису не појављују цифре 0 и 9 има:  
 А) 3584    Б) 2401    В) 4096    Г) 3969    Д) 5040    Н) Не знам
- 8.** Ако полином  $P(x) = x^4 + ax^2 + bx + 2$  при дељењу полиномом  $Q(x) = x^2 - x - 2$  даје остатак  $R(x) = 2x$ , онда је  $ab$  једнако:  
 А) 12    Б) 4    В) 6    Г) -12    Д) -4    Н) Не знам
- 9.** Збир свих комплексних бројева  $z = x + iy$  таквих да је  $z - \bar{z} + |z - i| = 4 - 2i$  је:  
 А)  $-2 - 4i$     Б)  $-2 - 2i$     В)  $-2i$     Г)  $-2$     Д)  $2 - 2i$     Н) Не знам

Шифра задатка: 12123

10. Дат је троугао  $ABC$  са теменима  $A(1,1)$ ,  $B(3,2)$ ,  $C(2,4)$ . Једначина праве на којој лежи тежишна дуж  $t_a$ , (тежишна дуж  $t_a$  спаја теме  $A$  са средиштем супротне стране), је:

А)  $4x - 3y - 1 = 0$     Б)  $3x - 4y + 1 = 0$     В)  $x + 3y = 4$     Г)  $3x + y = 4$     Д)  $x + y = 2$     Н) Не знам

11. Број оних решења једначине  $\sin x - \sqrt{3} \cos x = 1$  која припадају интервалу  $(0, 2\pi)$  једнак је:

А) 1                      Б) 4                      В) 3                      Г) 2                      Д) 0                      Н) Не знам

12. Број решења једначине  $x - 1 = \sqrt{x+1}$  једнак је:

А) 0                      Б) 1                      В) 2                      Г) 3                      Д) 4                      Н) Не знам

13. Имагинаран део комплексног броја  $(1+i)^{2009}$ , где је  $i^2 = -1$ , једнак је:

А)  $2^{2008} i$               Б)  $-2^{2008} i$               В)  $-2^{1004}$               Г)  $2^{1004}$               Д)  $2^{2008}$               Н) Не знам

14. Скуп свих решења неједначине  $\frac{2+x}{3+x} > 2$  је:

А)  $(-4, -3)$     Б)  $(-\infty, -3)$     В)  $(-\infty, -4)$     Г)  $(-4, -2)$     Д)  $(-\infty, +\infty)$     Н) Не знам

15. Запремина правилног тетраедра једнака је  $\frac{\sqrt{6}}{4} \text{ cm}^3$ . Висина овог тетраедра једнака је ( $y$  cm):

А)  $\frac{2}{\sqrt{3}}$               Б)  $\sqrt{3}$               В)  $\sqrt{2}$               Г)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$               Д)  $\sqrt{\frac{2}{3}}$               Н) Не знам

16. Збир решења једначине  $3^{2x^2-6x+1} = \frac{1}{27}$  је:

А) 0                      Б) 1                      В) 2                      Г) 3                      Д) 4                      Н) Не знам

17. Растојање од координатног почетка до центра круга  $x^2 + y^2 + 2x + 4y + 4 = 0$  једнако је:

А)  $\sqrt{5}$               Б)  $\sqrt{3}$               В) 1                      Г)  $\sqrt{5} - 1$               Д)  $\sqrt{3} - 1$               Н) Не знам

18. Права  $y = 1$  сече параболу  $y = 2 - x^2$  у тачкама  $M_1$  и  $M_2$ . Тангенте на параболу у овим тачкама и оса  $Ox$  образују троугао. Његова површина једнака је:

А) 9                      Б) 18                      В)  $\frac{3}{2}$                       Г)  $\frac{9}{4}$                       Д)  $\frac{9}{2}$                       Н) Не знам

19. Збир квадрата решења једначине  $\sqrt{\log_{x^2} 2x} \log_2 x = -1$  једнак је:

А)  $\frac{1}{4}$                       Б)  $\frac{1}{16}$                       В)  $\frac{65}{16}$                       Г) 4                      Д)  $\frac{9}{4}$                       Н) Не знам

20. Скуп свих решења неједначине  $(2 - \sqrt{3})^{\frac{2-x}{x}} \leq (2 + \sqrt{3})^{-x}$  је:

А)  $(-\infty, -2] \cup (0, 1]$     Б)  $[-2, 1]$     В)  $(-\infty, 1]$     Г)  $(-2, 1]$     Д)  $(-\infty, 0) \cup (0, 1]$     Н) Не знам

## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 11222

Тест има 20 задатака на две странице. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

- 1.** Вредност израза  $\left(\frac{\sqrt{7}+3}{3-\sqrt{7}} - \frac{\sqrt{7}-3}{3+\sqrt{7}}\right)^{-1/4}$  једнака је:  
 А)  $6\sqrt{7}$       Б)  $\frac{2\sqrt{7}}{3}$       В) 16      Г)  $\frac{1}{2}$       Д) 2      II) Пе знам
- 2.** Ако је  $f(x) = \log_3 x$  и  $g(x) = 3x^3$ , онда је  $f(g(x))$ , за  $x > 0$ , једнако:  
 А)  $3\log_3 x$       Б)  $3 + \log_3 x$       В)  $1 + 3\log_3 x$       Г)  $1 + \log_3 x$       Д)  $3 + 3\log_3 x$       II) Пе знам
- 3.** Ако су  $x_1$  и  $x_2$  решења једначине  $x^2 + px + 1 = 0$ , онда је  $\frac{1}{x_1^3} + \frac{1}{x_2^3}$  једнако:  
 А)  $3p - p^3$       Б)  $p^3 - p$       В)  $p^3 + 3p$       Г)  $-p^3 - 3p$       Д)  $-p^3 - p$       II) Пе знам
- 4.** Збир најмање и највеће вредности функције  $f(x) = x^2 - 2x - 3$  на сегменту  $[0, 2]$  једнак је:  
 А) 3      Б) –1      В) 1      Г) 7      Д) –7      II) Пе знам
- 5.** Ако је  $(a_n)$  растући геометријски низ код кога је збир прва три члана 26 и ако су  $a_1, a_2 + 4$  и  $a_3$  прва три члана неког аритметичког низа, онда је пети члан тог аритметичког низа једнак:  
 А) 14      Б) 24      В) 34      Г) 44      Д) 54      II) Пе знам
- 6.** Вредност  $\cos 2010^\circ$  једнака је:  
 А)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       Б)  $-\frac{1}{2}$       В)  $-\frac{\sqrt{3}}{2}$       Г)  $\frac{1}{2}$       Д) –1      II) Пе знам
- 7.** На колико се различитих начина могу поређати сва слова речи ПОЛОЖИТИ?  
 А) 1024      Б) 1680      В) 5040      Г) 10080      Д) 40320      II) Пе знам
- 8.** Ако је полином  $P(x) = x^6 + ax^3 + bx^2 + c$  дељив полиномом  $Q(x) = x^3 - 2x^2 + x$ , онда је  $2c - b + a$  једнако:  
 А) –7      Б) 7      В) –4      Г) 1      Д) –1      II) Пе знам
- 9.** Ако за комплексан број  $z = x + iy$  ( $x, y \in \mathbb{R}$ ,  $i^2 = -1$ ) важи  $|z - 1 - i| + \bar{z} = 3 - 2i$ , онда је  $4x - y$  једнако:  
 А) 4      Б) 5      В) 6      Г) 8      Д) 10      II) Пе знам

Шифра задатка: 11222

10. Дат је троугао  $ABC$  са теменима  $A(-1,2)$ ,  $B(1,-3)$ ,  $C(1,2)$ . Једначина праве на којој лежи висина троугла из темена  $C$  је:

А)  $3x - 5y + 7 = 0$     Б)  $y = x + 1$     В)  $y = 2x$     Г)  $x - 5y + 9 = 0$     Д)  $2x - 5y = -8$     II) Не знам

11. Збир решења једначине  $2\cos^2 x - 5\sin x - 4 = 0$  на интервалу  $(0, 2\pi)$  једнак је:

А)  $3\pi$     Б)  $0$     В)  $\frac{7\pi}{6}$     Г)  $\pi$     Д)  $2\pi$     II) Не знам

12. Број целих решења неједначине  $\sqrt{3-x} > x - 1$  која припадају сегменту  $[-18, 18]$  је:

А) 36    Б) 20    В) 18    Г) 2    Д) 0    II) Не знам

13. Ако је  $i^2 = -1$ , онда је  $\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i\right)^{2010}$  једнако:

А)  $\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}$     Б)  $\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}$     В) 1    Г) -1    Д)  $i$     II) Не знам

14. Скуп свих вредности реалног параметра  $m$  за које једначина  $4x^2 - 4(m-2)x + m = 0$  има два различита позитивна решења, једнак је:

А)  $(4, +\infty)$     Б)  $[4, +\infty)$     В)  $[2, +\infty)$     Г)  $(2, +\infty)$     Д)  $(0, +\infty)$     II) Не знам

15. Једнакостранични троугао стране  $a$  ротира око своје стране. Запремина тако насталог ротационог тела једнака је:

А)  $\frac{3\pi\sqrt{3}a^3}{2}$     Б)  $\frac{3\pi\sqrt{3}a^3}{4}$     В)  $\frac{\pi a^3}{4}$     Г)  $\frac{\pi a^3}{8}$     Д)  $\frac{3\pi a^3}{4}$     II) Не знам

16. Скуп свих решења неједначине  $\log_{\frac{1}{3}}(9x-9) < -\log_2(9-3^{x+1})$  једнак је:

А)  $(-\infty, -6) \cup (3, +\infty)$     Б)  $(-\infty, -6)$     В)  $(3, +\infty)$     Г)  $\emptyset$     Д)  $[3, +\infty)$     II) Не знам

17. Збир квадрата решења једначине  $(19 + 6\sqrt{10})^x + (19 - 6\sqrt{10})^x = 38$  је:

А) 0    Б) 2    В) 8    Г) 4    Д) 1    II) Не знам

18. Дате су тачке  $A(3,1)$  и  $B(4,2)$ . Ако је  $C(x,y)$  тачка на параболи  $y = x^2 + 1$  за коју троугао  $ABC$  има најмању површину, онда је  $x + y$  једнако:

А) 3    Б) 1    В) 7    Г)  $\frac{9}{4}$     Д)  $\frac{7}{4}$     II) Не знам

19. Број решења једначине  $\sqrt{\log_x 2x} \log_2 x = \sqrt{6}$  која припадају сегменту  $\left[\frac{1}{8}, 4\right]$  једнак је:

А) 0    Б) 1    В) 2    Г) 3    Д) 4    II) Не знам

20. Број решења једначине  $|4x^2 - 5x| = |x - 2|$  једнак је:

А) 1    Б) 2    В) 3    Г) 4    Д) 5    II) Не знам

## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 22333

Тест има 20 задатака на две стране. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

- 1.** Вредност израза  $\left(\left(\frac{\sqrt{2}}{2} + 1\right)(2 - \sqrt{2})^{-1} - \left(\frac{\sqrt{2}}{2} - 1\right)^{-1}(2 + \sqrt{2})\right)^{-1}$  једнака је:  
 А)  $5\left(\frac{3}{2} - \sqrt{2}\right)$     Б)  $5\left(\frac{3}{2} + \sqrt{2}\right)^{-1}$     В)  $\frac{2}{5}(3 + 2\sqrt{2})$     Г)  $\frac{2}{5}(3 - 2\sqrt{2})$     Д)  $\frac{5}{2}$     Н) Не знам
- 2.** Ако је  $f(x) = 6^x$  и  $g(x) = \frac{1}{3}\log_6 x$ , онда је  $f(g(27) + g(8))$  једнако:  
 А)  $\frac{3}{2}$     Б)  $\frac{27}{8}$     В) 6    Г)  $e^6$     Д)  $e^{3/2}$     Н) Не знам
- 3.** Производ решења квадратне једначине  $\sqrt{2}x^2 - 2\sqrt{2}x + 1 = 0$  једнак је:  
 А)  $\sqrt{2} - 1$     Б)  $\sqrt{2} + 1$     В)  $-\frac{\sqrt{2}}{2}$     Г)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$     Д)  $\sqrt{2}$     Н) Не знам
- 4.** Збир најмање и највеће вредности функције  $f(x) = x^2 - |x + 1| - 1$  на сегменту  $[-2, 2]$  је:  
 А)  $\frac{1}{4}$     Б)  $\frac{1}{2}$     В)  $-\frac{1}{4}$     Г) 1    Д)  $-\frac{9}{4}$     Н) Не знам
- 5.** У круг полупречника  $r$  уписан је једнакокрајичан троугао. Његова површина је:  
 А)  $\frac{r^2\sqrt{3}}{4}$     Б)  $\frac{3r^2\sqrt{3}}{4}$     В)  $\frac{3r^2}{2\sqrt{3}}$     Г)  $\frac{r^2\sqrt{3}}{3}$     Д)  $\frac{3r^2\sqrt{3}}{8}$     Н) Не знам
- 6.** Нека је  $a = \sin 2011^\circ$ ,  $b = \sin 4022^\circ$ ,  $c = \cos 2011^\circ$ ,  $d = \cos 4022^\circ$ . Тада је:  
 А)  $c < a < d < b$     Б)  $a < c < b < d$     В)  $a < c < d < b$     Г)  $c < a < b < d$     Д)  $c < d < a < b$     Н) Не знам
- 7.** Регистарске таблице возила за одређени град садрже два слова наше азбуке која се поклапају са неким од слова енглеске абецде (таквих слова је 12). Колико најмање цифара треба да садрже таблице за тај град да би број регистрованих возила био већи од 1000000 ?  
 А) 2    Б) 3    В) 4    Г) 5    Д) 6    Н) Не знам
- 8.** Збир решења једначине  $\sqrt{2x+2} - \sqrt{x+8} = 1$  једнак је:  
 А) 1    Б) 17    В) 18    Г) 19    Д) 20    Н) Не знам
- 9.** Производ свих комплексних бројева  $z = x + iy$  ( $x, y \in \mathbb{R}$ ,  $i^2 = -1$ ), за које важи једнакост  $|z - 1| + 2z - 1 = 2i$ , једнак је:  
 А)  $1 + i$     Б)  $-\frac{1}{3} + i$     В)  $-\frac{4}{3} + \frac{2}{3}i$     Г) 2    Д)  $\frac{4}{3}i$     Н) Не знам



Шифра задатка: 22333

**10.** Тачке  $A(1, 2)$ ,  $B(1, 4)$ ,  $C(\alpha, \beta)$  су темена једнакостраничног троугла. Ако је  $\alpha < 0$ , онда је  $\alpha + \beta$  једнако:

- A) 2      B)  $4 - \sqrt{3}$       V) 5      Г)  $4 + \sqrt{3}$       Д)  $2 - \sqrt{2}$       H) Не знам

**11.** Број решења једначине  $|\sin x| = \cos 2x$  која припадају интервалу  $[0, 2\pi]$  једнак је:

- A) 6      B) 8      V) 4      Г) 0      Д) 2      H) Не знам

**12.** Полином  $P(x) = x^4 + ax^2 + bx + c$  при дељењу са  $x - 1$  даје остатак 2, при дељењу са  $x + 1$  даје остатак  $-2$ , а при дељењу са  $x - 2$  даје остатак 25. Остатак при дељењу полинома  $P(x)$  полиномом  $x + 2$  једнак је:

- A)  $-12$       B) 12      V)  $-13$       Г) 13      Д) 17      H) Не знам

**13.** Ако је  $i^2 = -1$ , онда је вредност израза  $(1 + i)^{2011} + (1 - i)^{2011}$  једнака:

- A)  $2^{1006}$       B)  $2^{1006}i$       V)  $2^{1006} + 2^{1006}i$       Г)  $-2^{1006}$       Д)  $-2^{1006}i$       H) Не знам

**14.** Број различитих целобројних решења једначине  $\sqrt[4]{|x-2|^{x-3}} = |x-2|^{2x^2-3}$  је:

- A) 0      B) 1      V) 2      Г) 3      Д) 4      H) Не знам

**15.** Нека су  $a_1, a_2, a_3, a_4$  четири узастопна члана геометријског низа. Ако се други члан увећа за 1, а четврти смањи за 5, добијају се четири узастопна члана аритметичког низа. Производ  $a_1 a_2 a_3 a_4$  једнак је:

- A) 128      B) 256      V) 1296      Г) 1024      Д) 5184      H) Не знам

**16.** У лопту полупречника  $R$  уписана је коцка. Запремина коцке је:

- A)  $\frac{8R^3}{3}$       B)  $\frac{2\sqrt{3}R^3}{9}$       V)  $\frac{8\sqrt{3}R^2}{9}$       Г)  $\frac{8\sqrt{3}R^3}{9}$       Д)  $\frac{4\sqrt{3}R^3}{9}$       H) Не знам

**17.** Скуп решења неједначине  $\frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 1} \geq 0$  је подскуп скупа:

- A)  $(1, +\infty)$       B)  $(-\infty, -1) \cup (1, +\infty)$       V)  $[3, +\infty)$       Г)  $(-\infty, 1] \cup [3, +\infty)$       Д)  $[2, +\infty)$       H) Не знам

**18.** Права  $p$  додирује елипсу  $4x^2 + 9y^2 = 72$  у тачки  $(3, 2)$ , а права  $q$  додирује кружницу  $(x-5)^2 + (y-5)^2 = 2$  у тачки  $(4, 4)$ . Праве  $p$  и  $q$  секу координатне осе у тачкама  $A, B, C$  и  $D$ , где  $A$  и  $B$  припадају оси  $Ox$ , а  $C$  и  $D$  оси  $Oy$ . Површина четвороугла  $ABCD$  једнака је:

- A) 10      B) 20      V) 30      Г)  $\frac{39}{2}$       Д)  $\frac{19}{2}$       H) Не знам

**19.** Скуп свих решења неједначине  $(\sqrt{5} + 2)^{x+3} \leq (\sqrt{5} - 2)^{2/x}$  је:

- A)  $(-\infty, -2] \cup [-1, +\infty)$       B)  $(-\infty, -2] \cup [-1, 0)$       V)  $[-2, -1] \cup (0, +\infty)$   
Г)  $(-\infty, -2] \cup (-1, 0)$       Д)  $(-\infty, -2] \cup [0, 1] \cup (2, +\infty)$       H) Не знам

**20.** Скуп свих решења неједначине  $\log_x(4 - x^2) < 2$  је:

- A)  $(\sqrt{2}, 2)$       B)  $(1, \sqrt{2})$       V)  $(0, 1)$   
Г)  $(0, 1) \cup (1, \sqrt{2})$       Д)  $(0, 1) \cup (\sqrt{2}, 2)$       H) Не знам

### Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 32227

Тест има 20 задатака на две стране. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

- 1.** Збир решења једначине  $x^3 - 8x^2 + 5x + 14 = 0$  једнак је:  
 А) –8      Б) 9      В) 10      Г) 6      Д) 8      Н) Не знам
- 2.** Ако је  $f(x) = \sqrt{x}$  и  $g(x) = \log_{1/2} x$ , онда је  $g(f(2))$  једнако:  
 А)  $\frac{2}{3}$       Б)  $\frac{1}{2}$       В) 0      Г)  $-\frac{1}{2}$       Д)  $-\frac{2}{3}$       Н) Не знам
- 3.** Вредност израза  $\frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \frac{1}{4 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 6}$  једнака је:  
 А)  $\frac{1}{2}$       Б)  $\frac{2}{3}$       В)  $\frac{3}{4}$       Г)  $\frac{4}{5}$       Д)  $\frac{5}{6}$       Н) Не знам
- 4.** Ако је  $\cos 2\alpha = \sqrt{\frac{1005}{1006}}$ , онда је  $\sin^4 \alpha + \cos^4 \alpha$  једнако:  
 А)  $\frac{2012}{2013}$       Б)  $\frac{1}{\sqrt{2012}}$       В)  $\frac{2009}{2012}$       Г)  $\sqrt{\frac{2009}{2012}}$       Д)  $\frac{2011}{2012}$       Н) Не знам
- 5.** Око круга полупречника  $r$  описан је правилан шестоугао. Његова површина је:  
 А)  $\frac{3\sqrt{3}}{2}r^2$       Б)  $2r^2\sqrt{3}$       В)  $6r^2\sqrt{3}$       Г)  $\frac{4\sqrt{3}}{3}r^2$       Д)  $\frac{3\sqrt{2}}{2}r^2$       Н) Не знам
- 6.** Најмања вредност функције  $f(x) = |4x - x^2 - 6|$  једнака је:  
 А) –2      Б) 0      В) 2      Г) 4      Д) 6      Н) Не знам
- 7.** Праве  $x + y = -2$ ,  $x + y = 5$ ,  $3x - 4y = 22$  и координатне осе одређују петугао у равни. Његова површина једнака је:  
 А) 30      Б)  $\frac{31}{2}$       В) 33      Г)  $\frac{33}{2}$       Д) 31      Н) Не знам
- 8.** Производ решења једначине  $\sqrt{x+4} + \sqrt{x+20} = \sqrt{8x+24}$  једнак је:  
 А) –10      Б) –2      В) 2      Г) 5      Д) 10      Н) Не знам
- 9.** Ако је  $i^2 = -1$ , онда је вредност израза  $\frac{13(i^{2012} + 2i^{29})}{2 + 3i^7}$  једнака:  
 А)  $-2 + 7i$       Б)  $-4 + 7i$       В)  $-4 - 7i$       Г)  $2 - 7i$       Д)  $7i$       Н) Не знам

Шифра задатка: 32227

10. На колико различитих начина слова речи АРМАТУРА могу да се распореде тако да на првом месту не буде самогласник?

- A) 1480      B) 1680      C) 2520      D) 1260      E) 5040      H) Не знам

11. Број целобројних решења неједначине  $|x^2 - 3x - 1| \leq 3$  једнак је:

- A) 10      B) 7      C) 2      D) 4      E) 6      H) Не знам

12. Ако је полином  $P(x) = x^4 + ax^2 + b$  дељив полиномом  $Q(x) = x^2 - 4x + 4$ , онда је  $3a + 2b$  једнако:

- A) -8      B) -4      C) 4      D) 8      E) 12      H) Не знам

13. Производ свих комплексних бројева  $z = x + iy$  ( $x, y \in \mathbb{R}$ ,  $i^2 = -1$ ), за које важи једнакост  $|z + 2i| - 2\bar{z} = 1 - 6i$ , једнак је:

- A)  $-9 - 4i$       B)  $-9 + 4i$       C)  $-3i$       D)  $3i$       E)  $-9$       H) Не знам

14. Збир квадрата решења једначине  $\left(\frac{2}{3}\right)^{|x|-1} = \log_x x^{2/3}$  је:

- A) 2      B) 1      C) 4      D) 8      E) 5      H) Не знам

15. Нека је  $(a_n)$  аритметички низ. Ако је збир првих шест чланова низа једнак 54, а збир трећег и петог члана 16, онда је  $a_{11}$  једнако:

- A) 12      B) 6      C) 0      D) -6      E) -12      H) Не знам

16. Квадрат странице  $a$  ротира око своје дијагонале. Површина тако насталог ротационог тела једнака је:

- A)  $\pi\sqrt{2}a^3$       B)  $\pi\sqrt{2}a^2$       C)  $2\pi\sqrt{2}a^2$       D)  $\pi a^2$       E)  $2\pi a^2$       H) Не знам

17. Број решења једначине  $\sin x = 1 - x^2$  је:

- A) 0      B) 1      C) 2      D) 3      E) 4      H) Не знам

18. Скуп свих решења неједначине  $\log_{x^2-1}|x| > 0$  је:

- A)  $[-1, 1]$       B)  $(-\infty, -\sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, +\infty)$       C)  $(-\infty, -\sqrt{2}) \cup (-\sqrt{2}, -1) \cup (1, \sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, +\infty)$   
D)  $(-\sqrt{2}, -1) \cup (1, \sqrt{2})$       E) Не знам

19. Решење неједначине  $\frac{1}{\cos x} < \frac{1}{\sin x}$  на интервалу  $(0, 2\pi)$  је:

- A)  $(0, \frac{\pi}{4}) \cup (\frac{\pi}{2}, \pi) \cup (\frac{5\pi}{4}, \frac{3\pi}{2})$       B)  $(\frac{\pi}{2}, \pi)$       C)  $(0, \frac{\pi}{4})$       D)  $(0, \pi)$       E)  $(0, \frac{\pi}{4}) \cup (\frac{\pi}{2}, \pi)$       H) Не знам

20. Праве  $x + y = 1$  и  $x + y = 3$  су тангенте кружнице  $k$ . Ако њен центар  $C(p, q)$  припада правој  $2x - y = 7$  и ако је  $r$  њен полупречник, онда је  $p^2 + q^2 + 2r^2$  једнако:

- A) 10      B) 11      C) 12      D) 2      E) 9      H) Не знам

### Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 99123

Тест има 20 задатака на две стране. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

1. Вредност израза  $(x^2 + x\sqrt{2} + 1)(x^2 - x\sqrt{2} + 1)$  за  $x = \sqrt[4]{2}$  једнака је:  
 А)  $3 + 2\sqrt{2}$       Б)  $3 - 2\sqrt{2}$       В) 1      Г) 2      Д) 3      Н) Не знам
2. Ако је  $\log_3 2 = p$ , онда је  $\log_3 72$  једнак:  
 А)  $2p + 3$       Б)  $3p + 2$       В)  $\frac{1}{2p + 3}$       Г)  $\frac{1}{3p + 2}$       Д)  $\frac{p}{3p + 2}$       Н) Не знам
3. Решење неједначине  $\frac{1}{x} \leq 5$  је скуп облика:  
 А)  $(a, +\infty)$       Б)  $[a, +\infty)$       В)  $(-\infty, a) \cup [b, +\infty)$       Г)  $(a, b)$       Д)  $[a, b)$       Н) Не знам
4. Колико различитих четвороцифрених бројева може да се напише користећи цифре 2, 0, 1, 3 при чему се цифре не понављају?  
 А) 6      Б) 12      В) 18      Г) 24      Д) 48      Н) Не знам
5. У круг полупречника  $r$  уписан је правилан осмоугао. Његова површина једнака је:  
 А)  $4r^2\sqrt{2}$       Б)  $2r^2\sqrt{2}$       В)  $\frac{4}{3}r^2\sqrt{2}$       Г)  $4r\sqrt{2}$       Д)  $2\sqrt{3}r^2$       Н) Не знам
6. Ако је  $\sin 11^\circ = a$ , онда је  $\sin 2013^\circ$  једнак:  
 А)  $3a - 4a^3$       Б)  $3a$       В)  $4a^3$       Г)  $3a^3 - 4a$       Д)  $4a^3 - 3a$       Н) Не знам
7. Тачке  $A(1, 1)$ ,  $B(3, 4)$ ,  $C(4, 6)$  и  $D(a, b)$  су редом темена паралелограма  $ABCD$ . Тада је  $a - b$  једнако:  
 А) 1      Б) 2      В) -1      Г) -2      Д) 0      Н) Не знам
8. Број целобројних решења неједначине  $\sqrt{x^2 - 1} < x + 1$  која припадају сегменту  $[-100, 100]$  једнак је:  
 А) 99      Б) 100      В) 101      Г) 200      Д) 201      Н) Не знам
9. Број комплексних бројева  $z = x + iy$  ( $x, y \in \mathbb{R}$ ), за које важи једнакост  $|z + 3| - \bar{z} = 2 - i$ , једнак је:  
 А) 3      Б) 2      В) 4      Г) 1      Д) 0      Н) Не знам

Шифра задатка: 99123

10. Права  $x + y = 2013$  је тангента параболо  $y = x^2 + 19x + m$ . Тада је  $m$  једнако:

А) 2003      Б) 2103      В) 2013       Г) 2113      Д) 2130      Н) Не знам

11. Збир првих 50 непарних природних бројева је:

А) 1275      Б) 1500       В) 2500      Г) 2550      Д) 2750      Н) Не знам

12. Ако полином  $P(x) = x^4 + ax^3 + x^2 + b$  при дељењу полиномом  $Q(x) = x^2 + 2x$  даје остатак  $R(x) = -2x + 1$ , онда је  $a + b$  једнако:

А) 3      Б) 2      В) 1      Г) -1      Д) -2      Н) Не знам

13. Ако је  $i^2 = -1$ , онда је  $\frac{(1-i)^{11}}{(1+i)^5}$  једнако:

А) 4      Б)  $4i$       В)  $-8i$       Г)  $8i$        Д) 8      Н) Не знам

14. Ако је  $f\left(\frac{x-1}{x+1}\right) = x$ , онда је  $f(f(1/2))$  једнако:

А) 2      Б) 1      В) 0      Г) -1       Д) -2      Н) Не знам

15. Ако је  $(a_n)$  растући геометријски низ, такав да је производ прва три члана 1000, а њихов збир 35, онда је  $a_6$  једнако:

А) 160      Б) 80      В) 180      Г) 80      Д) 100      Н) Не знам

16. У лопту полупречника  $R$  уписан је ваљак чија је висина једнака пречнику основе. Запремина ваљка једнака је:

А)  $\pi R^3 \frac{\sqrt{2}}{2}$       Б)  $\pi R^3 \sqrt{2}$       В)  $\pi R^2 \frac{\sqrt{2}}{2}$       Г)  $\pi R^2 \sqrt{2}$       Д)  $2\pi R^3$       Н) Не знам

17. Број парова природних бројева  $(x, y)$  који су решења једначине  $4^x - 25^y = 39$  је:

А) 0       Б) 1      В) 2      Г) 3      Д) 4      Н) Не знам

18. Скуп свих решења неједначине  $9^{|x-1|} - 9^{|x-2|} < 8 \cdot 3^{|x-1|+|x-2|-1}$  је:

А)  $\left(-\infty, \frac{3}{2}\right)$       Б)  $\left(\frac{3}{2}, 2\right)$       В)  $(-\infty, 0] \cup \left(\frac{3}{2}, 2\right)$        Г)  $(-\infty, 2)$       Д)  $(-\infty, +\infty)$       Н) Не знам

19. Решење неједначине  $\sin x > |\cos 2x|$  на интервалу  $(0, 2\pi)$  је подскуп облика:

А)  $(a, b) \cup (b, c) \cup (d, e)$       Б)  $(a, b)$       В)  $[a, b]$       Г)  $[a, b)$        Д)  $(a, b) \cup (b, c)$       Н) Не знам

20. Скуп свих решења неједначине  $\log_{|x|}(5x^2 - 1) > 2$  је:

А)  $(-\infty, -1) \cup (1, +\infty)$       Б)  $\left(\frac{1}{\sqrt{5}}, \frac{1}{2}\right)$        В)  $(-\infty, -1) \cup \left(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{\sqrt{5}}\right) \cup \left(\frac{1}{\sqrt{5}}, \frac{1}{2}\right) \cup (1, +\infty)$   
Г)  $\left(-\frac{1}{2}, 0\right) \cup \left(0, \frac{1}{2}\right) \cup (1, +\infty)$       Д)  $(-\infty, -1) \cup \left(-\frac{1}{\sqrt{5}}, 0\right) \cup \left(0, \frac{1}{\sqrt{5}}\right)$       Н) Не знам

### Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 12366

Тест има 20 задатака на две странице. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

- 1.** Вредност израза  $\left(\sqrt{6} - \frac{6}{\sqrt{6}+2}\right) : ((\sqrt[4]{3} - \sqrt[4]{2})(\sqrt[4]{3} + \sqrt[4]{2}))$  једнака је:
- A)**  $2\sqrt{3}$       **B)**  $\sqrt{3}$       **V)**  $\sqrt{2}$       **Г)**  $2\sqrt{2}$       **Д)**  $2\sqrt{6}$       **Н)** Не знам
- 2.** Ако је  $x > 0$  и  $f(x) = \log_2 x^2 + 5 \log_2 4x$ , онда је  $f(x) + f\left(\frac{1}{x}\right)$  једнако:
- A)**  $10 \log_2 x$       **B)**  $20 \log_2 x$       **V)** 0      **Г)** 10      **Д)** 20      **Н)** Не знам
- 3.** Решење неједначине  $\frac{1}{x} \leq x$  је скуп облика:
- A)**  $[a, +\infty)$       **B)**  $[a, b)$       **V)**  $(-\infty, a] \cup [b, +\infty)$       **Г)**  $(a, +\infty)$       **Д)**  $[a, b) \cup [c, +\infty)$       **Н)** Не знам
- 4.** Збир решења једначине  $|x^2 + 3x + 2| - 3|x + 2| = 0$  је:
- A)** –6      **Б)** –4      **V)** –2      **Г)** 0      **Д)** 2      **Н)** Не знам
- 5.** Ако је  $(a_n)$  растући аритметички низ,  $a_1 + a_3 + a_5 = -12$  и  $a_1 a_3 a_5 = 80$ , онда је  $a_1$  једнако:
- A)** 10      **B)** 4      **V)** 2      **Г)** –4      **Д)** –10      **Н)** Не знам
- 6.** Скуп решења неједначине  $2 \cdot 25^x - 10^x \leq 10 \cdot 4^x$  садржан је у скупу:
- A)**  $(-\infty, 0)$       **B)**  $(0, \infty)$       **V)**  $(2, \infty)$       **Г)**  $(-\infty, 2)$       **Д)**  $(1, \infty)$       **Н)** Не знам
- 7.** Колико различитих делилаца има број 1200 (укључујући број 1 и сам број 1200)?
- A)** 26      **B)** 28      **В)** 30      **Г)** 32      **Д)** 34      **Н)** Не знам
- 8.** Полином  $P(x) = x^4 + ax^3 + bx$  дељив је полиномом  $Q(x) = x^2 + 4x + 4$ . Остатак при дељењу полинома  $P(x)$  полиномом  $x - 2$  једнак је:
- A)** 33      **B)** 23      **В)** 32      **Г)** –23      **Д)** –32      **Н)** Не знам
- 9.** Збир свих комплексних бројева  $z = x + iy$  ( $x, y \in \mathbb{R}, i^2 = -1$ ), таквих да је  $\bar{z} + |2z + i| = 3 + i$  је:
- A)** –2      **Б)** –2 – 2i      **V)** –2i      **Г)** 2i      **Д)** 2      **Н)** Не знам

Шифра задатка:

**10.** Праве  $y - x = a$  и  $x - y = b$ , где су  $a > 0$  и  $b > 0$  позитивни реални параметри, секу координатне осе редом у тачкама  $A, B, C$  и  $D$ . Ако је површина четвороугла  $ABCD$  једнака 200, онда је  $a + b$  једнако:

А) 10      Б) -20       В) 20      Г) 40      Д) -40      Н) Не знам

**11.** Ако је  $\operatorname{tg} 1007^\circ = m$ , онда је  $\sin 2014^\circ$  једнак:

А)  $\frac{2m}{1+m^2}$       Б)  $\frac{1-m^2}{1+m^2}$       В)  $\frac{1-m^2+m}{1+m^2}$       Г)  $\frac{m^2-1}{1+m^2}$       Д)  $-\frac{2m}{1+m^2}$       Н) Не знам

**12.** Број реалних решења једначине  $\sqrt{2x-3} - \sqrt{x+2} = \sqrt{3-x}$  једнак је:

А) 0      Б) 1      В) 2      Г) 3      Д)  $\infty$       Н) Не знам

**13.** Вредност израза  $1 + i + i^2 + \dots + i^{2014}$ , где је  $i^2 = -1$ , једнака је:

А) 1       Б)  $i$       В) -1      Г)  $-i$       Д)  $1 + i$       Н) Не знам

**14.** Збир квадрата решења једначине  $\log_{x^2} 5 + \log_{x^4} 5 = \frac{3}{2}$  је:

А) 10      Б) 5      В) 0      Г) 25      Д) 100      Н) Не знам

**15.** Правилни шестоугао странеце  $a$  ротира око своје веће дијагонале. Запремина тако насталог ротационог тела једнака је:

А)  $\frac{a^3\sqrt{3}\pi}{3}$       Б)  $\frac{4a^3\sqrt{3}\pi}{3}$       В)  $\frac{4a^3\pi}{3}$        Г)  $a^3\pi$       Д)  $\frac{a^3\pi}{3}$       Н) Не знам

**16.** Збир најмање и највеће вредности функције  $f(x) = |x^2 - 2x| + |-x^2 + 5x - 6|$  на  $[\frac{3}{2}, \frac{5}{2}]$  је:

А) 3      Б) 2      В) 0      Г) 1       Д)  $\frac{3}{2}$       Н) Не знам

**17.** Решење неједначине  $\sin 4x > \cos 2x$  на интервалу  $(0, \pi)$  је:

А)  $(\frac{\pi}{12}, \frac{\pi}{4}) \cup (\frac{5\pi}{12}, \frac{3\pi}{4})$       Б)  $(\frac{\pi}{8}, \frac{5\pi}{12})$       В)  $(\frac{\pi}{8}, \frac{5\pi}{8})$       Г)  $(\frac{\pi}{12}, \frac{\pi}{8}) \cup (\frac{5\pi}{12}, \frac{3\pi}{4})$       Д)  $(\frac{\pi}{12}, \frac{\pi}{8})$       Н) Не знам

**18.** Тачка  $M(x, y)$  на правој  $p: 2x + y + 2 = 0$  најближа је хиперболи  $7x^2 - 4y^2 = 28$ . Тада је  $5y - 5x$  једнако:

А) 20      Б) 25       В) 24      Г) -25      Д) -20      Н) Не знам

**19.** Број решења једначине  $\cos x + |\cos x| = 2 - \frac{2}{\pi}x$  једнак је:

А) 0      Б) 1      В) 2       Г) 3      Д) 5      Н) Не знам

**20.** Дат је троугао  $ABC$  са теменима  $A(0,0)$ ,  $B(4,0)$  и  $C(3,2)$ . У троугао  $ABC$  уписан је правоугаоник  $MNPQ$  максималне површине тако да темена  $M$  и  $N$  леже на оси  $Ox$ . Дужина дијагонале овог правоугаоника једнака је:

А)  $\sqrt{3}$       Б)  $\sqrt{2}$       В)  $\sqrt{6}$        Г)  $\sqrt{5}$       Д) 2      Н) Не знам

## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 44111

Тест има 20 задатака на две странице. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси  $-10\%$  поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се  $-1$  поен.

- 1.** Вредност израза  $\sqrt{\frac{2+\sqrt{3}}{2-\sqrt{3}}} + \sqrt{\frac{2-\sqrt{3}}{2+\sqrt{3}}}$  једнака је:  
 А)  $4\sqrt{3}$       Б) 4      В)  $14\sqrt{3}$       Г) 14      Д)  $4+2\sqrt{3}$       Н) Не знам
- 2.** Ако су  $x_1$  и  $x_2$  решења квадратне једначине  $-x^2 + 2x - p^2 = 0$ , онда је  $x_1^2 + x_2^2$  једнако:  
 А) 4      Б)  $4-p^2$       В)  $4-2p^2$       Г)  $4-p^4$       Д)  $4-2p^4$       Н) Не знам
- 3.** Ако је  $f(x) = \frac{1}{x+1}$  и  $g(x) = \frac{x}{x+2}$ , онда је  $g(f(1))$  једнако:  
 А)  $\frac{1}{2}$       Б)  $\frac{1}{3}$       В)  $\frac{1}{5}$       Г)  $\frac{4}{3}$       Д)  $\frac{5}{3}$       Н) Не знам
- 4.** Ако су  $a$ ,  $b$  и  $c$  међусобно различити реални бројеви, онда је решење неједначине  $\frac{1}{x^3} > 1$  скуп облика:  
 А)  $(a, +\infty)$       Б)  $(-\infty, a)$       В)  $(a, b) \cup (c, +\infty)$       Г)  $(-\infty, a) \cup (b, c)$       Д)  $(a, b)$       Н) Не знам
- 5.** Минимум функције  $f(x) = 2x^2 - 5x + 7$  једнак је:  
 А) 10      Б) 0      В)  $\frac{31}{8}$       Г)  $\frac{31}{4}$       Д)  $\frac{31}{2}$       Н) Не знам
- 6.** Решење неједначине  $\log_x(3x-2) > 2$  је скуп облика: ( $a$ ,  $b$ ,  $c$  и  $d$  су међусобно различити реални бројеви)  
 А)  $(a, b) \cup (b, c)$       Б)  $(a, b) \cup [c, d)$       В)  $(a, b)$       Г)  $(a, b) \cup (c, +\infty)$       Д)  $(-\infty, a) \cup (b, c)$       Н) Не знам
- 7.** Збир решења једначине  $3^{x^2-2x-11} = 11^{x^2-2x-11}$  једнак је:  
 А) 2      Б) 1      В) 0      Г) -2      Д)  $2+\sqrt{3}$       Н) Не знам
- 8.** Ако је полином  $P(x) = ax^4 - x^3 + bx + 2$  дељив полиномом  $Q(x) = x^2 - 4$ , онда је  $8a + b$  једнако:  
 А) 12      Б) 9      В) 6      Г) 3      Д) 0      Н) Не знам
- 9.** Ако комплексан број  $z = x + iy$  задовољава једначину  $|z+2i| - \bar{z} = 2+i$ , онда је  $4x - y$  једнако:  
 А) 6      Б) 5      В) 4      Г) 3      Д) 2      Н) Не знам



Шифра задатка:

**10.** Права  $y = -\frac{x}{2} + 5$  нормална је на праву:

- A)  $y = \frac{x}{2} + 5$     B)  $y = \frac{x}{2} - 5$     B)  $y = -x + 5$       $y = 2x + 3$     Д)  $y = -2x + 5$     Н) Не знам

**11.** Однос запремине лопте описане око дате коцке и запремине лопте уписане у исту коцку једнак је:

- A)  $2\sqrt{2}$     B)  $\sqrt{3}$     B) 2    Г) 3      $3\sqrt{3}$     Н) Не знам

**12.** Број решења једначине  $\sqrt{x+1} + \sqrt{x-2} = 1$  једнак је:

- 0    B) 1    B) 2    Г) 3    Д)  $\infty$     Н) Не знам

**13.** Имагинарни део комплексног броја  $\frac{(1-i)^{2015}}{2-4i}$  једнак је:

- A)  $-\frac{2^{1007}}{5}$     B)  $-\frac{2^{1006}}{5}$     B)  $\frac{3 \cdot 2^{1006}}{5}i$       $\frac{3 \cdot 2^{1006}}{5}$     Д)  $\frac{2^{1006}}{5}i$     Н) Не знам

**14.** Дат је аритметички низ код кога је збир првих 11 чланова једнак 22. Ако је  $a_{12} = 4$ , онда је  $a_6$  једнако:

- A) 16    B) -4    B) 6    Г) -8     2    Н) Не знам

**15.** Полупречник круга  $x^2 - 2x + y^2 - 3 = 0$  једнак је:

- A) 3     2    B) 1    Г)  $\frac{1}{2}$     Д)  $\frac{1}{3}$     Н) Не знам

**16.** Двоцифрених бројева дељивих са 3 има:

- A) 25    B) 24    B) 27     30    Д) 33    Н) Не знам

**17.** Ако је  $\operatorname{tg} x = m$ , онда је  $\cos 2x$  једнако:

- A)  $\frac{m}{\sqrt{m^2+1}}$     B)  $\frac{1+m^2}{1-m^2}$     B)  $\frac{1}{\sqrt{m^2+1}}$     Г)  $\frac{m^2-1}{1+m^2}$       $\frac{1-m^2}{1+m^2}$     Н) Не знам

**18.** Тангенте параболе  $y = x^2$  у тачкама (1,1) и (-2,4) секу се у тачки  $M(a,b)$ . Тада је  $ab$  једнако:

- A) -1     1    B)  $-\frac{1}{2}$     Г)  $\frac{1}{2}$     Д) 2    Н) Не знам

**19.** Збир решења једначине  $\sin x - |\sin x| + \sqrt{2} = 0$  на интервалу  $(-2\pi, 2\pi)$  једнак је:

- A) 0    B)  $\frac{\pi}{4}$     B)  $\frac{3\pi}{4}$       $2\pi$     Д)  $3\pi$     Н) Не знам

**20.** Дата је једначина  $|x^2 - 3x + 2| = a$ . Ова једначина има максималан број решења ако реалан параметар  $a$  припада интервалу:

- A)  $\left(\frac{3}{2}, \frac{7}{4}\right)$     B)  $\left[0, \frac{7}{4}\right)$     B)  $\left(\frac{1}{4}, \frac{7}{4}\right)$     Г)  $\left(\frac{3}{4}, \frac{7}{4}\right)$       $\left(0, \frac{1}{4}\right)$     Н) Не знам

## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 7788

Тест има 20 задатака на две странице. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

- 1.** Вредност израза  $\left(\frac{\sqrt{3}+2}{2-\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{3}-2}{2+\sqrt{3}}\right)^{-2}$  једнака је:
- А)  $4\sqrt{3}$       Б) 14      В)  $\frac{\sqrt{3}}{4}$       Г)  $\frac{1}{192}$       Д)  $\frac{1}{108}$       Н) Не знам
- 2.** Ако је  $f(x) = \sin 2x$  и  $g(x) = x + \pi$ , онда је  $g\left(f\left(-\frac{\pi}{6}\right)\right) - f\left(g\left(-\frac{\pi}{6}\right)\right)$  једнако:
- А)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       Б)  $\frac{1}{2}$       В)  $-\frac{\sqrt{3}}{2}$       Г)  $\pi$       Д)  $\pi - \frac{\sqrt{3}}{2}$       Н) Не знам
- 3.** Решење неједначине  $\frac{1}{x^3} < \frac{1}{x}$  је скуп облика:
- А)  $(-\infty, a)$       Б)  $(a, b)$       В)  $(-\infty, a) \cup (b, +\infty)$       Г)  $(a, +\infty)$       Д)  $(a, b) \cup (c, +\infty)$       Н) Не знам
- 4.** Број целобројних решења неједначине  $\frac{2x-4}{x^2+x-6} \geq 1$  је:
- А) 1      Б) 2      В) 3      Г) 0      Д) бесконачно много      Н) Не знам
- 5.** Збир прва три члана аритметичког низа је 9, а збир првих пет чланова тог низа је 0. Петнаести члан тог низа једнак је:
- А) –30      Б) –33      В) –36      Г) –39      Д) 36      Н) Не знам
- 6.** Збир решења једначине  $15 \cdot 25^x - 34 \cdot 15^x + 15 \cdot 9^x = 0$  једнак је:
- А) 1      Б) –1      В) 0      Г)  $\frac{34}{15}$       Д)  $\frac{5}{3}$       Н) Не знам
- 7.** Колико троцифрених делилаца има број 2016 ?
- А) 10      Б) 16      В) 36      Г) 8      Д) 12      Н) Не знам
- 8.** Полином  $P(x) = x^4 + ax^3 + b$  дељив је полиномом  $Q(x) = x^2 - 1$ . Остатак при дељењу полинома  $P(x)$  полиномом  $x + 2$  једнак је:
- А) 10      Б) 0      В) 15      Г) –5      Д) 12      Н) Не знам
- 9.** Ако је комплексан број  $z = x + iy$  ( $x, y \in \mathbb{R}, i^2 = -1$ ), решење једначине  $|z + 2i| - \bar{z} = 1 + 3i$ , онда је  $x - 4y$  једнако:
- А) 12      Б) –4      В) 3      Г) 4      Д) 0      Н) Не знам

Шифра задатка:

**10.** Праве  $32x - y - 64 = 0$  и  $16x - y + 80 = 0$  секу се у тачки  $M(a, b)$ . Тада је  $a \cdot b$  једнако:

A) 224       2016      B) 9      Г) 234      Д) 1008      H) Не знам

**11.** Ако је  $a = \sin 2016^\circ$  и  $b = \cos 2016^\circ$ , онда је:

$b - a < 0$       B)  $ab < 0$       B)  $a + b > 0$       Г)  $-a - b > 3$       Д)  $a + b > 1$       H) Не знам

**12.** Број реалних решења једначине  $\sqrt{x+2} = -x$  једнак је:

A) 0       1      B) 2      Г) 3      Д) 4      H) Не знам

**13.** Вредност израза  $\left(\frac{1-i\sqrt{3}}{1-i}\right)^{2016}$  једнака је:

A)  $2^{2016}$       B)  $2^{2016}i$       B)  $2^{2016}(1+i)$         $2^{1008}$       Д)  $2^{1008}(1+i)$       H) Не знам

**14.** Производ реалних решења једначине  $6 \log_{64} x + 6 \log_x 64 = 13$  је:

8192      B) 1008      B) 2016      Г) 512      Д) 16      H) Не знам

**15.** Троугао чије су странице једнаке  $a = 21$  cm,  $b = 17$  cm и  $c = 10$  cm ротира око странице  $a$ . Запремина тако насталог ротационог тела једнака је:

A)  $\frac{4\pi}{3}$       B)  $\frac{268\pi}{3}$       B)  $\frac{64\pi}{3}$         $448\pi$       Д)  $\frac{112\pi}{3}$       H) Не знам

**16.** Збир решења једначине  $|2x - 3| = x$  једнак је:

4      B) 3      B) 1      Г) 0      Д) 2      H) Не знам

**17.** Збир најмање и највеће вредности функције  $f(x) = 2x - x^2$  на сегменту  $[-1, 2]$  износи:

A) 1      B) 3      B) -3      Г) 0       -2      H) Не знам

**18.** Дате су параболе  $y = -x^2 - 1$  и  $x = -y^2 + 2y - 3$ . Права  $p$  која пролази кроз темена датих парабол сече координатне осе у тачкама  $A$  и  $B$ . Ако је  $O$  координатни почетак, онда је дужина висине троугла  $OAB$  из темена  $O$  једнака:

$\frac{\sqrt{2}}{2}$       B)  $\frac{1}{2}$       B)  $\sqrt{2}$       Г) 1      Д)  $\frac{3}{2}$       H) Не знам

**19.** Збир решења једначине  $\sin 2x = |\cos 2x|$  на интервалу  $(0, \pi)$  једнак је:

A)  $\frac{5\pi}{8}$       B)  $\pi$       B)  $2\pi$       Г)  $\frac{3\pi}{2}$         $\frac{\pi}{2}$       H) Не знам

**20.** Вредност израза  $\frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \dots + \frac{1}{2016 \cdot 2017}$  једнака је:

A)  $\frac{2015}{2016}$         $\frac{2016}{2017}$       B)  $\frac{1}{2016}$       Г)  $\frac{2016}{2015}$       Д)  $\frac{2017}{2016}$       H) Не знам

1. Вредност израза  $\left(\frac{\sqrt{3}+2}{2-\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{3}-2}{2+\sqrt{3}}\right)^{-2}$  једнака је:

**Решење** Непосредним рачуном добија се:

$$\left(\frac{\sqrt{3}+2}{2-\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{3}-2}{2+\sqrt{3}}\right)^{-2} = \left(\frac{(\sqrt{3}+2)^2 - (\sqrt{3}-2)^2}{4-3}\right)^{-2} = (8\sqrt{3})^{-2} = \frac{1}{(8\sqrt{3})^2} = \frac{1}{192}.$$

2. Ако је  $f(x) = \sin 2x$  и  $g(x) = x + \pi$ , онда је  $g\left(f\left(-\frac{\pi}{6}\right)\right) - f\left(g\left(-\frac{\pi}{6}\right)\right)$  једнако:

**Решење** За свако реално  $x$ , посебно и за  $x = -\frac{\pi}{6}$ , важи једнакост

$$g(f(x)) - f(g(x)) = g(\sin 2x) - f(x + \pi) = \sin 2x + \pi - \sin(2x + 2\pi) = \sin 2x + \pi - \sin 2x = \pi.$$

3. Решење неједначине  $\frac{1}{x^3} < \frac{1}{x}$  је скуп облика:

**Решење** Имамо следећи низ еквиваленција:

$$\begin{aligned} \frac{1}{x^3} < \frac{1}{x} &\iff \frac{1}{x^3} - \frac{1}{x} < 0 \iff \frac{1-x^2}{x^3} < 0 \\ &\iff (1-x^2 > 0 \wedge x^3 < 0) \vee (1-x^2 < 0 \wedge x^3 > 0) \\ &\iff (x^2 < 1 \wedge x < 0) \vee (x^2 > 1 \wedge x > 0) \\ &\iff x \in (-1, 0) \vee x \in (1, +\infty) \iff x \in (-1, 0) \cup (1, +\infty). \end{aligned}$$

4. Број целобројних решења неједначине  $\frac{2x-4}{x^2+x-6} \geq 1$  је:

**Решење** Неједначина је дефинисана за  $x^2 + x - 6 \neq 0$ , односно  $x \neq 2$  и  $x \neq -3$ . Даље је

$$\begin{aligned} \frac{2x-4}{x^2+x-6} \geq 1 &\iff \frac{2x-4}{x^2+x-6} - 1 \geq 0 \iff \frac{2x-4-x^2-x+6}{x^2+x-6} \geq 0 \\ &\iff \frac{-x^2+x+2}{x^2+x-6} \geq 0 \iff \frac{x^2-x-2}{x^2+x-6} \leq 0 \iff \frac{(x-2)(x+1)}{(x-2)(x+3)} \leq 0 \\ &\iff \frac{x+1}{x+3} \leq 0 \iff x \in (-3, -1]. \text{ Једина целобројна решења су } x = -2 \text{ и } x = -1. \end{aligned}$$

5. Збир прва три члана аритметичког низа је 9, а збир првих пет чланова тог низа је 0. Петнаести члан тог низа једнак је:

**Решење** Општи члан аритметичког низа има облик  $a_n = a_1 + (n-1)d$ , па из датих услова добијамо систем једначина

$$\begin{aligned} 3a_1 + 3d &= 9 &\iff a_1 + d &= 3 &\iff a_1 + d &= 3 &\iff a_1 &= 6 \\ 5a_1 + 10d &= 0 &\iff a_1 + 2d &= 0 &\iff d &= -3 &\iff d &= -3. \end{aligned}$$

Одавде добијамо  $a_{15} = a_1 + 14d = 6 - 42 = -36$ .

6. Збир решења једначине  $15 \cdot 25^x - 34 \cdot 15^x + 15 \cdot 9^x = 0$  једнак је:

**Решење** Напишимо једначину у облику  $15 \cdot 5^{2x} - 34 \cdot 3^x 5^x + 15 \cdot 3^{2x} = 0$  и поделимо је са  $3^{2x}$ . Добијамо еквивалентну једначину

$$15 \cdot \left(\frac{5}{3}\right)^{2x} - 34 \cdot \left(\frac{5}{3}\right)^x + 15 = 0, \text{ која се сменом } \left(\frac{5}{3}\right)^x = t, \text{ где је } t > 0,$$

своди на квадратну једначину  $15t^2 - 34t + 15 = 0$ . Оба решења квадратне једначине  $t_1 = \frac{5}{3}$  и  $t_2 = \frac{3}{5} = \left(\frac{5}{3}\right)^{-1}$  задовољавају услов  $t > 0$ . Стога ће полазна експоненцијална једначина имати два решења  $x_1 = 1$  и  $x_2 = -1$ , па је тражени збир  $x_1 + x_2 = 0$ .

**7.** Колико троцифрених делилаца има број 2016 ?

Факторишемо најпре број 2016 на просте факторе. Имамо:

$$2016 = 2 \cdot 1008 = 2^2 \cdot 504 = 2^3 \cdot 252 = 2^4 \cdot 126 = 2^5 \cdot 63 = 2^5 \cdot 3^2 \cdot 7^1.$$

Из ове факторизације видимо да су сви делиоци броја 2016 облика

$$2^m \cdot 3^n \cdot 7^p, \text{ где је } 0 \leq m \leq 5, 0 \leq n \leq 2, 0 \leq p \leq 1.$$

Дакле, постоји укупно 36 делилаца броја 2016, укључујући 1 и сам број 2016. Како се траже само троцифрени делиоци, најсигурније је проверити који од њих испуњавају ову особину. Након провере видимо да су то бројеви:  $126 = 2^1 \cdot 3^2 \cdot 7$ ,  $252 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 7$ ,  $504 = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 7$ ,  $168 = 2^3 \cdot 3^1 \cdot 7$ ,  $336 = 2^4 \cdot 3^1 \cdot 7$ ,  $672 = 2^5 \cdot 3^1 \cdot 7$ ,  $144 = 2^4 \cdot 3^2 \cdot 7^0$ ,  $288 = 2^5 \cdot 3^2 \cdot 7^0$ ,  $112 = 2^4 \cdot 3^0 \cdot 7^1$  и  $224 = 2^5 \cdot 3^0 \cdot 7^1$  и има их укупно 10.

**8.** Полином  $P(x) = x^4 + ax^3 + b$  дељив је полиномом  $Q(x) = x^2 - 1$ . Остатак при дељењу полинома  $P(x)$  полиномом  $x + 2$  једнак је:

**Решење** Како полином  $Q(x) = (x - 1)(x + 1)$  дели полином  $P(x)$ , то његове нуле морају бити и нуле полинома  $P(x)$ , тј. мора да важи  $P(1) = 0$  и  $P(-1) = 0$ . Заменом ових вредности у полином  $P(x)$  добијамо систем једначина:

$$\begin{aligned} 1 + a + b = 0 &\iff a + b = -1 &\iff a + b = -1 &\iff a = 0 \\ 1 - a + b = 0 &\iff a - b = 1 &\iff 2a = 0 &\iff b = -1. \end{aligned}$$

Ако сада вратимо добијене коефицијенте у полином  $P(x)$ , добијамо  $P(x) = x^4 - 1$ . Остало је да применимо Безуову теорему. Остатак при дељењу полинома  $P(x)$  полиномом  $x + 2$  једнак је  $P(-2)$ :

$$P(-2) = (-2)^4 - 1 = 16 - 1 = 15.$$

**9.** Ако је комплексан број  $z = x + iy$  ( $x, y \in \mathbb{R}, i^2 = -1$ ), решење једначине  $|z + 2i| - \bar{z} = 1 + 3i$ , онда је  $x - 4y$  једнако:

**Решење** Ако је  $z = x + iy$ , из датих услова добијамо једначину

$$|x + i(y + 2)| - (x - iy) = 1 + 3i \iff \sqrt{x^2 + (y + 2)^2} - x + iy = 1 + 3i.$$

Ако изједначимо реалне и имагинарне делове добиће се систем једначина

$$\begin{aligned} \sqrt{x^2 + (y + 2)^2} - x = 1 &\iff \sqrt{x^2 + 25} = x + 1 &\iff x = 12 \\ y = 3 &\iff y = 3 &\iff y = 3. \end{aligned}$$

Једино решење једначине је комплексан број  $z = 12 + 3i$ . Тада је  $x - 4y = 12 - 4 \cdot 3 = 0$ .

**10.** Праве  $32x - y - 64 = 0$  и  $16x - y + 80 = 0$  секу се у тачки  $M(a, b)$ . Тада је  $a \cdot b$  једнако:

**Решење** Да би одредили координате пресечне тачке  $M(a, b)$  потребно је само решити систем једначина:

$$\begin{aligned} 32a - b = 64 &\iff 32a - b = 64 &\iff a = 9 \\ 16a - b = -80 &\iff 16a = 144 &\iff b = 224. \end{aligned}$$

Праве се секу у тачки  $M(9, 224)$ . Тада је  $a \cdot b = 9 \cdot 224 = 2016$ .

**11.** Ако је  $a = \sin 2016^\circ$  и  $b = \cos 2016^\circ$ , онда је:

**Решење** Користимо периодичност тригонометријских функција  $x \mapsto \sin x$  и  $x \mapsto \cos x$ . Обе функције су периодичне са основним периодом  $2\pi$ . Такође важи:  $\sin(\pi + x) = -\sin x$  и  $\cos(x + \pi) = -\cos x$ . На тај начин добијамо:

$$\begin{aligned}a &= \sin 2016^\circ = \sin(11 \cdot 180^\circ + 36^\circ) = \sin(11\pi + 36^\circ) = \sin(\pi + 36^\circ) = -\sin 36^\circ, \\b &= \cos 2016^\circ = \cos(11 \cdot 180^\circ + 36^\circ) = \cos(11\pi + 36^\circ) = \cos(\pi + 36^\circ) = -\cos 36^\circ.\end{aligned}$$

Како је  $0 < \sin 36^\circ < \cos 36^\circ$ , што се лако може видети на тригонометријској кружници, то је  $-\sin 36^\circ > -\cos 36^\circ$ , односно  $a > b$ , што је еквивалентно са  $b - a < 0$ .

**12.** Број реалних решења једначине  $\sqrt{x+2} = -x$  једнак је:

**Решење** Стандардним поступком за решавање корене једначине добијамо:

$$\begin{aligned}\sqrt{x+2} = -x &\iff x+2 \geq 0 \wedge -x \geq 0 \wedge x+2 = (-x)^2 \\&\iff x \geq -2 \wedge x \leq 0 \wedge x^2 - x - 2 = 0 \\&\iff -2 \leq x \leq 0 \wedge (x = -1 \vee x = 2) \iff x = -1.\end{aligned}$$

Дакле, једначина има само једно реално решење.

**13.** Вредност израза  $\left(\frac{1-i\sqrt{3}}{1-i}\right)^{2016}$  једнака је:

**Решење** Користићемо познате једнакости  $(1-i\sqrt{3})^3 = -8$  и  $(1-i\sqrt{3})^2 = -2i$ . Имамо

$$\begin{aligned}(1-i\sqrt{3})^{2016} &= \left((1-i\sqrt{3})^3\right)^{672} = (-8)^{672} = (-1)^{672}(2^3)^{672} = 1 \cdot 2^{3 \cdot 672} = 2^{2016} \\(1-i)^{2016} &= \left((1-i)^2\right)^{1008} = (-2i)^{1008} = (-1)^{1008} 2^{1008} i^{1008} = 1 \cdot 2^{1008} \cdot 1 = 2^{1008}.\end{aligned}$$

Тражена вредност израза једнака је  $2^{2016}/2^{1008} = 2^{1008}$ .

**14.** Производ реалних решења једначине  $6 \log_{64} x + 6 \log_x 64 = 13$  је:

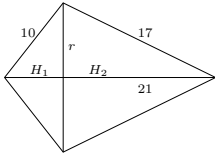
**Решење** Једначина је дефинисана за  $x > 0$  и  $x \neq 1$ . Користећи се познатим особинама логаритама, увођењем смене  $\log_2 x = t$  добијамо:

$$\begin{aligned}6 \log_{64} x + 6 \log_x 64 = 13 &\iff 6 \log_{2^6} x + 6 \log_x 2^6 = 13 \iff 6 \cdot \frac{1}{6} \log_2 x + 6 \cdot \log_x 2 = 13 \\&\iff \log_2 x + 36 \log_x 2 = 13 \iff t + \frac{36}{t} = 13 \iff t^2 - 13t + 36 = 0 \\&\iff (t-4)(t-9) = 0 \iff t = 4 \vee t = 9 \\&\iff \log_2 x = 4 \vee \log_2 x = 9 \iff x = 2^4 \vee x = 2^9.\end{aligned}$$

Производ решења једначине једнак је  $2^4 \cdot 2^9 = 2^{13} = 8192$ .

15. Троугао чије су странице једнаке  $a = 21$  cm,  $b = 17$  cm и  $c = 10$  cm ротира око странице  $a$ . Запремина тако насталог ротационог тела једнака је:

### Решење



Ротацијом троугла око странице  $a$  настаје тело које се састоји од две купе са истом базом и различитим висинама  $H_1$  и  $H_2$ , где је  $H_1 + H_2 = a = 21$ . Стога је запремина добијеног тела једнака

$$V = V_1 + V_2 = \frac{BH_1}{3} + \frac{BH_2}{3} = \frac{B(H_1 + H_2)}{3} = \frac{21B}{3} = 7r^2\pi.$$

Треба дакле одредити полупречник  $r$  који је заправо једнак висини троугла која одговара страници  $a$ . Како су познате све странице у троуглу његов полудобим једнак је  $s = \frac{a+b+c}{2} = 24$ , па је из Хероновог образаца површина троугла једнака  $P = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)} = 84$ . Како је  $P = \frac{ah_a}{2} = \frac{ar}{2}$ , биће  $r = \frac{2P}{a} = \frac{168}{21} = 8$  и  $V = 7r^2\pi = 448\pi$ .

16. Збир решења једначине  $|2x - 3| = x$  једнак је:

**Решење** Како је  $|2x - 3| = \begin{cases} 2x - 3 & x \geq 3/2 \\ 3 - 2x & x < 3/2 \end{cases}$ , дата једначина је еквивалентна са:

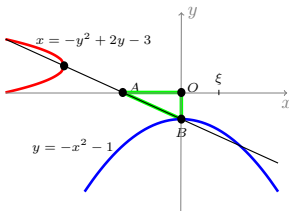
$$\left(2x - 3 = x \wedge x \geq \frac{3}{2}\right) \vee \left(3 - 2x = x \wedge x < \frac{3}{2}\right) \iff x_1 = 3 \vee x_2 = 1 \implies x_1 + x_2 = 4.$$

17. Збир најмање и највеће вредности функције  $f(x) = 2x - x^2$  на сегменту  $[-1, 2]$  износи:

**Решење** У питању је квадратна функција  $x \mapsto f(x)$  која локални максимум достиже у свом темену. Како је  $-\frac{b}{2a} = 1$ , то је вредност у темену  $f(1) = 1$ . Вредности на крајевима одсечка једнаке су  $f(-1) = -3$  и  $f(2) = 0$ . На тај начин, најмања вредност функције на датом одсечку је  $-3$  а највећа 1, па је  $-3 + 1 = -2$ .

18. Дате су параболе  $y = -x^2 - 1$  и  $x = -y^2 + 2y - 3$ . Права  $p$  која пролази кроз темена датих параболо сече координатне осе у тачкама  $A$  и  $B$ . Ако је  $O$  координатни почетак, онда је дужина висине троугла  $OAB$  из темена  $O$  једнака:

### Решење



Теме параболо  $y = -x^2 - 1$  је тачка  $(-1, 0)$  а теме друге параболо је тачка  $(-2, 1)$ . Једначина праве  $p$  кроз две тачке гласи:

$$\frac{y - y_1}{y_2 - y_1} = \frac{x - x_1}{x_2 - x_1}, \text{ у нашем случају } \frac{y + 1}{1 + 1} = \frac{x - 0}{-2 - 0}.$$

Одавде је  $p: y = -x - 1$ . Права  $p$  сече координатне осе у тачкама  $A(-1, 0)$  и  $B(0, -1)$ . Троугао  $OAB$  је правоугли, површине  $P = \frac{1 \cdot 1}{2} = \frac{1}{2}$  и дужине хипотенузе  $|AB| = \sqrt{2}$ , па је дужина тражена висина  $H = \frac{2P}{|AB|} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ .

**19.** Збир решења једначине  $\sin 2x = |\cos 2x|$  на интервалу  $(0, \pi)$  једнак је:

**Решење** Најпре се треба ослободити апсолутне вредности. Посматрамо знак функције  $\cos 2x$  на интервалу  $(0, \pi)$  и видимо да је негативна за  $\frac{\pi}{4} < x < \frac{3\pi}{4}$ . Стога је:

$$|\cos 2x| = \begin{cases} \cos 2x, & \cos 2x \geq 0 \\ -\cos 2x, & \cos 2x < 0 \end{cases} = \begin{cases} \cos 2x, & x \in (0, \frac{\pi}{4}] \cup [\frac{3\pi}{4}, \pi) \\ -\cos 2x, & x \in (\frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}). \end{cases}$$

Имаћемо стога два случаја. У оба случаја користићемо познате тригонометријске идентите

$$\sin \alpha + \cos \alpha = \sqrt{2} \sin \left( \alpha + \frac{\pi}{4} \right), \quad \sin \alpha - \cos \alpha = \sqrt{2} \sin \left( \alpha - \frac{\pi}{4} \right).$$

- $x \in (0, \frac{\pi}{4}] \cup [\frac{3\pi}{4}, \pi)$ .

$$\begin{aligned} \sin 2x = |\cos 2x| &\iff \sin 2x = \cos 2x \iff \sin 2x - \cos 2x = 0 \iff \sqrt{2} \sin \left( 2x - \frac{\pi}{4} \right) = 0 \\ &\iff 2x - \frac{\pi}{4} = k\pi \iff x = \frac{\pi}{8} + \frac{k\pi}{2}, \quad k \in \mathbb{Z}. \end{aligned}$$

Једино решење овог облика из скупа  $(0, \frac{\pi}{4}] \cup [\frac{3\pi}{4}, \pi)$  добија се за  $k = 0$  и једнако је  $x_1 = \frac{\pi}{8}$ .

- $x \in (\frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4})$ .

$$\begin{aligned} \sin 2x = |\cos 2x| &\iff \sin 2x = -\cos 2x \iff \sin 2x + \cos 2x = 0 \iff \sqrt{2} \sin \left( 2x + \frac{\pi}{4} \right) = 0 \\ &\iff 2x + \frac{\pi}{4} = k\pi \iff x = -\frac{\pi}{8} + \frac{k\pi}{2}, \quad k \in \mathbb{Z}. \end{aligned}$$

Једино решење на овом интервалу добија се за  $k = 1$  и једнако је  $x_2 = \frac{3\pi}{8}$ . Збир решења једначине на интервалу  $(0, \pi)$  једнак је  $x_1 + x_2 = \frac{\pi}{8} + \frac{3\pi}{8} = \frac{\pi}{2}$ .

**20.** Вредност израза  $\frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \dots + \frac{1}{2016 \cdot 2017}$  једнака је:

**Решење** Тражени збир се може лако израчунати ако приметимо да је сваки сабирак облика  $\frac{1}{k(k+1)}$ , где  $k = 1, 2, \dots, 2017$ , те да се он може представити у облику:

$$\frac{1}{k(k+1)} = \frac{1}{k} - \frac{1}{k+1}.$$

Ако тражени збир означимо са  $S$ , на тај начин добијамо

$$S = \frac{1}{1} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{2015} - \frac{1}{2016} + \frac{1}{2016} - \frac{1}{2017} = 1 - \frac{1}{2017} = \frac{2016}{2017}.$$



## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 50111

Тест има 20 задатака на две стране. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

- 1.** Вредност израза  $\frac{1}{(\sqrt{7}-\sqrt{5})^2} + \frac{1}{(\sqrt{7}+\sqrt{5})^2}$  једнака је:  
 А) 2                    Б) 4                    В) 6                    Г) 12                    Д) 24                    Н) Не знам
- 2.** Ако је  $\log_2 5 = a$  и  $\log_2 7 = b$ , онда је  $\log_{35} 16$  једнак:  
 А)  $2(a+b)$             Б)  $4(a+b)$             В)  $\frac{4}{a} + \frac{4}{b}$             Г)  $\frac{1}{a+b}$             Д)  $\frac{4}{a+b}$             Н) Не знам
- 3.** Ако је  $f\left(\frac{x+1}{2x-1}\right) = x$ , онда је  $f(2)$  једнако:  
А) 1                    Б) 2                    В)  $\frac{1}{2}$                     Г)  $\frac{1}{3}$                     Д)  $\frac{1}{4}$                     Н) Не знам
- 4.** Ако су  $x_1$  и  $x_2$  решења једначине  $x^2 + \sqrt[3]{3}x + \sqrt[3]{2} = 0$ , онда је  $\left(\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}\right)^3$  једнако:  
 А)  $\frac{3}{2}$                     Б)  $-\frac{3}{2}$                     В) –3                    Г) 3                    Д)  $\frac{2}{3}$                     Н) Не знам
- 5.** Производ решења једначине  $9^x - 4 \cdot 3^{x+1} + 27 = 0$  је:  
А) 2                    Б) 3                    В) –3                    Г) 9                    Д) 27                    Н) Не знам
- 6.** Ако је  $(a_n)$  аритметички низ, такав да је  $a_2 + a_5 = 8$  и  $a_3 + a_7 = 32$ , онда је  $a_4$  једнако:  
 А) –16                    Б) –8                    В) 0                    Г) 8                    Д) 16                    Н) Не знам
- 7.** Скуп решења неједначине  $\sqrt{x^2 + 7x + 10} > x - 1$  је облика:  
А)  $(-\infty, a] \cup [b, \infty)$     Б)  $(-\infty, a]$     В)  $[b, \infty)$     Г)  $[a, b)$     Д)  $(-\infty, a) \cup (b, c)$     Н) Не знам
- 8.** Иван има 17 голубова високолетача, 7 мужјака и 10 женки. На колико начина може да направи екипу за такмичење, ако екипу чине 2 мужјака и 3 женке?  
А) 2520                    Б) 2550                    В) 2250                    Г) 2220                    Д) 2200                    Н) Не знам
- 9.** Полином  $P(x) = x^4 + ax^2 + 4x + b$  је дељив полиномом  $Q(x) = x^2 + 2x + 1$ . Онда је  $4a + b$  једнако:  
 А) 6                    Б) 5                    В) 4                    Г) 3                    Д) 2                    Н) Не знам

Шифра задатка:

**10.** Ако је  $z = x + iy$  комплексан број такав да је  $\bar{z} - 1 + |z - i| = 2i$ , онда је  $xy$  једнако:

А) 1                      Б) 2                      В) 4                      Г) 6                       Д) 8                      Н) Не знам

**11.** Права  $2x - 7y = 5$  је паралелна правој:

А)  $2x + 7y = 5$     Б)  $4x - 14y = 1$    В)  $7x - 2y = 5$    Г)  $14x + 4y = 1$    Д)  $7x + 2y = 5$    Н) Не знам

**12.** Број решења једначине  $\sin 2x = \sqrt{2}$  која припадају интервалу  $(0, 2\pi)$  једнак је:

А) 0                      Б) 1                      В) 2                      Г) 3                      Д) 4                      Н) Не знам

**13.**  $\sin^2 \frac{\pi}{8}$  је једнако:

А)  $\frac{1}{2}$                       Б)  $\frac{2 + \sqrt{2}}{2}$                       В)  $\frac{2 - \sqrt{2}}{2}$                       Г)  $\frac{2 + \sqrt{2}}{4}$                        Д)  $\frac{2 - \sqrt{2}}{4}$                       Н) Не знам

**14.** Имагинарни део комплексног броја  $\frac{3 + 2i}{(1 - i)^5}$  једнак је:

А)  $\frac{7}{8}i$                       Б)  $\frac{7}{8}$                       В)  $-\frac{7}{8}$                       Г)  $\frac{5}{8}$                        Д)  $-\frac{5}{8}$                       Н) Не знам

**15.** Сума првих 50 парних природних бројева је:

А) 2500                      Б) 2525                       В) 2550                      Г) 5000                      Д) 5050                      Н) Не знам

**16.** Правилни шестоугао странице  $a = 4$  ротира око своје веће дијагонале. Површина тако насталог тела је:

А)  $24\sqrt{3}\pi$                       Б)  $24\sqrt{2}\pi$                        В)  $32\sqrt{3}\pi$                       Г)  $32\sqrt{2}\pi$                       Д)  $32\pi$                       Н) Не знам

**17.** Скуп решења неједначине  $|x^2 + 6x - 13| < 3$  је скуп облика:

А)  $(-\infty, a)$                       Б)  $(a, \infty)$                       В)  $(a, b)$                        Г)  $(a, b) \cup (c, d)$                       Д)  $(a, b) \cup (c, \infty)$                       Н) Не знам

**18.** Дати су елипса  $3x^2 + 4y^2 = 7$  и права  $3x + 4y = 8$ . Ако је  $A$  тачка елипсе најближа правој, онда је њено растојање од праве једнако:

А) 3                       Б)  $\frac{1}{5}$                       В)  $\frac{3}{5}$                       Г)  $\frac{4}{5}$                       Д)  $\frac{7}{5}$                       Н) Не знам

**19.** Скуп решења неједначине  $\log_x(6 - x) < 2$  је облика:

А)  $(a, b) \cup (c, \infty)$                       Б)  $(-\infty, a)$                       В)  $(b, \infty)$                       Г)  $(a, b)$                        Д)  $(a, b) \cup (c, d)$                       Н) Не знам

**20.** Збир решења једначине  $\operatorname{tg}\left(x + \frac{\pi}{3}\right) - \operatorname{ctg} x = 0$  која припадају интервалу  $(0, 2\pi)$  једнак је:

А)  $\pi$                       Б)  $2\pi$                       В)  $\frac{8\pi}{3}$                        Г)  $\frac{10\pi}{3}$                       Д)  $3\pi$                       Н) Не знам

## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 1122

Тест има 20 задатака на две странице. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

- 1.** Вредност израза  $\frac{1}{1 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 7} + \frac{1}{7 \cdot 9}$  једнака је:
- А)  $\frac{1}{9}$       Б)  $\frac{5}{11}$       В)  $\frac{4}{9}$       Г)  $\frac{10}{11}$       Д)  $\frac{5}{7}$       Н) Не знам
- 2.** Ако је  $f(x) = \sqrt{x+1}$  и  $g(x) = \sqrt{x-1}$ , онда је  $(g \circ f)(24) + (f \circ g)(1)$  једнако:
- А) –1      Б) 3      В) 1      Г) 4      Д) 2      Н) Не знам
- 3.** Ако су  $x_1$  и  $x_2$  решења квадратне једначине  $x^2 - x + 1 = 0$ , онда је  $x_1^3 + x_2^3$  једнако:
- А) 2      Б) –2      В) 0      Г) 3      Д) –3      Н) Не знам
- 4.** Колико целобројних решења има неједначина  $\frac{x^2 - 2x + 2}{x^2 + 4x} \geq 0$ ?
- А) 1      Б) 2      В) бесконачно много      Г) 0 Д) 3      Н) Не знам
- 5.** Ако је у геометријском низу збир првог и другог члана једнак 4, а збир четвртог и петог члана једнак 108, онда је седми члан овог низа једнак:
- А) 216      Б) 128      В) 81      Г) 729      Д) 243      Н) Не знам
- 6.** Збир решења једначине  $9^x - 12 \cdot 3^x + 27 = 0$  једнак је:
- А) 3      Б) 2      В) 0      Г) 7      Д) 5      Н) Не знам
- 7.** На Светском првенству у фудбалу 32 екипе подељене су у 8 група од по 4 екипе. У првом кругу свака екипа игра против сваке екипе из своје групе. Укупан број одиграних утакмица у првом кругу једнак је:
- А) 92      Б) 96      В) 24      Г) 72      Д) 48      Н) Не знам
- 8.** Полином  $P(x) = x^4 + ax^3 + b$  дељив је полиномом  $Q(x) = x^2 + 1$ . Остатак при дељењу полинома  $P(x)$  полиномом  $x + 1$  једнак је:
- А) 10      Б) –50      В) 80      Г) 0      Д) –10      Н) Не знам
- 9.** Ако је  $z = x + iy$  ( $x, y \in \mathbb{R}, i^2 = -1$ ), производ решења једначине  $|z| + i\bar{z} = z + 2 - i$  једнак је:
- А) 1      Б)  $-1 + i$       В)  $-i$       Г) –1      Д)  $i$       Н) Не знам

Шифра задатка: 1122

**10.** Једначина кружнице  $k$  која додирује  $x$ -осу и чији је центар тачка  $(0, 1)$  гласи:

А)  $x^2 + y^2 = y$     Б)  $x^2 + y^2 = 2$     В)  $x^2 + y^2 = x$     Г)  $x^2 + y^2 = 2y$     Д)  $x^2 + y^2 = 2x$     Н) Не знам

**11.** Збир решења једначине  $2 \cos^2 x + 3 \sin x = 0$  на интервалу  $(0, 2\pi)$  једнак је:

А)  $\pi$     Б)  $2\pi$     В)  $3\pi$     Г)  $0$     Д)  $4\pi$     Н) Не знам

**12.** Решење неједначине  $\sqrt{2x+4} < x-2$  је скуп:

А)  $(-\infty, 0) \cup (6, +\infty)$     Б)  $(-\infty, -2)$     В)  $(-1, 0) \cup (4, +\infty)$     Г)  $(4, +\infty)$     Д)  $(6, +\infty)$     Н) Не знам

**13.** Количник имагинарног и реалног дела комплексног броја  $(1 - i\sqrt{3})^{2018}$  једнак је:

А)  $-2^{2017}\sqrt{3}$     Б)  $\sqrt{3}$     В)  $-2^{2018}$     Г)  $2^{2018}$     Д)  $2^{1009}\sqrt{3}$     Н) Не знам

**14.** У једнакокраки траpez дужине крака 5 cm уписан је круг пречника 4 cm. Ако су  $a$  и  $b$  основице трапеza, онда је  $a \cdot b$  једнако:

А) 84    Б) 72    В) 36    Г) 40    Д) 16    Н) Не знам

**15.** Ако је  $m$  најмања, а  $M$  највећа вредност функције  $f(x) = -x^2 + 2x - 2$  на сегменту  $[0, 3]$ , онда је  $m \cdot M$  једнако:

А) 10    Б) -10    В) 0    Г) 5    Д) -5    Н) Не знам

**16.** Производ решења једначине  $x + 2 \cdot |x - 4| = 7$  једнак је:

А) 6    Б) 5    В) 1    Г) -1    Д) -6    Н) Не знам

**17.** Бочна страна правилне четворостране пирамиде гради са основицом пирамиде угао од  $60^\circ$ . Ако је дужина висине пирамиде једнака  $\sqrt{3}$ , онда је њена запремина једнака:

А)  $\frac{4}{3}\sqrt{3}$     Б) 3    В)  $\sqrt{3}$     Г)  $4\sqrt{3}$     Д)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$     Н) Не знам

**18.** Тангента параболе  $y = 4 - x^2$  паралелна је правој  $y = 4x$ . Ако је једначина тангенте  $y = kx + n$ , онда је  $3k - n$  једнако:

А) -12    Б) -2    В) 4    Г) 2    Д) 12    Н) Не знам

**19.** Решење неједначине  $2 \sin x - 2 \cos x < 4 \sin x \cos x - 1$  на интервалу  $(-\pi, \pi)$  је:

А)  $(-\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{6})$     Б)  $(-\frac{\pi}{3}, -\frac{\pi}{6}) \cup (\frac{\pi}{3}, \pi)$     В)  $(\frac{\pi}{6}, \pi)$     Г)  $(-\frac{5\pi}{6}, -\frac{\pi}{3}) \cup (-\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{3})$     Д)  $(\frac{\pi}{2}, \pi)$     Н) Не знам

**20.** Решење логаритамске неједначине  $\log_{x^2}(\sqrt{x^2-1}-1) < 0$  је скуп:

А)  $(\sqrt{2}, \sqrt{5})$     Б)  $(-\sqrt{5}, -\sqrt{2})$     В)  $(-\sqrt{5}, 1)$     Г)  $(1, \sqrt{2})$     Д)  $(-\sqrt{5}, -\sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, \sqrt{5})$     Н) Не знам

1. Вредност израза  $\frac{1}{1 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 7} + \frac{1}{7 \cdot 9}$  једнака је:

**Решење** Директним рачуном добија се  $\frac{1}{3} + \frac{1}{15} + \frac{1}{35} + \frac{1}{63} = \frac{4}{9}$ , или краће

$$S = \frac{1}{2} \left( 1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{5} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \frac{1}{7} - \frac{1}{9} \right) = \frac{1}{2} \cdot \frac{8}{9} = \frac{4}{9}.$$

2. Ако је  $f(x) = \sqrt{x+1}$  и  $g(x) = \sqrt{x-1}$ , онда је  $(g \circ f)(24) + (f \circ g)(1)$  једнако:

**Решење** Рачунамо најпре обе композиције:

$$(g \circ f)(24) = g(f(24)) = g(\sqrt{25}) = g(5) = \sqrt{4} = 2,$$

$$(f \circ g)(1) = f(g(1)) = f(\sqrt{0}) = f(0) = \sqrt{1} = 1.$$

Одавде је  $(g \circ f)(24) + (f \circ g)(1) = 2 + 1 = 3$ .

3. Ако су  $x_1$  и  $x_2$  решења квадратне једначине  $x^2 - x + 1 = 0$ , онда је  $x_1^3 + x_2^3$  једнако:

**Решење** Из Виетових формула добијамо да је  $x_1 + x_2 = 1$  и  $x_1 x_2 = 1$ . Даље је

$$x_1^3 + x_2^3 = (x_1 + x_2)^3 - 3x_1^2 x_2 - 3x_1 x_2^2 = (x_1 + x_2)^3 - 3x_1 x_2 (x_1 + x_2) = 1 - 3 = -2.$$

4. Колико целобројних решења има неједначина  $\frac{x^2 - 2x + 2}{x^2 + 4x} \geq 0$ ?

**Решење** Израз у бројиоцу  $x^2 - 2x + 2 > 0$  за свако реално  $x$ , јер је дискриминанта  $D = b^2 - 4ac = 4 - 8 = -4 < 0$  и  $a = 1 > 0$ . Даље је  $x^2 + 4x \geq 0$  за  $x \in (-\infty, -4] \cup [0, +\infty)$ . Како се овај израз налази у имениоцу, то не укључујемо тачке  $-4$  и  $0$ , јер је тада  $x^2 + 4x = 0$ . Према томе, скуп свих реалних решења ове неједначине је скуп

$$(-\infty, -4) \cup (0, +\infty),$$

и у њему се налази бесконачно много целих бројева.

5. Ако је у геометријском низу збир првог и другог члана једнак 4, а збир четвртог и петог члана једнак 108, онда је седми члан овог низа једнак:

**Решење** Из датих услова добија се систем једначина

$$\begin{aligned} a_1 + a_1 q &= 4 & \iff & a_1(1+q) = 4 & \iff & a_1(1+q) = 4 & \iff & a_1 = 1 \\ a_1 q^3 + a_1 q^4 &= 108 & \iff & a_1 q^3(1+q) = 108 & \iff & q^3 = 27 & \iff & q = 3. \end{aligned}$$

Одавде добијамо  $a_7 = a_1 q^6 = 3^6 = 729$ .

6. Збир решења једначине  $9^x - 12 \cdot 3^x + 27 = 0$  једнак је:

**Решење** Увођењем смене  $3^x = t$ , где је  $t > 0$ , добијмо квадратну једначину  $t^2 - 12t + 27 = 0$ . Оба решења квадратне једначине  $t_1 = 3$  и  $t_2 = 9$  задовољавају услов  $t > 0$ . Стога ће полазна експоненцијална једначина имати два решења  $x_1 = 1$  и  $x_2 = 2$ , па је тражени збир

$$x_1 + x_2 = 3.$$

7. На Светском првенству у фудбалу 32 екипе подељене су у 8 група од по 4 екипе. У првом кругу свака екипа игра против сваке екипе из своје групе. Укупан број одиграних утакмица у првом кругу једнак је:

**Решење** Довољно је број одиграних утакмица у једној групи помножити са бројем група. Како група има 4 тима, у сваком од 3 кола играју се по 2 утакмице, па је број одиграних утакмица у једној групи  $3 \cdot 2 = 6$ . Како постоји 8 група, тражени број једнак је  $8 \cdot 6 = 48$ .

**8.** Полином  $P(x) = x^4 + ax^3 + b$  дељив је полиномом  $Q(x) = x^2 + 1$ . Остатак при дељењу полинома  $P(x)$  полиномом  $x + 1$  једнак је:

**Решење** Како полином  $Q(x) = (x - i)(x + i)$  дели полином  $P(x)$  по Безуовој теорему мора бити  $P(i) = 0$ , тј.

$$i^4 + ai^3 + b = 0 \iff 1 - ai + b = 0 \iff 1 + b = 0 \wedge -a = 0 \iff b = -1 \wedge a = 0.$$

Заменом добијених вредности у полином  $P(x)$  добијамо да је

$$P(x) = x^4 - 1.$$

Сада још једном применимо Безуову теорему која каже да је остатак при дељењу полинома  $p(x)$  полиномом  $x - \alpha$  једнак  $P(\alpha)$ . Према томе, тражени остатак једнак је

$$P(-1) = (-1)^4 - 1 = 0.$$

Задатак се може решити и непосредним дељењем полинома  $P(x)$  полиномом  $Q(x)$  тако што изједначимо добијени остатак са 0.

**9.** Ако је  $z = x + iy$  ( $x, y \in \mathbb{R}, i^2 = -1$ ), производ решења једначине  $|z| + i\bar{z} = z + 2 - i$  је:

**Решење** Ако је  $z = x + iy$ , из датих услова добијамо једначину

$$\sqrt{x^2 + y^2} + i(x - iy) = x + iy + 2 - i \iff \sqrt{x^2 + y^2} + y + ix = x + 2 + i(y - 1).$$

Ако изједначимо реалне и имагинарне делове добиће се систем једначина

$$\begin{aligned} \sqrt{x^2 + y^2} + y &= x + 2 \\ x &= y - 1 \end{aligned} \iff \begin{aligned} \sqrt{x^2 + (x+1)^2} + x + 1 &= x + 2 \\ y &= x + 1 \end{aligned} \iff \begin{aligned} 2x^2 + 2x &= 0 \\ y &= x + 1. \end{aligned}$$

Одавде је  $x = 0$  и  $y = 1$  или  $x = -1$  и  $y = 0$ . Дакле, постоје два комплексна броја који задовољавају полазну једначину и то:

$$z_1 = 0 + 1 \cdot i = i, \quad z_2 = -1 + 0 \cdot i = -1.$$

Тражени производ решења једнак је  $z_1 \cdot z_2 = -i$ .

**10.** Једначина кружнице  $k$  која додирује  $x$ -осу и чији је центар тачка  $(0, 1)$  гласи:

**Решење** Да би написали једначину кружнице потребне су нам координате центра и њен полупречник. Из услова да кружница са центром у тачки  $(0, 1)$  додирује  $x$ -осу, налазимо да је  $r = 1$ . Тражена једначина гласи:

$$(x - 0)^2 + (y - 1)^2 = 1 \iff x^2 + y^2 = 2y.$$

**11.** Збир решења једначине  $2 \cos^2 x + 3 \sin x = 0$  на интервалу  $(0, 2\pi)$  једнак је:

**Решење** Искористимо основни тригонометријски идентит  $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$ , па једначина постаје:

$$2(1 - \sin^2 x) + 3 \sin x = 0 \iff 2 \sin^2 x - 3 \sin x + 2 = 0 \iff 2t^2 - 3t - 2 = 0 \wedge -1 \leq t \leq 1.$$

Решења квадратне једначине су  $t_1 = -1/2$  и  $t_2 = 2$ . Друго решење елиминисамо јер не припада сегменту  $[-1, 1]$ , односно једначина  $\sin x = 2$  нема решења. Стога је дата једначина еквивалентна са једначином

$$\sin x = -\frac{1}{2} \iff x = -\frac{\pi}{6} + 2k\pi \vee x = \frac{7\pi}{6} + 2k\pi, \quad k \in \mathbb{Z}.$$

Једина решења овог облика на  $(0, 2\pi)$  су  $x_1 = \frac{7\pi}{6}$  и  $x_2 = \frac{11\pi}{6}$ , и њихов збир једнак је  $3\pi$ .

**12.** Решење неједначине  $\sqrt{2x+4} < x-2$  је скуп:

**Решење** Стандардним поступком за решавање корене неједначине добијамо:

$$\begin{aligned}\sqrt{2x+4} < x-2 &\iff 2x+4 \geq 0 \wedge x > 2 \wedge 2x+4 < (x-2)^2 \\ &\iff x \geq -2 \wedge x > 2 \wedge 2x+4 < x^2-4x+4 \\ &\iff x > 2 \wedge x^2-6x < 0 \\ &\iff x > 2 \wedge x \in (-\infty, 0) \cup (6, +\infty) \\ &\iff x \in (6, +\infty).\end{aligned}$$

**13.** Количник имагинарног и реалног дела комплексног броја  $(1-i\sqrt{3})^{2018}$  једнак је:

**Решење** Приметимо најпре да је

$$(1-i\sqrt{3})^3 = 1-3i\sqrt{3}+3(i\sqrt{3})^2-(i\sqrt{3})^3 = 1-3i\sqrt{3}-9+3i\sqrt{3} = -8 = -2^3,$$

и искористимо ову особину за рачунање степена. Имамо:

$$\begin{aligned}(1-i\sqrt{3})^{2018} &= (1-i\sqrt{3})^{3 \cdot 672+2} = ((1-i\sqrt{3})^3)^{672} \cdot (1-i\sqrt{3})^2 \\ &= (-8)^{672} \cdot (1-2i\sqrt{3}-3) = 8^{672}(-2-2i\sqrt{3}) \\ &= -2^{2017}(1+i\sqrt{3}).\end{aligned}$$

Реални део једнак је  $-2^{2017}$  а имагинарни  $-2^{2017}\sqrt{3}$ , па је траженики количник једнак  $\sqrt{3}$ .

**14.** У једнакокраки траpez дужине крака 5 cm уписан је круг пречника 4 cm. Ако су  $a$  и  $b$  основице трапеца, онда је  $a \cdot b$  једнако:

**Решење** Нека су  $a$  и  $b$  основице трапеца и нека је  $a > b$ . Како је у траpez уписан круг, ради се о тангентном четвороуглу, па су збирови наспрамних страница једнаки, тј  $a+b=10$ . Са друге стране, из Питагорине теореме добија се

$$\left(\frac{a-b}{2}\right)^2 = 5^2 - 4^2 \implies a-b = 6.$$

Сада се из система једначина  $a+b=10$ ,  $a-b=6$ , добија  $a=8$  и  $b=2$ , па је  $a \cdot b = 16$ .

**15.** Ако је  $m$  најмања, а  $M$  највећа вредност функције  $f(x) = -x^2 + 2x - 2$  на сегменту  $[0, 3]$ , онда је  $m \cdot M$  једнако:

**Решење** У питању је квадратна функција  $x \mapsto f(x)$  која локални максимум достиже у свом темену. Како је  $-\frac{b}{2a} = 1$ , то је  $f(1) = -1$ . Вредности на крајевима одсечка једнаке су  $f(0) = -2$  и  $f(3) = -5$ . На тај начин, добија се  $m = -5$  и  $M = -1$ , па је  $m \cdot M = 5$ .

**16.** Производ решења једначине  $x+2 \cdot |x-4| = 7$  једнак је:

**Решење** Како је  $|x-4| = \begin{cases} 4-x & x < 4 \\ x-4 & x \geq 4 \end{cases}$ , дата једначина је еквивалентна са:

$$(x+2(4-x) = 7 \wedge x < 4) \vee (x+2(x-4) = 7 \wedge x \geq 4) \iff x = 1 \vee x = 5.$$

Производ решења једначине једнак је 5.





**20.** Решење логаритамске неједначине  $\log_{x^2}(\sqrt{x^2-1}-1) < 0$  је скуп:

**Решење** Најпре проверавамо када је неједнакост дефинисана. Знајући да је функција  $x \mapsto \log_a x$  дефинисана ако је  $x > 0$  и ако за основу логаритма важи  $a > 0$ ,  $a \neq 1$ , као и да поткорени израз мора бити ненегативан, добијамо следеће услове:

$$\begin{aligned}x^2 > 0 \wedge x^2 \neq 1 \wedge x^2 - 1 \geq 0 \wedge \sqrt{x^2 - 1} - 1 > 0 &\iff x \neq 0 \wedge x \neq \pm 1 \wedge x^2 - 1 > 1 \\ &\iff x \neq 0 \wedge x \neq \pm 1 \wedge x^2 - 2 > 0 \\ &\iff |x| > \sqrt{2} \iff x \in (-\infty, -\sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, +\infty).\end{aligned}$$

Неједначина дакле има смисла за  $|x| > \sqrt{2}$ , а тада је основа логаритма  $x^2 > 2$ , одакле је логаритамска функција растућа. Стога је, под условом  $|x| > \sqrt{2}$ , неједначина еквивалентна са:

$$\begin{aligned}\log_{x^2}(\sqrt{x^2-1}-1) < 0 &\iff \sqrt{x^2-1}-1 < 1 \wedge |x| > \sqrt{2} \\ &\iff \sqrt{x^2-1} < 2 \wedge |x| > \sqrt{2} \\ &\iff x^2 < 5 \wedge |x| > \sqrt{2} \\ &\iff |x| < \sqrt{5} \wedge |x| > \sqrt{2} \\ &\iff x \in (-\sqrt{5}, -\sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, \sqrt{5}).\end{aligned}$$

## Класификациони испит из математике за упис на Грађевински факултет

Шифра задатка: 

Тест има 20 задатака на две странице. Задаци 1-3 вреде по 4 поена, задаци 4 – 17 вреде по 5 поена и задаци 18 – 20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси –10% поена од броја поена предвиђених за тачан одговор. Заокруживање Н не доноси ни позитивне, ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се –1 поен.

- 1.** Вредност израза  $3(\sqrt{5} - \sqrt{2})^{-1} + (\sqrt{5} - \sqrt{2})$  једнака је:  
 А)  $\sqrt{5} + \sqrt{2}$      Б)  $2\sqrt{5}$     В)  $2\sqrt{2}$     Г)  $5\sqrt{2}$     Д)  $\sqrt{5} - \sqrt{2}$     Н) Не знам
- 2.** Вредност израза  $3^{1+3\log_3 5 + \log_3 2}$  једнака је:  
 А) 900     Б) 750    В) 450    Г) 300    Д) 243    Н) Не знам
- 3.** Ако је  $f\left(\frac{2x-3}{x-5}\right) = x$ , онда је  $f(3)$  једнако:  
 А) 1    В) 8     Б) 12    Г) 16    Д) 24    Н) Не знам
- 4.** Ако су  $x_1$  и  $x_2$  решења једначине  $x^2 - x \log_2 9 + 2 = 0$ , онда је  $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$  једнако:  
 А)  $\frac{1}{2}$     В)  $-\frac{1}{2}$      Б)  $\log_2 3$     Г)  $\log_2 9$     Д)  $\frac{\log_2 3}{2}$     Н) Не знам
- 5.** Скуп решења неједначине  $\frac{x+2}{x-3} \geq 2$  је облика:  
 А)  $(-\infty, a] \cup [b, \infty)$     В)  $(-\infty, a]$     В)  $[b, \infty)$      Г)  $]a, b]$     Д)  $(-\infty, a) \cup (b, c)$     Н) Не знам
- 6.** Ако је  $T(a, b)$  тачка екстрема квадратне функције  $f(x) = -2x^2 + 5x - 7$ , онда је  $4a - 8b$  једнако:  
 А) -36    В) -8    В) 0    Г) 8     Д) 36    Н) Не знам
- 7.** Скуп решења неједначине  $\sqrt{x^2 - 1} > x$  је облика:  
 А)  $(-\infty, a] \cup [b, \infty)$      Б)  $(-\infty, a]$     В)  $[b, \infty)$     Г)  $\emptyset$     Д)  $(-\infty, a) \cup (b, c)$     Н) Не знам
- 8.** Од 8 дечака прави се кошаркашки тим од пет играча. Број начина на који се то може урадити је:  
 А) 18    В) 336     Б) 56    Г) 144    Д) 6920    Н) Не знам
- 9.** Полином  $P(x) = ax^4 + 2x^3 + bx + 3$  је дељив полиномом  $Q(x) = x^2 - 1$ . Онда је  $2a - b$  једнако:  
 А) 0    В) -1    В) -2    Г) -3     Д) -4    Н) Не знам

Шифра задатка:

10. Ако је  $z = x + iy$  комплексан број такав да је  $|z + 1| - \bar{z} = 2 - i$ , онда је  $x + y$  једнако:

А)  $-2$        Б)  $2$        В)  $-4$        Г)  $4$        Д)  $8$        Н) Не знам

11. Једначина праве која пролази кроз тачке  $A(1, 1)$  и  $B(2, 5)$  је:

А)  $y = 0$      Б)  $y = x + n$      В)  $y = 2x + n$      Г)  $y = 3x + n$      Д)  $y = 4x + n$      Н) Не знам

12. Број решења једначине  $\sin^2 x = \frac{1}{3}$  која припадају интервалу  $(0, 3\pi)$  једнак је:

А)  $4$        Б)  $5$        В)  $6$        Г)  $8$        Д)  $9$        Н) Не знам

13. Ако је  $\sin \frac{\pi}{7} = a$ , онда је  $\sin \frac{50\pi}{7}$  једнако:

А)  $\sqrt{1-a^2}$      Б)  $-\sqrt{1-a^2}$      В)  $a$        Г)  $-a$        Д)  $1-a$        Н) Не знам

14. Комплексни број  $\frac{(1-i)^{2019}}{(1+i)^{2019}}$  једнак је:

А)  $-i$        Б)  $i$        В)  $-1$        Г)  $1$        Д)  $-\frac{1}{2}$        Н) Не знам

15. Сума првих 60 природних бројева дељивих са 4 је:

А)  $7230$        Б)  $7320$        В)  $7500$        Г)  $7940$        Д)  $8000$        Н) Не знам

16. У купу чији су пречник основе и изводница једнаки  $12\text{ cm}$  уписана је сфера. Површина ове сфере је:

А)  $24\sqrt{3}\pi\text{ cm}^2$      Б)  $24\sqrt{2}\pi\text{ cm}^2$      В)  $32\sqrt{3}\pi\text{ cm}^2$      Г)  $32\sqrt{2}\pi\text{ cm}^2$      Д)  $48\pi\text{ cm}^2$      Н) Не знам

17. Скуп решења неједначине  $9^x + 3^x - 6 > 0$  је облика:

А)  $(-\infty, a)$      Б)  $(a, \infty)$      В)  $(a, b)$      Г)  $(a, b) \cup (c, d)$      Д)  $(-\infty, a) \cup (b, \infty)$      Н) Не знам

18. Дати су круг  $x^2 + y^2 - 2x - 4y = 20$  и права  $3x + 4y + 34 = 0$ . Ако је  $A(a, b)$  тачка круга најдаља од праве, онда је  $ab$  једнако:

А)  $24$        Б)  $-24$        В)  $4$        Г)  $-4$        Д)  $\frac{7}{3}$        Н) Не знам

19. Скуп решења једначине  $|\log_x(6-x) + 1| + |\log_x(6-x) - 1| = 2$  је облика:

А)  $(0, a] \cup [b, c]$      Б)  $(-\infty, a]$      В)  $[b, \infty)$      Г)  $\{a, b\}$      Д)  $(1, a] \cup [b, c]$      Н) Не знам

20. Збир решења једначине  $2^{1+2\cos 6x} + 16^{\sin^2 3x} = 9$  која припадају интервалу  $[0, \pi]$  једнак је:

А)  $\pi$        Б)  $3\pi$        В)  $\frac{28\pi}{9}$        Г)  $\frac{10\pi}{3}$        Д)  $5\pi$        Н) Не знам

## РЕШЕЊА

$$\boxed{1.} \quad \frac{3}{(\sqrt{5}-\sqrt{2})} + (\sqrt{5}-\sqrt{2}) = \frac{3(\sqrt{5}+\sqrt{2})}{(\sqrt{5}-\sqrt{2})(\sqrt{5}+\sqrt{2})} + (\sqrt{5}-\sqrt{2}) = \frac{3(\sqrt{5}+\sqrt{2})}{3} + (\sqrt{5}-\sqrt{2}) = 2\sqrt{5}$$

$$\boxed{2.} \quad 3^{1+3\log_3 5 + \log_3 2} = 3^1 \cdot 3^{\log_3 5^3} \cdot 3^{\log_3 2} = 3 \cdot 5^3 \cdot 2 = 750$$

$$\boxed{3.} \quad f\left(\frac{2x-3}{x-5}\right) = x, \quad \frac{2x-3}{x-5} = 3, \text{ онда } 2x-3 = 3(x-5) \text{ па је } x = 12. \text{ Дакле } f(3) = 12.$$

$\boxed{4.}$  За квадратну једначину  $ax^2 + bx + c = 0$  важи да је  $x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$  и  $x_1 x_2 = \frac{c}{a}$  (Виетове везе).

За једначину  $x^2 - \log_2 9 + 2 = 0$ ,  $a = 1, b = -\log_2 9, c = 2$  па је  $x_1 + x_2 = \log_2 9$  и  $x_1 x_2 = 2$  Онда

$$\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = \frac{x_1 + x_2}{x_1 x_2} = \frac{\log_2 9}{2} = \frac{2 \log_2 3}{2} = \log_2 3$$

$\boxed{5.}$

$$\begin{aligned} \frac{x+2}{x-3} &\geq 2 \\ \frac{x+2}{x-3} - 2 &\geq 0 \\ \frac{(x+2) - 2(x-3)}{x-3} &\geq 0 \\ \frac{8-x}{x-3} &\geq 0 \\ x &\in (3, 8] \end{aligned}$$

$\boxed{6.}$  За квадратну функцију  $f(x) = \alpha x^2 + \beta x + \gamma$  тачка екстрема је  $a = -\frac{\beta}{2\alpha}$  и  $b = f(a)$ . Онда је  $a = -\frac{5}{2 \cdot (-2)} = \frac{5}{4}$  а  $b = f\left(\frac{5}{4}\right) = -\frac{31}{8}$ , па је  $4a - 8b = 36$ .

$$\boxed{7.} \quad \sqrt{x^2 - 1} > x$$

Први случај:

$$x < 0 \text{ и } x^2 - 1 \geq 0$$

$$x < 0 \text{ и } x \in (-\infty, -1] \cup [1, \infty)$$

$$x \in (-\infty, -1]$$

Други случај:

$$x \geq 0 \text{ и } x^2 - 1 > x^2$$

нема решења

Решење је унија скупова решења из првог и другог случаја  $x \in (-\infty, -1]$ .

$\boxed{8.}$  Има  $\binom{8}{5}$  начина, што је исто што и  $\binom{8}{3}$ , а то је  $\frac{8 \cdot 7 \cdot 6}{3!} = 56$ .

$$\boxed{9.} \quad Q(x) = x^2 - 1 = (x+1)(x-1).$$

Полином  $Q(x)$  дели полином  $P(x)$  па је  $P(-1) = P(1) = 0$ .

$$P(-1) = a + 2 + b + 3 = 0 \text{ и } P(1) = a - 2 - b + 3 = 0 \text{ па је } a = -3 \text{ а } b = -2 \text{ тј. } 2a - b = -4.$$

$$\boxed{10.} \quad z = x + yi, \quad \bar{z} = x - yi, \quad |z + 1| = |x + yi + 1| = |x + 1 + yi| = \sqrt{(x+1)^2 + y^2}$$

$$\text{Онда } |z + 1| - \bar{z} = 2 - i$$

$$\sqrt{(x+1)^2 + y^2} - x + yi = 2 - i$$

$$\text{Онда је } y = -1 \text{ и } \sqrt{(x+1)^2 + y^2} - x = 2$$

$$y = -1 \text{ и } \sqrt{(x+1)^2 + (-1)^2} = x + 2 \text{ тј } \sqrt{x^2 + 2x + 2} = x + 2$$

$$x^2 + 2x + 2 = (x+2)^2 \text{ и } x + 2 \geq 0$$

$$x^2 + 2x + 2 = x^2 + 4x + 4 \text{ и } x \geq -2$$

$x = -1$ . Дакле  $x + y = -2$

**11.** Једначина праве је  $y = kx + n$ .  $A(1, 1)$  припада правој па је  $1 = k \cdot 1 + n$  и исто за  $B(2, 5)$   $5 = k \cdot 2 + n$ . Из ове две једначине добијамо да је  $k = 4$  и  $n = -3$ . Права је  $y = 4x - 3$ .

**12.** Једначина  $\sin x = \frac{1}{\sqrt{3}}$  има по два решења на  $(0, \pi)$  и  $(\pi, 3\pi)$ . Једначина  $\sin x = -\frac{1}{\sqrt{3}}$  има два решења на  $(\pi, 2\pi)$ . Укупно 6 решења.

**13.**  $\sin \frac{50\pi}{7} = \sin \left(6\pi + \frac{8\pi}{7}\right) = \sin \frac{8\pi}{7} = \sin\left(\pi + \frac{\pi}{7}\right) = -\sin \frac{\pi}{7} = -a$ .

**14.**  $(1-i)^2 = 1 - 2i + i^2 = 1 - 2i - 1 = -2i$ ,  $(1+i)^2 = 1 + 2i + i^2 = 1 + 2i - 1 = 2i$   
 $(1-i)^{2019} = (1-i)^2)^{1009}(1-i) = (-2i)^{1009}(1-i) = -2^{1009}i^{1009}(1-i)$   
 $(1+i)^{2019} = (1+i)^2)^{1009}(1+i) = (2i)^{1009}(1+i) = 2^{1009}i^{1009}(1+i)$   
 $\frac{(1-i)^{2019}}{(1+i)^{2019}} = -\frac{1-i}{1+i} = -\frac{(1-i)^2}{(1+i)(1-i)} = -\frac{-2i}{2} = i$ .

**15.** Бројеви дељиви са 4 чине аритметички низ тд.  $a_1 = 4$  и  $d = 4$ . Сума  $n$  чланова низа је  $s_n = \frac{n[2a_1 + (n-1)d]}{2}$  па је  $s_{60} = \frac{60[2 \cdot 4 + 59 \cdot 4]}{2} = 7320$ .

**16.** Изводница купе и пречник њене основе чине једнакостранични троугао стране  $a = 12$  а полупречник уписане сфере је полупречник уписаног круга у троугао па је  $R = \frac{a\sqrt{3}}{6} = 2\sqrt{3}$ . Онда је површина сфере  $P = 4R^2\pi = 4(2\sqrt{3})^2\pi = 48\pi$ .

**17.** Нека је  $3^x = t$ , онда је  $9^x = t^2$  и неједначина  $t^2 + t - 6 > 0$ ,  $(t+3)(t-2) > 0$  па  $t \in (-\infty, -3) \cup (2, +\infty)$   $t$  је позитивно па је  $t \in (2, +\infty)$  тј.  $x \in (\log_3 2, +\infty)$ .

**18.** Најближа и најдаља тачка круга су тачке пресека праве нормалне на дату праву кроз центар и круга. Права нормална на дату праву је  $4x - 3y + n = 0$ . Она садржи центар круга  $C(1, 2)$  па  $4 \cdot 1 - 3 \cdot 2 + n = 0$ . Онда је  $n = 2$  и  $4x - 3y + 2 = 0$  тј.  $y = \frac{4x}{3} + \frac{2}{3}$ . Када ово заменимо у једначину круга добијамо

$$(x-1)^2 + \left(\frac{4x}{3} + \frac{2}{3} - 2\right)^2 = 25$$

$$(x-1)^2 + \left(\frac{4x}{3} - \frac{4}{3}\right)^2 = 25$$

$$(x-1)^2 + \frac{16}{9}(x-1)^2 = 25$$

$$\frac{25}{9}(x-1)^2 = 25$$

$$(x-1)^2 = 9$$

$x-1 = 3$  или  $x-1 = -3$  тј.  $x = 4$  или  $x = -2$ .  $y = \frac{4x}{3} + \frac{2}{3}$  па је  $y = 6$  или  $y = -2$ .  
Добијамо тачке  $A(4, 6)$  и  $B(-2, -2)$ .

Растојсње од дате праве је  $d = \frac{|3x + 4y + 34|}{\sqrt{3^2 + 4^2}}$ .

$d(A) = 14$  а  $d(B) = 4$  па је најдаља тачка  $A$ .

**19.** Нека је  $\log_x(6-x) = t$ . Решавамо једначину  $|t+1| + |t-1| = 2$ .

Први случај:  $t \leq -1$

$$-(t+1) - (t-1) = 2 \text{ дакле } t = -1.$$

Други случај:  $-1 < t < 1$

$$(t+1) - (t-1) = 2 \text{ дакле } -1 < t < 1.$$

Трећи случај  $t \geq 1$

$$(t+1) + (t-1) = 2 \text{ дакле } t = 1.$$

Коначно, решења су  $-1 \leq t \leq 1$ .

$\log_x(6-x) = t$  па  $x > 0$  и  $x \neq 1$  и  $6-x > 0$  тј  $x < 6$ .

Решавамо неједначину  $-1 \leq \log_x(6-x) \leq 1$

Први случај:  $0 < x < 1$

$$x \leq 6 - x \text{ и } x^{-1} \geq 6 - x$$

$$x \leq 3 \text{ и } x^2 - 6x + 1 \geq 0$$

$$x \leq 3 \text{ и } x \in (-\infty, 3 - 2\sqrt{2}] \cup [3 + 2\sqrt{2}, \infty)$$

Пресек је  $x \in (0, 3 - 2\sqrt{2}]$ .

Други случај:  $x \in (1, 6)$

$$x \geq 6 - x \text{ и } x^{-1} \leq 6 - x$$

$$x \geq 3 \text{ и } x^2 - 6x + 1 \leq 0$$

$$x \geq 3 \text{ и } x \in [3 - 2\sqrt{2}, 3 + 2\sqrt{2}]$$

Пресек је  $x \in [3, 3 + 2\sqrt{2}]$ .

Унија решења из оба случаја је  $x \in (0, 3 - 2\sqrt{2}] \cup [3, 3 + 2\sqrt{2}]$ .

**20.**

$$2^{1+2\cos 6x} + 16^{\sin^2 3x} = 9$$

$$2 \cdot 2^{2\cos 6x} + 4^{2\sin^2 3x} = 9$$

Из адicione формуле  $2\sin^2 3x = 1 - \cos 6x$ , па

$$2 \cdot 4^{\cos 6x} + 4^{1-\cos 6x} = 9$$

нека је  $t = 4^{\cos 6x}$ , онда

$$2t + \frac{4}{t} = 9$$

$$2t^2 - 9t + 4 = 0$$

$$t = 1 \text{ или } t = -\frac{1}{2}$$

$$\cos 6x = 0 \text{ или } \cos 6x = -\frac{1}{2}$$

$$6x = 2k\pi \text{ или } 6x = \frac{2\pi}{3} + 2k\pi \text{ или } 6x = \frac{4\pi}{3} + 2k\pi$$

$$x = \frac{k\pi}{3} \text{ или } x = \frac{\pi}{9} + \frac{k\pi}{3} \text{ или } x = \frac{2\pi}{9} + \frac{k\pi}{3}$$

За  $k = 0, 1, 2$  добијамо решења из интервала  $(0, \pi)$  и то  $x_1 = 0$ ,  $x_2 = \frac{\pi}{3}$ ,  $x_3 = \frac{2\pi}{3}$ ,  $x_4 = \frac{\pi}{9}$ ,  $x_5 = \frac{4\pi}{9}$ ,  $x_6 = \frac{7\pi}{9} + \pi$ ,  $x_7 = \frac{2\pi}{9}$ ,  $x_8 = \frac{5\pi}{9}$ ,  $x_9 = \frac{8\pi}{9}$  и још  $x_{10} = \pi$ . Њихов збир је  $5\pi$ .

## Универзитет у Београду - Грађевински факултет

### Правила о одржавању пријемног испита

Презиме	Име	Број пријаве

НЕПОШТОВАЊЕ НЕКОГ ОД НАВЕДЕНИХ ПРАВИЛА ПОВЛАЧИ ЗА СОБОМ ДИСКВАЛИФИКАЦИЈУ КАНДИДАТА. БЕЗ ОБЗИРА НА ПРЕТХОДНО ОСВОЈЕНЕ ПОЕНЕ ИЗ СРЕДЊЕ ШКОЛЕ И НА ПРИЈЕМНОМ ИСПИТУ, ДИСКВАЛИФИКОВАНИ КАНДИДАТ НЕЋЕ МОЋИ ДА СЕ УПИШЕ НА ГРАЂЕВИНСКИ ФАКУЛТЕТ УНИВЕРЗИТЕТА У БЕОГРАДУ.

1. Због епидемије вируса „COVID-19“ која је проглашена на територији Републике Србије, испит ће се одржати уз придржавање свих хигијенских и епидемиолошких мера које буду на снази у том тренутку.
2. На испиту је обавезно ношење маске. Ако кандидат нема маску добиће је приликом уласка у салу од дежурног.
3. Заштитне рукавице су пожељне али нису обавезне. Хигијена руку (гелом за дезинфекцију руку) биће омогућена у учионици у току трајања пријемног испита.
4. Испит се полаже писмено и траје три сата.
5. На испит треба ПОНЕТИ само: (а) личну карту или пасош, (б) плаву хемијску оловку и (в) Потврду о пријави на конкурс. Кандидати који су се пријавили електронски Потврду о пријави на конкурс ће добити од дежурног на пријемном испиту.
6. На испиту је ЗАБРАЊЕНО поседовање и коришћење мобилних телефона и било каквих помагала (калкулатора, џепних рачунара и слично).
7. На испит је ЗАБРАЊЕНО уношење хране и пића (сендвичи, сокови, чоколаде и слично). У салама се могу добити флашице са водом.
8. Непосредно пре почетка пријемног испита кандидати који су се електронски пријавили од дежурног добијају на потпис следећа документа: (а) Правила о одржавању пријемног испита (добијају сви кандидати), (б) Изјаву о прикупљању и објављивању личних података (добијају сви кандидати), (в) Изјаву о припадности српској националној мањини за студенте из суседних земаља (опционо), (г) Изјаву да кандидат до сада није студирао на терет буџета Републике Србије (опционо) и (д) Потврду о пријави на конкурс (добијају сви кандидати). Документа (а)-(г) ови кандидати потписују и враћају дежурном. Кандидати који су се пријавили у просторијама Факултета документа (а)-(д) већ су потписали приликом предаје документа. Документ (д) свим кандидатима потписује дежурни и предаје им на чување до краја уписа на Грађевински факултет као доказ да су приступили полагању пријемног испита.
9. Од дежурног на испиту кандидат добија: (а) образац за одговоре, (б) текст задатака и (в) свеску за израду задатака.
10. На предвиђено место на обрасцу за одговоре кандидат уписује: презиме, име родитеља као на пријавном листу, своје име и број пријаве са потврде о пријави.
11. По добијању текста задатака, на предвиђено место на обрасцу за одговоре кандидат уписује шифру задатка која је написана на тексту задатка. Скреће се пажња кандидату да задатак не може бити прегледан ако се не напише шифра

- задатка. Образац који нема шифру доноси по сваком задатку исти број негативних бодова као и задатак на коме су сви одговори нетачни.
12. Дежурни проверава идентитет кандидата као и податке које је кандидат уписао на образац за одговоре.
  13. По завршетку идентификације кандидат обавезно склања личну карту или пасош са стола, тако да на столу остане само плава хемијска оловка, потврда о пријави и прибор добијен од дежурног.
  14. Кандидат се не сме потписивати, нити стављати било који други знак на образац за одговоре осим онога што је предвиђено. ДИСКВАЛИФИКОВАЋЕ се сваки кандидат који на било који начин додатно означи образац за одговоре или кандидат који неисправно попуни део обрасца за одговоре који је за то предвиђен.
  15. Број задатака је 20. Укупан број поена је 100. Задаци не доносе исти број поена.
  16. У СВАКОМ ЗАДАТКУ ТАЧАН ЈЕ САМО ЈЕДАН ОДГОВОР.
  17. Тачан одговор доноси пун број поена предвиђен за тај задатак. Нетачан одговор доноси негативне поене. Одговор “Не знам” (означен словом Н на обрасцу за одговоре) доноси 0 поена.
  18. Кандидат решава задатак у свесци. На основу добијеног решења и понуђених одговора, кандидат ЗАОКРУЖУЈЕ САМО ЈЕДАН ОДГОВОР на обрасцу за одговоре под бројем који одговара броју тог задатка. Незаокруживање ниједног одговора, заокруживање два или више одговора, као и прецртавање једног или више одговора, доноси ДОДАТНЕ НЕГАТИВНЕ ПОЕНЕ у односу на негативне поене предвиђене за нетачан одговор.
  19. Упозоравају се кандидати да обрасце за одговоре попуњавају врло пажљиво. Није дозвољено брисање ни исправљање претходно заокружених одговора.
  20. Од тренутка поделе задатака НИЈЕ ДОЗВОЉЕН РАЗГОВОР између кандидата. Кандидати који међусобно разговарају биће удаљени са испита и дисквалификовани.
  21. Кандидати који поседују или користе недозвољена средства (мобилни телефон, калкулатор, џепни рачунар, цедуљице и слично) биће одмах удаљени са испита и дисквалификовани.
  22. Уколико дежурни утврди да кандидат поседује или користи недозвољена средства (мобилни телефон, калкулатор, џепни рачунар, цедуљице и слично) позива Централну комисију за спровођење пријемног испита која након записничког утврђивања прекршаја одмах удаљава и дисквалификује кандидата.
  23. На испиту је забрањен разговор са дежурнима.
  24. Када кандидат сматра да је завршио са испитом, позива дежурног дизањем руке. Дежурни узима образац за одговоре од кандидата. Дежурни потписује потврду о пријави, текст задатка и свеску који остају кандидату.
  25. Потписану потврду о пријави треба пажљиво сачувати, јер је она доказ да је задатак предат.
  26. После почетка испита НИЈЕ ДОЗВОЉЕН ОДЛАЗАК У ТОАЛЕТ, с обзиром да испит траје само 3 сата.
  27. Излазак из сале је могућ најраније један сат после почетка испита, уз обавезну предају попуњеног обрасца за одговоре. Дежурном на вратима показује се



потписана потврда о пријави, текст задатка и свеска. Тек после тога може да се напусти сала. Повратак у салу није дозвољен пре завршетка испита.

28. Напуштање сале није дозвољено пола сата пре завршетка испита. Кандидати морају сачекати крај испита на својим местима без устајања и разговора, без обзира на то да ли су предали свој образац за одговоре.
29. Дежурни на испиту објављује обавештења о почетку испита, протеклом времену, времену када може да се отпочне са напуштањем испита и времену када више не може да се напушта сала.

НЕПОШТОВАЊЕ НЕКОГ ОД НАВЕДЕНИХ ПРАВИЛА ПОВЛАЧИ ЗА СОБОМ ДИСКВАЛИФИКАЦИЈУ КАНДИДАТА. БЕЗ ОБЗИРА НА ПРЕТХОДНО ОСВОЈЕНЕ ПОЕНЕ ИЗ СРЕДЊЕ ШКОЛЕ И НА ПРИЈЕМНОМ ИСПИТУ, ДИСКВАЛИФИКОВАНИ КАНДИДАТ НЕЋЕ МОЋИ ДА СЕ УПИШЕ НА ГРАЂЕВИНСКИ ФАКУЛТЕТ УНИВЕРЗИТЕТА У БЕОГРАДУ.

Горе наведена правила налазе се на страни 25 овог Информатора.

Упознат-а сам са правилима  
одржавања пријемног испита

У Београду, \_\_\_\_\_ 2020. године

\_\_\_\_\_  
потпис кандидата

**Универзитет у Београду - Грађевински факултет**  
**ПОТВРДА О ПРИЈАВИ**  
**на конкурс за упис у прву годину студија**  
**у школској 2020/2021. години**

(попуњава се аутоматски)

Презиме	
Име	
Име једног родитеља	

(попуњава Служба за студентска питања)

ПОТВРДА О ПРЕДАЈИ ДОКУМЕНАТА	
Број пријаве	
Потпис члана комисије	

(попуњава дежурни на испиту)

ПОТВРДА О ИЗЛАСКУ КАНДИДАТА НА ПРИЈЕМНИ ИСПИТ	
Број сале/стола	
Потпис дежурног	

**Ова потврда служи као доказ да се кандидат пријавио на конкурс  
и да је полагао пријемни испит.  
КАНДИДАТИ ОВУ ПОТВРДУ ДОБИЈАЈУ ОД ДЕЖУРНОГ НА ПРИЈЕМНОМ ИСПИТУ И  
ЧУВАЈУ ЈЕ ДО ОКОНЧАЊА УПИСА!**

Универзитет у Београду

Назив факултета: Грађевински факултет

Изјава  
о прикупљању и објављивању личних података

Изјављујем да сам у циљу уписа на студијски програм Универзитета у Београду - Грађевински факултет, добровољно дао/дала своје личне податке, као и да се подаци могу користити и објављивати на интернет страницама Факултета и Универзитета за потребе процеса уписа (листе пријављених кандидата, прелиминарне и коначне ранг листе за упис).

Сагласан/сагласна сам да Факултет и Универзитет у Београду, за потребе поступка може извршити увид, прибавити и обрадити личне податке о чињеницама о којима се води службена евиденција (матична књига рођених), који су неопходни у поступку уписа на студијски програм Универзитета у Београду - Грађевински факултет.

Такође, сагласан/сагласна сам да Факултет и Универзитет у Београду могу ове податке да унесу у електронску базу података и периодично ажурирају за потребе ефикасног вођења законом прописане евиденције о упису, резултатима студирања, издавања дипломе, као и генерисање потребних статистичких података, достављање тражених података Министарству просвете, науке и технолошког развоја, као и да добијене податке неће учинити доступним неовлашћеним лицима.

У Београду, \_\_\_\_\_ 2020. године

\_\_\_\_\_  
(презиме и име кандидата)

\_\_\_\_\_  
(потпис кандидата)

Универзитет у Београду

Назив факултета: Грађевински факултет

### Изјава

о припадности српској националној мањини за студенте из суседних земаља

Пријављујем се на конкурс за упис студената на прву годину основних студија у оквиру Уписа припадника српске националне мањине из суседних земаља, у високошколске установе, под истим условима као држављани Републике Србије укључујући и право на упис у статусу студената који се финансирају из буџета Републике Србије за школску 2020/21. годину.

Изјављујем слободно и својевољно да сам припадник/ца српске националне мањине из суседних земаља и то из:

1. Републике Мађарске;
2. Републике Румуније;
3. Народне Републике Бугарске;
4. Републике Северне Македоније;
5. Републике Албаније;
6. Босне и Херцеговине;
7. Републике Словеније;
8. Републике Хрватске;
9. Црне Горе

(заокружити редни број испред назива земље)

Ову изјаву дајем искључиво у сврху остваривања права на упис кандидата у оквиру уписа припадника српске националне мањине из суседних земаља у високошколске установе.

У Београду, \_\_\_\_\_ 2020. године

\_\_\_\_\_  
(презиме и име кандидата)

\_\_\_\_\_  
(потпис кандидата)



